

Part - III

MATHEMATICS (COMMERCE)

Maximum : 80 Scores

Time : 2½ Hours

Cool off time : 15 Minutes

General Instructions to Candidates :

- There is a 'Cool off time' of 15 minutes in addition to the writing time of 2½ hrs.
- You are neither allowed to write your answers nor to discuss anything with others during the 'cool off time'.
- Use the 'cool off time' to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read the questions carefully before answering.
- All questions are compulsory and only internal choice is allowed.
- When you select a question, all the sub-questions must be answered from the same question itself.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except nonprogrammable calculators are not allowed in the Examination Hall.

നിർദ്ദേശങ്ങൾ:

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 15 മിനിറ്റ് 'കൂൾ ഓഫ് ടൈം' ഉണ്ടായിരിക്കും. ഈ സമയത്ത് ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരം എഴുതാനോ, മറ്റുള്ളവരുമായി ആശയ വിനിമയം നടത്താനോ പാടില്ല.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- എല്ലാ ചോദ്യങ്ങൾക്കും ഉത്തരം എഴുതണം.
- ഒരു ചോദ്യനമ്പർ ഉത്തരമെഴുതാൻ തെരഞ്ഞെടുത്തു കഴിഞ്ഞാൽ ഉപ ചോദ്യങ്ങളും അതേ ചോദ്യ നമ്പറിൽ നിന്ന് തന്നെ തെരഞ്ഞെടുക്കേണ്ടതാണ്.
- കണക്ക് കൂട്ടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ഗ്രാഫുകൾ, എന്നിവ ഉത്തര പേപ്പറിൽത്തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ആവശ്യമുള്ള സ്ഥലത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നൽകിയിട്ടുണ്ട്.
- പ്രോഗ്രാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കുലേറ്ററുകൾ ഒഴികെയുള്ള ഒരു ഇലക്ട്രോണിക് ഉപകരണവും പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.

3. a) Match the following. (4)

A	B
a) $\text{Sin}(\pi+x)$	i) $-\text{Cos}x$
b) $\text{Sin}\left(\frac{\pi}{2}+x\right)$	ii) $\text{Sin}x$
c) $\text{Cos}\left(\frac{\pi}{2}-x\right)$	iii) $-\text{Sin}x$
d) $\text{Sin}\left(\frac{3\pi}{2}+x\right)$	iv) $\text{Cosec}x$
	v) $\text{Cos}x$

b) If $\text{Sec}x = \frac{-2}{\sqrt{3}}$ and $\text{Cosec}x = 2$ then the quadrant in which x lies

- i) 1st quadrant
 - ii) 2nd quadrant
 - iii) 3rd quadrant
 - iv) 4th quadrant
- (1)

4. Consider the statement $P(n):1+3+5+\dots+(2n-1)=n^2$. Prove the statement by the principle of Mathematical induction. (4)

5. a) The multiplicative inverse of $1+i = \dots\dots\dots$
- i) $\frac{1+i}{2}$ ii) $\frac{-1+i}{2}$
 - iii) $\frac{1-i}{2}$ iv) $\frac{-1-i}{2}$
- (1)
- b) Write the polar form of the complex number $z=1+i$. (3)
- c) Solve : $x^2 - 2x + 2 = 0$ (1)

3. a) ചേരുമ്പടി ചേർക്കുക. (4)

A	B
a) $\text{Sin}(\pi+x)$	i) $-\text{Cos}x$
b) $\text{Sin}\left(\frac{\pi}{2}+x\right)$	ii) $\text{Sin}x$
c) $\text{Cos}\left(\frac{\pi}{2}-x\right)$	iii) $-\text{Sin}x$
d) $\text{Sin}\left(\frac{3\pi}{2}+x\right)$	iv) $\text{Cosec}x$
	v) $\text{Cos}x$

b) $\text{Sec}x = \frac{-2}{\sqrt{3}}$, $\text{Cosec}x = 2$ ആയാൽ x സ്ഥിതിചെയ്യുന്ന ക്വാഡ്രന്റ്

- i) 1-ാം ക്വാഡ്രന്റ്
 - ii) 2-ാം ക്വാഡ്രന്റ്
 - iii) 3-ാം ക്വാഡ്രന്റ്
 - iv) 4-ാം ക്വാഡ്രന്റ്
- (1)

4. $P(n):1+3+5+\dots+(2n-1)=n^2$. എന്ന പ്രസ്താവന പരിഗണിക്കുക. ഈ പ്രസ്താവന പ്രിൻസിപ്പിൾ ഓഫ് മാത്തമാറ്റിക്കൽ ഇൻഡക്ഷൻ ഉപയോഗിച്ച് തെളിയിക്കുക. (4)

5. a) $1+i$ യുടെ ഗുണന വിപരീതം
- i) $\frac{1+i}{2}$ ii) $\frac{-1+i}{2}$
 - iii) $\frac{1-i}{2}$ iv) $\frac{-1-i}{2}$
- (1)
- b) $z=1+i$ എന്ന കോംപ്ലക്സ് നമ്പർ പോളാർ രൂപത്തിലെഴുതുക. (3)
- c) നിർധാരണം ചെയ്യുക: $x^2 - 2x + 2 = 0$ (1)

6. a) Consider the inequality $3x - 7 > 8$, where x is a real number. Then the solution is ...
 i) $(5, \infty)$ ii) $[5, \infty)$
 iii) $(-5, \infty)$ iv) $[-5, \infty)$ (1)
- b) Express the above solution on a number line. (1)
- c) Solve the following system of inequalities graphically
 $x + 2y \leq 8$
 $2x + y \leq 8$
 $x \geq 0$
 $y \geq 0$ (3)

7. a) There are 15 persons in a party and each person shakes hands with another. Then the total number of hand shakes is
 i) ${}^{15}P_2$ ii) ${}^{15}C_2$
 iii) $15!$ iv) $\frac{15!}{2!}$ (1)
- b) If $2 \cdot {}^nP_3 = {}^{n+1}P_3$, then find the value of n . (2)
- c) Find the number of 2 digit numbers formed from the digits 1, 2, 3, 4, 5 and 6, if the repetition of the digits is allowed. (1)
 How many of them are even numbers? (2)

OR

- a) If ${}^nC_{10} = {}^nC_{12}$, then the value of $n =$
 i) 2 ii) 10×12
 iii) 22 iv) $\frac{10 \times 12}{2}$ (1)
- b) Given 5 line segments of lengths 2, 3, 4, 5, 6 units. Then the number of triangles that can be formed by joining these lines. (2)

6. a) x രേഖിയ സംഖ്യ ആകത്തക്ക വിധം $3x - 7 > 8$ എന്ന അസമത പരിഗണിക്കുക. ഇതിന്റെ മൂല്യം:
 i) $(5, \infty)$ ii) $[5, \infty)$
 iii) $(-5, \infty)$ iv) $[-5, \infty)$ (1)
- b) മുകളിൽ കണ്ടെത്തിയ മൂല്യം സംഖ്യാ രേഖയിൽ അടയാളപ്പെടുത്തുക. (1)
- c) ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന അസമതകളുടെ സിസ്റ്റത്തിന്റെ മൂല്യം ഗ്രാഫ് വരച്ച് കാണുക.
 $x + 2y \leq 8$
 $2x + y \leq 8$
 $x \geq 0$
 $y \geq 0$ (3)

7. a) ഒരു പാർട്ടിയിൽ പങ്കെടുക്കുന്ന 15 പേർ പരസ്പരം ഷേക്ക് ഹാൻഡ് നൽകുന്നു. ആകെ ഷേക്ക് ഹാൻഡുകളുടെ എണ്ണം
 i) ${}^{15}P_2$ ii) ${}^{15}C_2$
 iii) $15!$ iv) $\frac{15!}{2!}$ (1)
- b) $2 \cdot {}^nP_3 = {}^{n+1}P_3$ ആയാൽ n ന്റെ വില കാണുക. (2)
- c) 1, 2, 3, 4, 5, 6, എന്നീ അക്കങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് (അക്കങ്ങൾ ആവർത്തിക്കാം) എത്ര രണ്ടക്ക സംഖ്യകൾ ഉണ്ടാക്കാം? (1)
 ഇവയിൽ എത്ര സംഖ്യകൾ ഇരട്ട സംഖ്യകൾ ആയിരിക്കും. (2)

അല്ലെങ്കിൽ

- a) ${}^nC_{10} = {}^nC_{12}$ ആയാൽ n ന്റെ വില
 i) 2 ii) 10×12
 iii) 22 iv) $\frac{10 \times 12}{2}$ (1)
- b) 2, 3, 4, 5, 6 യൂണിറ്റ് നീളമുള്ള 5 രേഖകൾ തന്നിരിക്കുന്നു. ഇവ ഉപയോഗിച്ച് എത്ര ത്രികോണങ്ങൾ നിർമ്മിക്കാം. (2)

- c) Find the number of triangles which can be formed from 12 points which are noncollinear. (1)
 If the above 7 points are collinear, how many triangles can be formed? (2)
8. a) The middle term in the expansion of $(1+x)^{44}$ is (1)
 i) 21st term ii) 22nd term
 iii) 23rd term iv) 24th term (1)
- b) If 21st and 22nd terms of the expansion of $(1+x)^{44}$ are equal, then find the value of x . (3)
9. a) If p^{th} term of an A.P. is ' q ' and q^{th} term is ' P ', then r^{th} term is ... (1)
 i) $q-p+r$ ii) $p-q+r$
 iii) $p+q+r$ iv) $p+q-r$
- b) Sum of all terms of an infinite geometric series is 5 times the sum of odd terms. Then find the common ratio. (2)
- c) In an A.P., 5 times the 5th term is equal to 8 times the 8th term. Find 13th term. (2)

OR

- a) If a, b, c, d, e, f are in A.P., then $e - c$ is equal to (1)
 i) $2(c - a)$ ii) $2(f - d)$
 iii) $2(d - c)$ iv) $(d - c)$
- b) If 10th term of a G.P. is 9 and 4th term is 4, then find 7th term. (2)
- c) 7th term of an A.P. is 40, then find the sum of first 13 terms. (2)

- c) കൊളീനിയർ അല്ലാത്ത 12 ബിന്ദുക്കൾ ഉപയോഗിച്ച് എത്ര ത്രികോണങ്ങൾ നിർമ്മിക്കാം. (1)
 ഇവയിൽ 7 ബിന്ദുക്കൾ ഒരേ രേഖയിൽ ആയാൽ എത്ര ത്രികോണങ്ങൾ നിർമ്മിക്കാം. (2)
8. a) $(1+x)^{44}$ ന്റെ വിപുലീകരണത്തിലെ മധ്യ പദം (1)
 i) 21-ാം പദം ii) 22-ാം പദം
 iii) 23-ാം പദം iv) 24-ാം പദം (1)
- b) $(1+x)^{44}$ ന്റെ വിപുലീകരണത്തിൽ 21 ഉം 22 ഉം പദങ്ങൾ തുല്യമായാൽ x ന്റെ വില കാണുക. (3)
9. a) ഒരു A.P യുടെ P -ാം പദം q ഉം q -ാം പദം P ഉം ആയാൽ r -ാം പദം. (1)
 i) $q-p+r$ ii) $p-q+r$
 iii) $p+q+r$ iv) $p+q-r$
- b) ഒരു ഇൻഫിനിറ്റ് ജ്യോമട്രിക് സീരീസിന്റെ എല്ലാ പദങ്ങളുടെയും തുക ഒന്നിട വിട്ട പദങ്ങളുടെ തുകയുടെ 5 മടങ്ങിന് തുല്യമാണ്. എങ്കിൽ പൊതുഗുണകം കാണുക. (2)
- c) ഒരു A.P യുടെ 5-ാം പദത്തിന്റെ 5 മടങ്ങും 8-ാം പദത്തിന്റെ 8 മടങ്ങും തുല്യമാണ്. എങ്കിൽ 13-ാം പദം കാണുക. (2)

അല്ലെങ്കിൽ

- a) a, b, c, d, e, f എന്നിവ ഒരു A.P യിലെ തുടർച്ചയായ പദങ്ങൾ ആയാൽ $e - c$ എന്നത് (1)
 i) $2(c - a)$ ii) $2(f - d)$
 iii) $2(d - c)$ iv) $(d - c)$
- b) ഒരു G.P യുടെ 10-ാം പദം 9 ഉം 4-ാം പദം 4 ഉം ആണ്. 7-ാം പദം കാണുക. (2)
- c) ഒരു A.P യുടെ 7-ാം പദം 40 ആയാൽ ആദ്യ 13 പദങ്ങളുടെ തുക കാണുക. (2)

10. a) The slope of the line passing through the points $(-3, 6)$ and $(4, -5)$ is
- i) $\frac{-11}{7}$ ii) $\frac{-7}{11}$
- iii) $\frac{7}{11}$ iv) $\frac{11}{7}$ (1)

b) A line is passing through $(2, 2)$ and is perpendicular to the line $3x + y = 3$. Find its equation. (2)

c) Find the x intercept and y intercept of the line $3x + 4y = 5$. (2)

OR

- a) The distance of the point (x, y) from X axis is
- i) x ii) y
- iii) $|x|$ iv) $|y|$ (1)

b) Find the equation of the line passing through $(2, 3)$ and the point of intersection of the lines $3x - 5y = 0$ and $6x - 7y = 0$. (2)

c) Find the equation of the line parallel to the above line and passing through the point $(1, 1)$. (2)

11. a) Find the equation of the circle having radius 5 and concentric with circle $x^2 + y^2 - 6x - 4y - 3 = 0$. (2)

b) The equation of the parabola with vertex at $(0, 0)$, axis along y -axis and passing through the points $(6, -3)$. (2)

OR

10. a) $(-3, 6), (4, -5)$ എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെ കടന്നു പോകുന്ന രേഖയുടെ സ്ലോപ്പ്
- i) $\frac{-11}{7}$ ii) $\frac{-7}{11}$
- iii) $\frac{7}{11}$ iv) $\frac{11}{7}$ (1)

b) $(2, 2)$ എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെ കടന്നു പോകുന്നതും $3x + y = 3$ എന്ന രേഖക്ക് ലംബവുമായ രേഖയുടെ സമവാക്യം കാണുക. (2)

c) $3x + 4y = 5$ എന്ന രേഖയുടെ x -ഇന്റർസെപ്റ്റ്, y -ഇന്റർസെപ്റ്റ് എന്നിവ കാണുക. (2)

അല്ലെങ്കിൽ

- a) X അക്ഷത്തിൽനിന്ന് (x, y) എന്ന ബിന്ദുവിലേക്കുള്ള അകലം
- i) x ii) y
- iii) $|x|$ iv) $|y|$ (1)

b) $3x - 5y = 0$, $6x - 7y = 0$ എന്നീ രേഖകളുടെ സംഗമ ബിന്ദുവും $(2, 3)$ എന്ന ബിന്ദുവും യോജിപ്പിച്ചുണ്ടാകുന്ന രേഖയുടെ സമവാക്യം കാണുക. (2)

c) മുകളിൽ കണ്ടെത്തിയ രേഖക്ക് സമാന്തരമായി $(1, 1)$ എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെ കടന്നു പോകുന്ന രേഖയുടെ സമവാക്യം കാണുക. (2)

11. a) $x^2 + y^2 - 6x - 4y - 3 = 0$ എന്ന വൃത്തത്തിന്റെ കേന്ദ്രവും ആരം 5 ഉം ആയ വൃത്തത്തിന്റെ സമവാക്യം കാണുക. (2)

b) $(6, -3)$ ലൂടെ കടന്നുപോകുന്നതും $(0, 0)$ വെർടക്സ് ആയതും y -അക്ഷം ആക്സിസ് ആയതുമായ പരാബോളയുടെ സമവാക്യം കാണുക. (2)

അല്ലെങ്കിൽ

OR

- a) Consider the ellipse $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{12} = 1$. Find the foci and eccentricity of the ellipse. (2)
- b) Find the equation of the hyperbola whose length of latusrectum is 8 and eccentricity is $\frac{3}{\sqrt{5}}$. (2)
12. a) A point in the 7th octant is
 i) (2, 3, -5) ii) (-4, -2, 1)
 iii) (-5, -4, -5) iv) (4, -2, 4) (1)
- b) The plane XOZ divides the join of (1, -1, 5) and (2, 3, 4) in the ratio $\lambda:1$. Find the value of λ . (2)
13. a) If $y = x^3 - x^2 + 1$, then find $\frac{dy}{dx}$. (1)
- b) Find the derivative of $\sin x$ by First Principle. (3)
14. a) Find the component statements of the following compound statement.
 ' $\sqrt{5}$ is irrational or 3 is rational'. (2)
- b) By the contradiction method, prove that ' $\sqrt{2}$ is irrational'. (2)

അല്ലെങ്കിൽ

- a) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{12} = 1$ എന്ന എലിപ്സ് പരിഗണിക്കുക. എലിപ്സിന്റെ ഫോക്കസുകൾ, എക്സൻട്രിസിറ്റി ഇവ കാണുക. (2)
- b) ലാറ്റസ് റെക്ടത്തിന്റെ നീളം 8 ഉം എക്സൻട്രിസിറ്റി $\frac{3}{\sqrt{5}}$ ഉം ആയ ഹൈപ്പർബോളയുടെ സമവാക്യം കാണുക. (2)
12. a) 7-ാം ഒക്റ്റന്റിലുള്ള ബിന്ദുവാണ്
 i) (2, 3, -5) ii) (-4, -2, 1)
 iii) (-5, -4, -5) iv) (4, -2, 4) (1)
- b) (1, -1, 5), (2, 3, 4) എന്നീ ബിന്ദുക്കൾ യോജിപ്പിച്ചുണ്ടാകുന്ന രേഖ XOZ തലം $\lambda:1$ എന്ന അംശ ബന്ധത്തിൽ ഖണ്ഡിക്കുന്നു. λ യുടെ വില കാണുക. (2)
13. a) $y = x^3 - x^2 + 1$ ആയാൽ $\frac{dy}{dx}$ കാണുക. (1)
- b) ഫസ്റ്റ് പ്രിൻസിപ്പിൾ ഉപയോഗിച്ച് $\sin x$ ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് കാണുക. (3)
14. a) ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന കോമ്പൗണ്ട് സ്റ്റേറ്റ്‌മെന്റിന്റെ കമ്പോണറ്റ് സ്റ്റേറ്റ്‌മെന്റുകൾ കാണുക.
 ' $\sqrt{5}$ is irrational or 3 is rational'. (2)
- b) കോൺട്രാഡിക്ഷൻ രീതി ഉപയോഗിച്ച് $\sqrt{2}$ അഭിന്നകമെന്ന് തെളിയിക്കുക. (2)

15. Consider the following data.
40, 60, 68, 78, 54
- a) Find the median. (2)
- b) Find the mean deviation about the median. (3)
16. Consider the following data.
2, 4, 6, 8, 10
- a) Find arithmetic mean. (1)
- b) Find the variance and standard deviation. (3)
17. a) The probability of an impossible event is
- i) 2 ii) 1
iii) $\frac{1}{2}$ iv) 0 (1)
- b) Consider the random experiment of tossing 3 coins simultaneously.
- i) Describe the sample space. (1)
- ii) Consider the events
 E_1 : Getting two heads or two tails.
 E_2 : Getting at least two heads.
 E_3 : Getting atmost two heads.
- Find $P(E_1), P(E_2), P(E_3)$ and $P(E_1^c)$ (4)

15. ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഡേറ്റ പരിഗണിക്കുക.
40, 60, 68, 78, 54
- a) മീഡിയൻ കാണുക. (2)
- b) മീഡിയൻ ആസ്റ്റദമാക്കി മീൻ ഡീവിയേഷൻ കാണുക. (3)
16. ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഡേറ്റ പരിഗണിക്കുക.
2, 4, 6, 8, 10
- a) അരിത്ഥമിറ്റിക് മീൻ കാണുക (1)
- b) വേരിയൻസ്, സ്റ്റാൻഡേർഡ് ഡീവിയേഷൻ ഇവ കാണുക. (3)
17. a) സാധ്യമല്ലാത്ത ഒരു ഇവൻ്റിയൻ്റെ പ്രോബബിലിറ്റി
- i) 2 ii) 1
iii) $\frac{1}{2}$ iv) 0 (1)
- b) മൂന്ന് നാണയങ്ങൾ ഒരേ സമയം ടോസ് ചെയ്യുന്ന റാൻഡം എക്സ്പെരിമെൻ്റ് പരിഗണിക്കുക.
- i) സാമ്പിൾ സ്പേസ് എഴുതുക. (1)
- ii) ഇവൻ്റികൾ പരിഗണിക്കുക:-
 E_1 : രണ്ട് ഹെഡ്ഡുകളോ രണ്ട് ടേലുകളോ കിട്ടുക.
 E_2 : രണ്ട് ഹെഡ്ഡുകളിലും കിട്ടുക.
 E_3 : പരമാവധി രണ്ട് ഹെഡ്ഡുകൾ കിട്ടുക.
 $P(E_1), P(E_2), P(E_3), P(E_1^c)$ ഇവ കാണുക. (4)