

**SSLC EXAMINATION, MARCH - 2017**

വിഷയം - ഗണിതശാസ്ത്രം

**ഉത്തരസൂചിക**

സമയം : 2½ മണിക്കൂർ

ആകെ സ്കോർ : 80

(എസ്. എസ്. എൽ. സി മാർച്ച് 2017 ലെ ഗണിതപരീക്ഷ റദ്ദ് ചെയ്യുന്നതിനു മുമ്പുള്ളത്)

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി, എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ), പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ, മലപ്പുറം ജില്ല.

**ഉത്തരം - 1**

**2 Score**

135 , 141 , 147 , ..... എന്ന സമാന്തരശ്രേണിയിൽ

അടുത്തടുത്തുള്ള ഏതെങ്കിലും 25 പദങ്ങളുടെ തൊട്ടിൽ

പദങ്ങളുടെ തുക = മധ്യപദം X പദങ്ങളുടെ എണ്ണം ആയതുകൊണ്ട്

ഇവിടെ എടുത്ത 25 പദങ്ങളിൽ നിന്നും പദങ്ങളുടെ തുക = 2016 , പദങ്ങളുടെ എണ്ണം = 25 , മധ്യപദം =  $X_{13}$

$$\therefore 2016 = x_{13} \times 25$$

$$\therefore x_{13} = 2016 / 25 = \underline{80.64}$$

എന്നാൽ തന്ന ശ്രേണി പരിശോധിച്ചാൽ അതിലെ പദങ്ങളെല്ലാം പൂർണ്ണ സംഖ്യകളാണെന്നു കാണാം.

$\therefore$  2016 ഈ ശ്രേണിയിലെ അടുത്തടുത്തുള്ള ഏതെങ്കിലും 25 പദങ്ങളുടെ തുക ആകില്ല.

( ചുരുക്കത്തിൽ 2016 , 25 ന്റെ ഗുണിതമല്ല. )

**ഉത്തരം - 2**

**2 Score**

$P(x) = 2x^3 - 2x^2 - 8x + 8$  , ഒരു ഘടകം =  $(x + 2)$  ആണെന്നു തന്നിട്ടുണ്ട്.

$x^2 - 4$  ,  $P(x)$  ന്റെ ഘടകമാകണമെങ്കിൽ  $(x + 2)$  ,  $(x - 2)$  എന്നിവ  $P(x)$  ന്റെ ഘടകങ്ങളായിരിക്കണം. ( $x^2 - 4$  ന്റെ ഘടകങ്ങൾ)

$(x - 2)$  ,  $P(x)$  ന്റെ ഘടകമാകണമെങ്കിൽ  $P(2) = 0$  ആയിരിക്കണം.

$$\begin{aligned} P(2) &= 2(2)^3 - 2(2)^2 - 8(2) + 8 \\ &= (2 \times 8) - (2 \times 4) - 8(2) + 8 \\ &= 16 - 8 - 16 + 8 \\ &= 8 - 16 + 8 \\ &= -8 + 8 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$P(2) = 0 \therefore x^2 - 4$  ,  $P(x)$  ന്റെ ഘടകമാണ്.

**ഉത്തരം - 3**

**2 Score**

(a) മധ്യം = തുക / എണ്ണം =  $(38 + 43 + 24 + 42 + 33 + 46 + 29) / 7$

=  $255 / 7$

= **36.43** ( ഏകദേശം )

(b) മധ്യം

ആരോഹണക്രമം : 24 , 29 , 33 , 38 , 42 , 43 , 46

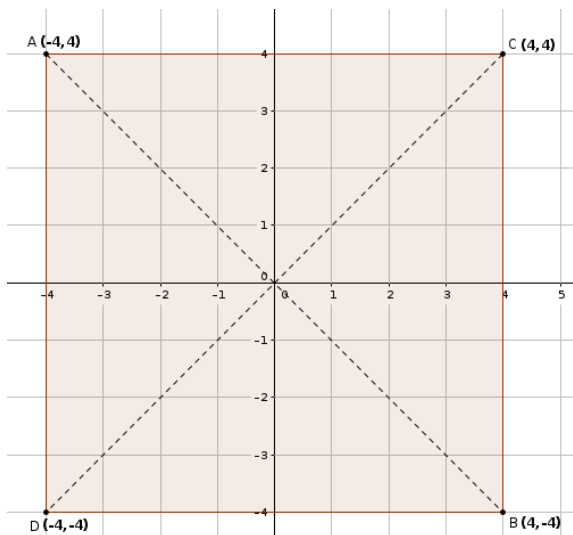
അവരോഹണക്രമം : 46 , 43 , 42 , 38 , 33 , 29 , 24

രണ്ടു ക്രമത്തിലും മധ്യത്തിൽ വരുന്ന സംഖ്യ = 38

$\therefore$  മധ്യം = 38

**ഉത്തരം - 4**

**3 Score**



ചിത്രത്തിലെ സമചതുരം ADBC യുടെ ഒരു വികർണ്ണം AC യുടെ അഗ്രബിന്ദു A യുടെ സംഖ്യാജോടിയാണ് തന്നിട്ടുള്ള  $(-4, 4)$

(a) D, B, C എന്നീ മറ്റു മൂലകളുടെ സൂചകസംഖ്യകൾ

D യുടെ സംഖ്യാജോടി =  $(-4, -4)$

B യുടെ സംഖ്യാജോടി =  $(4, -4)$

C യുടെ സംഖ്യാജോടി =  $(4, 4)$

(b) സമചതുരം ADBC യുടെ ഒരു വശത്തിന്റെ നീളം

ചിത്രത്തിലെ സമചതുരം ADBC യുടെ

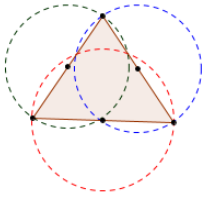
ഒരു വശത്തിന്റെ നീളം =  $4 + 4$

= 8 യൂണിറ്റ്

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി, എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ), പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ, മലപ്പുറം ജില്ല.

**ഉത്തരം - 5**

**3 Score**



$\Delta$  ത്തിന്റെ മൂന്നു വശങ്ങളും വ്യാസങ്ങളായി വരയ്ക്കുന്ന വൃത്തങ്ങൾ  $\Delta$  ത്തിനകത്തെ ഒരു ബിന്ദുവിൽക്കൂടി കടന്നു പോകുന്നു എന്നു കരുതിയാൽ  $\Delta$  ത്തിന്റെ ഒരു വശം വ്യാസമായ ത്രികോണത്തിനകത്തെ അർദ്ധവൃത്തത്തിലെ ഈ ബിന്ദുവും വ്യാസത്തിന്റെ (വശത്തിന്റെ) അഗ്രബിന്ദുക്കളും യോജിപ്പിച്ചു വരച്ചാൽ കിട്ടുന്ന കോണിന്റെ അളവ്  $90^\circ$  ആയിരിക്കും. (അർദ്ധവൃത്തത്തിലെ കോണിന്റെ അളവ് =  $90^\circ$  എന്നതു പ്രകാരം) ഇതേ രീതിയിൽ ത്രികോണത്തിനകത്തെ മറ്റു രണ്ട് അർദ്ധവൃത്തങ്ങളിലേയും കോണിന്റെ അളവ്  $90^\circ$  ആയിരിക്കും ഒരു ബിന്ദുവിനു ചുറ്റുമുള്ള ആകെ കോണളവ്  $360^\circ$  ആയിരിക്കും എന്ന വസ്തുത പരിഗണിച്ചാൽ ഇവിടെ ത്രികോണത്തിനകത്തെ പൊതുവായ ബിന്ദുവിനു ചുറ്റുമുള്ള ആകെ കോണളവ്  $90 + 90 + 90 = 270^\circ$  മാത്രമേ ആകുന്നുള്ളൂ.

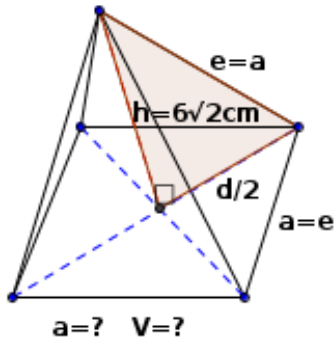
അതായത്  $\Delta$  ത്തിന്റെ മൂന്നു വശങ്ങളും വ്യാസങ്ങളായി വരയ്ക്കുന്ന വൃത്തങ്ങൾ  $\Delta$  ത്തിനകത്തെ ഒരു ബിന്ദുവിൽക്കൂടി കടന്നു പോകുന്നില്ല.

**ഉത്തരം - 6**

**3 Score**

(a) സമ ചതുരസ്തൂപികയുടെ പാദവക്കിന്റെ നീളം **a** കണക്കാക്കുന്നതിന്

ചിത്രത്തിലെ **d, h, e** മട്ടത്രികോണത്തിൽ നിന്നും  $h = \sqrt{e^2 - (d/2)^2}$   
 എന്നാൽ ഇവിടെ  $h = 6\sqrt{2}$  cm ,  $e = a$  ,  $d = a\sqrt{2}$



$\therefore 6\sqrt{2} = \sqrt{a^2 - (a\sqrt{2}/2)^2}$   
 ഈ വശത്തും വർഗ്ഗം എടുത്താൽ  
 $\therefore (6\sqrt{2})^2 = a^2 - (a\sqrt{2}/2)^2$   
 $36 \times 2 = a^2 - a^2 \times 2/4$   
 $\therefore 72 = a^2 - a^2/2$   
 $72 = a^2/2$   
 $a^2 = 72 \times 2 = 144$   
 $\therefore a = \sqrt{144} = 12$

$\therefore$  സമ ചതുരസ്തൂപികയുടെ പാദവക്കിന്റെ നീളം = 12 സെ.മീ

(b) സമ ചതുരസ്തൂപികയുടെ വ്യാപ്തം **V** കണക്കാക്കുന്നതിന്

സമ ചതുരസ്തൂപികയുടെ വ്യാപ്തം  $V = 1/3 a^2 h$   
 ഇവിടെ ,  $a = 12$  cm ,  $h = 6\sqrt{2}$  cm  
 $\therefore$  വ്യാപ്തം  $V = 1/3 (12)^2 \times 6\sqrt{2}$   
 $= 1/3 \times 144 \times 6\sqrt{2}$   
 $= 288\sqrt{2}$  ചേര സെ.മീ

**ഉത്തരം - 7**

**3 Score**

5 , 8 , 11 , ..... എന്ന സമാന്തരശ്രേണിയുടെ അടുത്തടുത്ത രണ്ടു പദങ്ങളെ  $x$  ,  $(x + 3)$  എന്നിങ്ങനെ കരുതിയാൽ (പൊതു വ്യത്യാസം = 3 ആയതുകൊണ്ട്)

ഇവിടെ ഗുണനഫലം = 598 എന്നു തന്നിട്ടുള്ളതുകൊണ്ട്

$x(x + 3) = 598$   
 $x^2 + 3x = 598$   
 $\therefore x^2 + 3x - 598 = 0$

ഇവിടെ **a = 1** , **b = 3** , **c = -598**

വിവേചകം  $b^2 - 4ac = (3)^2 - (4 \times 1 \times -598)$

$= 9 + 2392 = 2401$

വിവേചകം  $b^2 - 4ac > 0 \therefore \sqrt{b^2 - 4ac} = \sqrt{2401} = 49$

$\therefore x = -b + \sqrt{b^2 - 4ac} / 2a$  ,  $x = -b - \sqrt{b^2 - 4ac} / 2a$

$x = (-3 + 49) / 2 \times 1$  ,  $x = (-3 - 49) / 2 \times 1$

$X = 46 / 2$  ,  $x = -52 / 2$

**X = 23** , **x = -26**

ശ്രേണിയിലെ പദങ്ങൾ ന്യൂനസംഖ്യയാവാത്തതു കൊണ്ട്  $x = 23$  എന്ന വില സ്വീകരിച്ചാൽ

അടുത്തടുത്ത രണ്ടു പദങ്ങൾ = 23 , 23 + 3 = 26

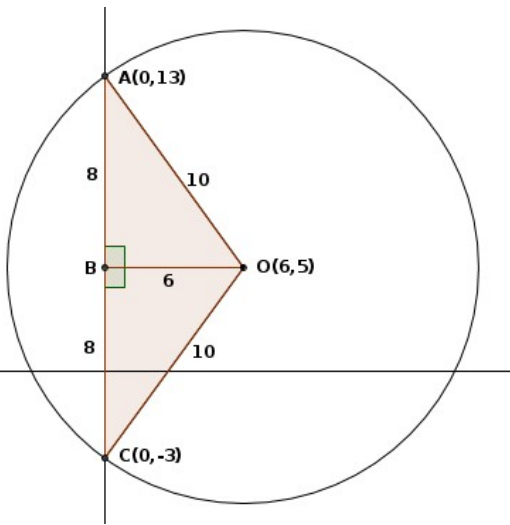
അടുത്തതായി ഇങ്ങനെ കിട്ടിയ 23 , 26 എന്നിവ എത്രാം പദങ്ങളാണെന്ന് കണ്ടുപിടിക്കുകയാണ് വേണ്ടത്.

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി , എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ) , പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

23 മത്തെ പദത്തെ  $X_n$  എന്നു കരുതിയാൽ  
 $x_n = 23$   
 $x_1 + (n - 1) d = 23$   
 $\therefore 5 + (n - 1) \times 3 = 23$   
 $(n - 1) \times 3 = 23 - 5$   
 $(n - 1) \times 3 = 23 - 5$   
 $= 18$   
 $(n - 1) = 18 / 3 = 6$   
 $\therefore n = 6 + 1 = 7$   
അതായത് 7 മത്തെ പദം = 23 , 8 മത്തെ പദം = 26  
 $\therefore$  പദസമാനങ്ങൾ = **7 , 8**

**ഉത്തരം - 8**

**3 Score**



ചിത്രത്തിലെ  $O(6,5)$  കേന്ദ്രമായ 10 യൂണിറ്റ് ആരമുള്ള വൃത്തം , Y അക്ഷത്തെ വെട്ടിയിരുന്ന ബിന്ദുക്കളാണ് A , C എന്നിവ.

O യിൽ നിന്നും Y അക്ഷത്തിലേയ്ക്ക് വരച്ചിട്ടുള്ള ലംബമാണ് OB.

ചിത്രത്തിലെ മട്ട  $\Delta OBA$  യിൽ നിന്നും പൈതഗോറസ് സിദ്ധാന്ത പ്രകാരം

$$AB = \sqrt{OA^2 - OB^2}$$

ഇവിടെ  $OA = 10$  (ആരം) ,  $OB = 6$  ( O യുടെ x സൂചക സംഖ്യ )

$$\therefore AB = \sqrt{10^2 - 6^2}$$

$$= \sqrt{100 - 36}$$

$$= \sqrt{64} = 8$$

എന്നാൽ  $\Delta OAC$  ഒരു സമപാർശ്വ ത്രികോണമായതുകൊണ്ടും (  $OA = OC = 10$  )

$$OB \perp AC \text{ ആയതുകൊണ്ടും } AB = CB = 8$$

( ഒരു സമപാർശ്വ ത്രികോണത്തിന്റെ തുല്യ നീളമുള്ള വശങ്ങൾ ചേരുന്ന ശീർഷത്തിൽ നിന്ന് എതിർവശത്തേയ്ക്ക് വരയ്ക്കുന്ന ലംബം ആ വശത്തെ സമഭാഗം ചെയ്യുന്നു. )

$\therefore$  B യുടെ x സൂചകസംഖ്യ = 0 ( Y അക്ഷത്തിലെ ബിന്ദു )

B യുടെ y സൂചകസംഖ്യ = 5 ( O യുടെ y സൂചകസംഖ്യ , തിരശ്ചീനവര )

$\therefore$  A യുടെ x സൂചകസംഖ്യ = 0 ( Y അക്ഷത്തിലെ ബിന്ദു )

$$A \text{ യുടെ } y \text{ സൂചകസംഖ്യ} = 5 + 8 = 13$$

$\therefore$  A യുടെ സംഖ്യാജോടി : ( 0 , 13 )

$\therefore$  C യുടെ x സൂചകസംഖ്യ = 0 ( Y അക്ഷത്തിലെ ബിന്ദു )

$$C \text{ യുടെ } y \text{ സൂചകസംഖ്യ} = 5 - 8 = -3$$

$\therefore$  C യുടെ സംഖ്യാജോടി : ( 0 , -3 )

അതായത് വൃത്തം Y അക്ഷത്തെ വെട്ടിയിരുന്ന ബിന്ദുക്കളുടെ സൂചകസംഖ്യകൾ : **( 0 , 13 ) , ( 0 , -3 )**

**ഉത്തരം - 9**

**3 Score**

സംഖ്യ = X എന്നു കരുതിയാൽ

$$x + 1/x = 6$$

ചേരങ്ങളുടെ ല.സാ.ഗു X കൊണ്ട് ഓരോ പദത്തെയും ഗുണിച്ചാൽ

$$(x \times x) + (x \times 1/x) = x \times 6$$

$$\therefore x^2 + 1 = 6x$$

$$\therefore x^2 - 6x + 1 = 0$$

ഇവിടെ **a = 1** , **b = -6** , **c = 1**

$$\text{വിവേചകം } b^2 - 4ac = (-6)^2 - (4 \times 1 \times 1)$$

$$= 36 - 4 = 32$$

$$\text{വിവേചകം } b^2 - 4ac > 0 \therefore \sqrt{b^2 - 4ac} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$$

$$\therefore x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} , x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x = \frac{-(-6) + 4\sqrt{2}}{2 \times 1} \quad x = \frac{-(-6) - 4\sqrt{2}}{2 \times 1}$$

$$x = \frac{6 + 4\sqrt{2}}{2} \quad x = \frac{6 - 4\sqrt{2}}{2}$$

$$x = (3 + 2\sqrt{2}) , x = (3 - 2\sqrt{2})$$

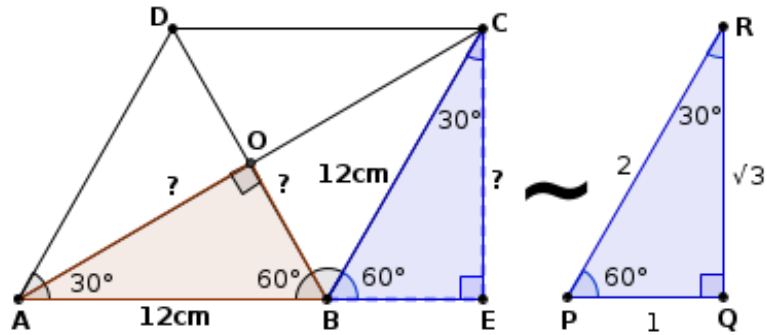
തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി , എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ) , പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

ഇവിടെ രണ്ട് X വിലകളും സ്വീകാര്യമായതു കൊണ്ട് ( സംഖ്യ എന്ന മാത്രം പറഞ്ഞിട്ടുള്ളതുകൊണ്ട് )

സംഖ്യ = x =  $(3 + 2\sqrt{2})$  അല്ലെങ്കിൽ  $(3 - 2\sqrt{2})$

ഉത്തരം - 10

**3 Score**



ചിത്രത്തിലെ സമഭജസാമാന്തരികം ABCD യിലെ C എന്ന ശീർഷത്തിൽ നിന്ന് AB എന്ന വശം നീട്ടിയതിലേക്ക് വരച്ചിരിയ്ക്കുന്ന ലംബമാണ് CE.

(a) സമഭജസാമാന്തരികം ABCD യുടെ എതിർ വശങ്ങൾ തമ്മിലുള്ള അകലം കണക്കാക്കുന്നതിന് ചിത്രത്തിലെ CE യാണ് കണക്കാക്കേണ്ടത്.

ചിത്രത്തിലെ മട്ട  $\Delta BEC$  , മട്ട  $\Delta PQR$  എന്നിവ സദൃശങ്ങളായതുകൊണ്ട് അവയുടെ സമാനവശങ്ങൾ ആനുപാതികമായിരിയ്ക്കും എന്നതിൽ നിന്നും

$$CE / RQ = CB / RP$$

$$CE / \sqrt{3} = 12 / 2$$

$$\therefore CE / \sqrt{3} = 6$$

$$\therefore CE = 6\sqrt{3} \text{ സെ.മീ.}$$

$\therefore$  എതിർ വശങ്ങൾ തമ്മിലുള്ള അകലം =  $6\sqrt{3}$  സെ.മീ.

(b) സമഭജസാമാന്തരികം ABCD യുടെ പരപ്പളവ് കണക്കാക്കുന്നതിന്

സമഭജസാമാന്തരികം ABCD യുടെ പരപ്പളവ് =  $AB \times CE$  (പാദം  $\times$  ലംബം)

$$= 12 \times 6\sqrt{3}$$

$$= 72\sqrt{3} \text{ ച.സെ.മീ.}$$

(c) സമഭജസാമാന്തരികം ABCD യുടെ വികർണ്ണങ്ങളുടെ നീളം കണക്കാക്കുന്നതിന്

$\angle ABC = 120^\circ$  ആയതുകൊണ്ട്  $\angle ABD = 60^\circ$  ( $\angle ABC$  യുടെ സമഭാജിയാണ് BD എന്ന വികർണ്ണം)

$\angle AOB = 90^\circ$  (സമഭജസാമാന്തരികത്തിന്റെ വികർണ്ണങ്ങൾ പരസ്പരം ലംബസമഭാഗം ചെയ്യും)

$$\therefore \angle OAB = 180 - (90^\circ + 60^\circ) = 180 - 150 = 30^\circ$$

ചിത്രത്തിലെ മട്ട  $\Delta AOB$  , മട്ട  $\Delta PQR$  എന്നിവ സദൃശങ്ങളായതുകൊണ്ട്

അവയുടെ സമാനവശങ്ങൾ ആനുപാതികമായിരിയ്ക്കും എന്നതിൽ നിന്നും

$$OA / RQ = AB / RP$$

$$OA / \sqrt{3} = 12 / 2$$

$$OA / \sqrt{3} = 6$$

$$\therefore OA = 6\sqrt{3} \text{ സെ.മീ.}$$

$$\therefore \text{വികർണ്ണം AC യുടെ നീളം} = 2 \times OA = 2 \times 6\sqrt{3} = 12\sqrt{3} \text{ സെ.മീ.}$$

ഇതേ രീതിയിൽ  $OB / PQ = AB / RP$

$$OB / 1 = 12 / 2$$

$$\therefore OB = 6 \text{ സെ.മീ.}$$

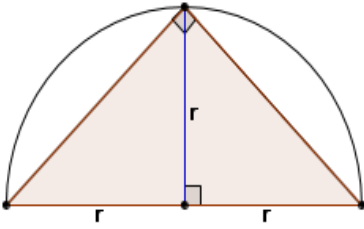
$$\therefore \text{വികർണ്ണം BD യുടെ നീളം} = 2 \times OB = 2 \times 6 = 12 \text{ സെ.മീ.}$$

$\therefore$  സമഭജസാമാന്തരികം ABCD യുടെ വികർണ്ണങ്ങളുടെ നീളങ്ങൾ =  $12\sqrt{3}$  സെ.മീ. , 12 സെ.മീ.

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി , എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ) , പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

**ഉത്തരം - 11 A**

**4 Score**



$r$  ആരമുള്ള അർദ്ധവൃത്തത്തിന്റെ പരപ്പളവ്  $= \frac{1}{2}\pi r^2$  അല്ലെങ്കിൽ  $\pi r^2 / 2$   
 ചിത്രത്തിലെ ത്രികോണത്തിന്റെ പരപ്പളവ്  $= \frac{1}{2} \times 2r \times r$  ( $\frac{1}{2} \times$  പാദം  $\times$  ലംബം )

$$= r^2$$

$\therefore$  കത്ത് ത്രികോണത്തിനകത്ത് വരാനുള്ള സാധ്യത =  
 ത്രികോണത്തിന്റെ പരപ്പളവ് / അർദ്ധവൃത്തത്തിന്റെ പരപ്പളവ്  
 $= r^2 / \pi r^2 / 2$   
 $= r^2 \times 2 / \pi r^2$   
 $= \underline{2 / \pi}$

അല്ലെങ്കിൽ

**ഉത്തരം - 11 B**

**4 Score**

$5B + 7W$   
 പാത്രം - 1

$6B + 8W$   
 പാത്രം - 2

ഒന്നാമത്തെ പാത്രത്തിലെ ആകെ മുത്തുകളുടെ എണ്ണം  $= 5 + 7 = 12$   
 രണ്ടാമത്തെ പാത്രത്തിലെ ആകെ മുത്തുകളുടെ എണ്ണം  $= 6 + 8 = 14$   
 ഓരോ പാത്രത്തിൽ നിന്നും ഓരോ മുത്ത് അഥവാ ആകെ രണ്ട് മുത്ത് എടുക്കാവുന്ന  
 രീതികളുടെ ( ജോടികളുടെ ) എണ്ണം  $= 12 \times 14 = 168$   
 എടുക്കുന്ന മുത്തുകളിൽ ഒരു വെളുത്ത മുത്തേങ്കിലും കിട്ടുക എന്നാൽ രണ്ടും കുറഞ്ഞതാകാൻ  
പറ്റില്ല എന്നു മനസ്സിലാക്കാം.

രണ്ടു മുത്തുകളും കുറഞ്ഞതാകാവുന്ന ജോടികളുടെ എണ്ണം  $= 5 \times 6 = 30$

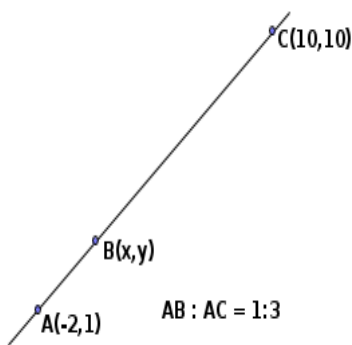
$\therefore$  മിച്ചമുള്ള ജോടികളുടെ എണ്ണം  $= 168 - 30 = 138$

ഈ 138 ജോടികളിൽ ഒരു വെളുത്ത മുത്തേങ്കിലും ഉണ്ടായിരിക്കും.

$\therefore$  ഒരു വെളുത്ത മുത്തേങ്കിലും കിട്ടാനുള്ള സാധ്യത = മിച്ചമുള്ള ജോടികളുടെ എണ്ണം / ആകെ ജോടികളുടെ എണ്ണം  
 $= \underline{138 / 168} = \underline{23 / 28}$

**ഉത്തരം - 12**

**4 Score**



(a) AB യുടെ നീളം കണക്കാക്കുന്നതിന്

ചിത്രത്തിൽ  $AC = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$  ( അകല സൂത്രവാക്യം )  
 $= \sqrt{(-2 - 10)^2 + (1 - 10)^2}$   
 $= \sqrt{(-12)^2 + (-9)^2}$   
 $= \sqrt{144 + 81}$   
 $= \sqrt{225} = \underline{15 \text{ യൂണിറ്റ്}}$

AB : AC = 1 : 3 എന്നു തന്നിട്ടുണ്ട്.

AB / AC = 1/3 യൂണിറ്റ് ആയതുകൊണ്ട്

$3 \times AB = 15$

$\therefore AB = 15 / 3 = \underline{5 \text{ യൂണിറ്റ്}}$

$\therefore AB : BC = 5 : 10 = \underline{1 : 2}$

(b) B യുടെ സൂചകസംഖ്യകൾ കണക്കാക്കുന്നതിന്

ചിത്രത്തിലെ B യുടെ x സൂചകസംഖ്യ  $x = x_1 + p/w (x_2 - x_1)$   
 $= -2 + 1/3 (10 - (-2))$  ( $p = 1, w = 3$ )  
 $= -2 + 1/3 \times 12$   
 $= -2 + 4$   
 $= 2$   
 B യുടെ y സൂചകസംഖ്യ  $y = y_1 + p/w (y_2 - y_1)$   
 $= 1 + 1/3 (10 - 1)$  ( $p = 1, w = 3$ )  
 $= 1 + 1/3 \times 9$   
 $= 1 + 3$   
 $= 4$

$\therefore B$  യുടെ സംഖ്യാജോടി = **(2, 4)**

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി , എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ) , പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

(c) AB യുടെ സമവാക്യം കണ്ടുപിടിക്കുന്നതിന്

$$AB \text{ എന്ന വരയുടെ ചരിവ്} = (y_2 - y_1) / (x_2 - x_1)$$

$$= (4 - 1) / (2 - -2)$$

$$= 3 / 4$$

∴ AB എന്ന വരയുടെ ചരിവ് = **3 / 4**

വരയിലെ ബിന്ദുവാണ് (x, y) എങ്കിൽ

$$AB \text{ എന്ന വരയുടെ ചരിവ്} = (y_2 - y_1) / (x_2 - x_1)$$

$$3 / 4 = (1 - y) / (-2 - x)$$

$$3(-2 - x) = 4(1 - y)$$

$$-6 - 3x = 4 - 4y$$

$$-4 - 6 = 3x - 4y$$

$$-10 = 3x - 4y$$

$$∴ 3x - 4y + 10 = 0$$

അതായത് **AB എന്ന വരയുടെ സമവാക്യം : 3x - 4y + 10 = 0**

**ഉത്തരം - 13**

**4 Score**

(a) BC യുടെ നീളം കണ്ടുകൊണ്ടിരിക്കുന്നതിന്

ബാഹ്യബിന്ദുവിൽ നിന്നും വൃത്തത്തിലേയ്ക്കുള്ള തൊടുവരകൾക്ക്

തുല്യ നീളമുള്ളതു കൊണ്ട് ചിത്രത്തിലെ BP = 10cm എന്നു തന്നിട്ടുള്ളതുകൊണ്ട്

$$BR = 10cm \quad (BP = BR \text{ ആണ്.})$$

അതുപോലെ CQ = 7cm എന്നു തന്നിട്ടുള്ളതുകൊണ്ട് **CR = 7cm**

$$∴ BC = BR + CR = 10 + 7 = \mathbf{17cm}$$

(b) Δ ABC യുടെ വശങ്ങളുടെ നീളങ്ങൾ കണ്ടുകൊണ്ടിരിക്കുന്നതിന്

ബാഹ്യബിന്ദുവിൽ നിന്നും വൃത്തത്തിലേയ്ക്കുള്ള തൊടുവരകൾക്ക്

തുല്യ നീളമുള്ളതു കൊണ്ട് ചിത്രത്തിലെ AP = AQ

എന്നാൽ AP = AB + BP , AP = AC + CQ ആണ്. (ചിത്രം)

$$∴ AB + BP = AC + CQ$$

$$AB + 10 = AC + 7$$

$$AB + 10 - 7 = AC$$

$$AB + 3 = AC$$

$$∴ AC = AB + 3 \dots\dots\dots (1)$$

Δ ABC യുടെ ചുറ്റളവ് = 70 സെ. മീ എന്നു തന്നിട്ടുണ്ട്.

$$∴ AB + BR + CR + AC = 70$$

എന്നാൽ BR = PB യും CR = CQ യും ആയതുകൊണ്ട്

$$AB + BP + CQ + AC = 70 \dots\dots\dots (2)$$

(2) ൽ (1) ആരോപിച്ചാൽ

$$AB + BP + CQ + AB + 3 = 70$$

BP = 10cm , CQ = 7cm എന്നു തന്നിട്ടുള്ളതുകൊണ്ട്

$$AB + 10 + 7 + AB + 3 = 70$$

$$∴ 2AB = 70 - 10 - 7 - 3$$

$$2AB = 50 ∴ AB = 50 / 2 = 25 \text{ സെ.മീ}$$

$$∴ AC = \text{ചുറ്റളവ്} - (AB + BC) = 70 - (25 + 17) = 70 - 42 = \mathbf{28 \text{ സെ.മീ}}$$

∴ **Δ ABC യുടെ വശങ്ങളുടെ നീളങ്ങൾ : AB = 25cm , BC = 17cm , AC = 28cm.**

(c) Δ ABC യുടെ പരപ്പളവ് കണ്ടുകൊണ്ടിരിക്കുന്നതിന്

$$\Delta ABC \text{ യുടെ പരപ്പളവ്} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} \quad (\text{ഹെറോണിന്റെ സൂത്രവാക്യം})$$

$$\text{ഇവിടെ } s = \text{ചുറ്റളവ്} / 2 = 70 / 2 = 35$$

$$∴ \text{പരപ്പളവ്} = \sqrt{35(35 - 25)(35 - 17)(35 - 28)}$$

$$= \sqrt{35 \times 10 \times 18 \times 7}$$

$$= \sqrt{44100}$$

$$= 210$$

∴ **Δ ABC യുടെ പരപ്പളവ് = 210 ച. സെ. മീ.**

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി , എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ) , പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

**ഉത്തരം - 14**

**4 Score**

(a) മൊത്തം യാത്രയെടുത്ത സമയം കണക്കാക്കുന്നതിന്  
 ഗരാഗതി വേഗം = 48 കിലോമീറ്റർ / മണിക്കൂർ എന്നു തന്നിട്ടുണ്ട്.  
 ആകെ ദൂരം = 5 + 5 = 10 കി.മീ.  
 സമയം = ദൂരം / വേഗം  
 = 10 / 48 = 5 / 24 മണിക്കൂർ

ഇതിനെ മിനിറ്റിലേയ്ക്കു മാറ്റിയാൽ മൊത്തം യാത്രയെടുത്ത സമയം = 5 / 24 x 60 = **12 ½ മിനിറ്റ്**

(b) രണ്ടാം കൃതിസമവാക്യം രൂപീകരിയ്ക്കുന്നതിന്  
 വീട്ടിൽ നിന്ന് പട്ടണത്തിലേയ്ക്കുള്ള യാത്രയുടെ വേഗം = x എന്നെടുത്താൽ  
 തിരിച്ചുള്ള യാത്രയുടെ വേഗം = (x + 20) കിലോമീറ്റർ / മണിക്കൂർ  
 ∴ വീട്ടിൽ നിന്ന് പട്ടണത്തിലേയ്ക്കുള്ള യാത്രയെടുക്കുന്ന സമയം = 5 / x  
 തിരിച്ചുള്ള യാത്രയെടുക്കുന്ന സമയം = 5 / (x + 20)  
 ആകെ സമയം = 5 / 24 ആയതുകൊണ്ട്

$$5/x + 5/(x+20) = 5/24$$

$$\text{അതായത് } 1/x + 1/(x+20) = 1/24$$

$$\text{ഓരോ പദത്തേയും } 24x(x+20) \text{ കൊണ്ടു ഗുണിച്ചാൽ}$$

$$24(x+20) + 24x = x(x+20)$$

$$24x + 480 + 24x = x^2 + 20x$$

$$\therefore x^2 + 20x - 24x - 24x - 480 = 0$$

$$\mathbf{x^2 - 28x - 480 = 0}$$

(c) ഓരോ ഭാഗത്തേയ്ക്കുള്ള യാത്രയുടെ വേഗം കണക്കാക്കുന്നതിന്

$$x^2 - 28x - 480 = 0 \quad \therefore \mathbf{x^2 - 28x = 480}$$

ഇരുവശത്തും x ന്റെ ഗുണകം -28 ന്റെ പകുതി -14 ന്റെ വർഗ്ഗം 196 കൂട്ടിയാൽ

$$x^2 - 28x + 196 = 480 + 196 \quad (\text{വർഗ്ഗത്തികവ് രീതി})$$

$$(x - 14)^2 = 676$$

$$\therefore (x - 14) = \pm \sqrt{676}$$

$$(x - 14) = \pm 26$$

x - 14 = 26 അല്ലെങ്കിൽ x - 14 = -26

∴ x = 26 + 14 അല്ലെങ്കിൽ x = -26 + 14

x = 40 അല്ലെങ്കിൽ x = -12

x = -12 എന്ന വില സ്വീകാര്യമല്ല. കാരണം വേഗത നൂതനസംഖ്യയാവുകയില്ല.

- x = 40 ആയാൽ 1. വീട്ടിൽ നിന്ന് പട്ടണത്തിലേയ്ക്കുള്ള യാത്രയുടെ വേഗം = x = **40 കി.മീ / മണിക്കൂർ**  
 2. തിരിച്ചുള്ള യാത്രയുടെ വേഗം = x + 20 = 40 + 20 = **60 കി.മീ / മണിക്കൂർ**

**ഉത്തരം - 15**

**4 Score**

ദിവസ വേതനം (രൂപയിൽ)	തൊഴിലാളികളുടെ എണ്ണം	ദിവസ വേതനം (രൂപയിൽ)	കൂട്ടാവൃത്തി
200 - 250	3	250 രൂ കറവ്	3
250 - 300	8	300 രൂ കറവ്	11
300 - 350	10	350 രൂ കറവ്	21
350 - 400	6	400 രൂ കറവ്	27
400 - 450	4	450 രൂ കറവ്	31
450 - 500	2	500 രൂ കറവ്	33

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി , എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ), പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

ഇവിടെ ആകെ തൊഴിലാളികളുടെ എണ്ണം = 33

∴ നട്ടുക്കു വരുന്നത് =  $33 / 2 = 16.5 = 17$ -ാം തൊഴിലാളി.

∴ **17-ാം** തൊഴിലാളിയുടെ ദിവസവേതനമാണ് മധ്യമ ദിവസവേതനം.

പട്ടികയിൽ നിന്നും 12-ാം തൊഴിലാളി മുതൽ 21-ാം തൊഴിലാളി വരെയുള്ള 10 പേരുടെ  $(21 - 12 + 1)$

ദിവസ വേതനം 300 രൂപയും 350 രൂപയും ഇടയിലാണെന്നു കാണാം.

ഈ ദിവസവേതനങ്ങൾക്കിടയിലുള്ള 50 നെ (അതായത്  $350 - 300$  നെ) 10 സമഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ

ഒരു ഭാഗം =  $50 / 10 = 5$  എന്നു കിട്ടുന്നു.

അപ്പോൾ 12-ാം തൊഴിലാളിയുടെ ദിവസ വേതനം ആദ്യഭാഗമായ 300 നും 305 നും ഒത്ത നട്ടുക്കാണെന്നു

കരുതിയാൽ 12-ാം തൊഴിലാളിയുടെ ദിവസ വേതനം =  $(300 + 305) / 2 = 302.5$  രൂപ.

13-ാം തൊഴിലാളിയുടെ ദിവസ വേതനം =  $302.5 + (5 \times 1) = 302.5 + 5 = 307.5$  രൂപ.

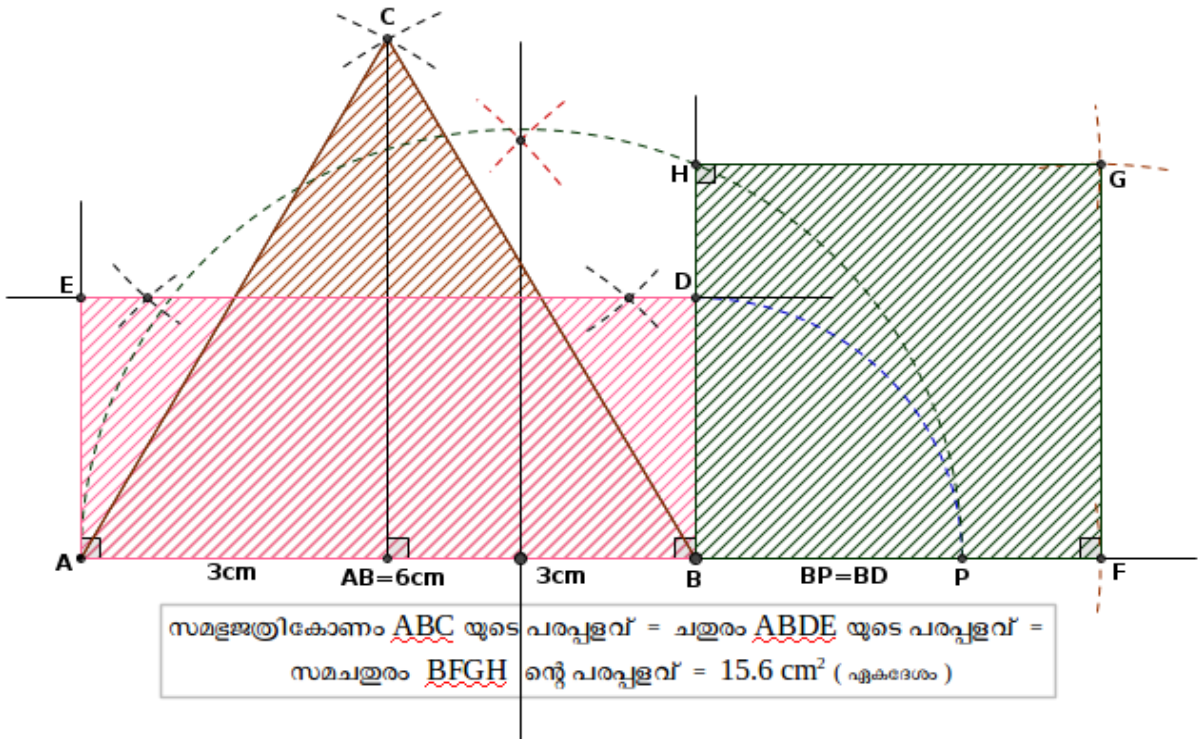
ഇങ്ങനെ തുടർന്നാൽ 17-ാം തൊഴിലാളിയുടെ ദിവസ വേതനം =  $302.5 + (5 \times 5) = 302.5 + 25 = 327.5$  രൂപ.

(ഇവിടെ  $X_{17}$  കിട്ടാൻ  $X_{12}$  നോട് 5 പൊതുവ്യത്യാസം കൂട്ടുക എന്ന സമാന്തരശ്രേണി ആശയമാണ് ഉപയോഗിച്ചത്.)

∴ **ദിവസവേതനത്തിന്റെ മധ്യമം = 327.5 രൂപ.**

**ഉത്തരം - 16**

**4 Score**



**ഉത്തരം - 17A**

**4 Score**

- (a) 1 മുതൽ n വരെയുള്ള എണ്ണൽസംഖ്യകളുടെ തുക =  $n(n + 1) / 2$  ആയതുകൊണ്ട്  
**1 മുതൽ 15 വരെയുള്ള എണ്ണൽസംഖ്യകളുടെ തുക** =  $15(15 + 1) / 2$   
 $= 15 \times 16 / 2$   
 $= 120$

- (b) ഏതൊരു സമാന്തരശ്രേണിയുടേയും ബീജഗണിതരൂപം =  $dn + (x_1 - d)$   
 എന്നാൽ സമാന്തരശ്രേണിയുടെ പദങ്ങളുടെ തുക = മധ്യപദം  $\times$  പദങ്ങളുടെ എണ്ണം  
 ∴ ആദ്യത്തെ 15 പദങ്ങളുടെ തുക =  $x_8 \times 15$   
 $780 = x_8 \times 15$   
 $x_8 = 780 / 15 = 52$

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി , എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ) , പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.



അതായത്  $x_1 + 7d = 52$  , ഇവിടെ  $d = 6$  എന്നു തന്നിട്ടുണ്ട്.

$$\therefore x_1 + (7 \times 6) = 52$$

$$x_1 + 42 = 52$$

$$x_1 = 52 - 42$$

$$x_1 = 10$$

സമാന്തരശ്രേണിയുടെ ബീജഗണിതരൂപം  $\equiv dn + (x_1 - d)$

$$= 6n + (10 - 6)$$

$$= \underline{6n + 4}$$

(c) സമാന്തരശ്രേണിയുടെ തുകയുടെ ബീജഗണിതരൂപം  $\equiv d/2 n^2 + (x_1 - d/2) n$

$$= 6/2 n^2 + (10 - 6/2) n$$

$$= \underline{3n^2 + 7n}$$

ഉത്തരം - 17B

അല്ലെങ്കിൽ

4 Score

(a) ഇവിടെ  $X_n = 6n + 1$  ( $n$ -ാം പദം  $= 6n + 1$ )

ആദ്യ പദം  $X_1 = (n$  ന്റെ ഗുണകം) + (ചരമില്ലാത്ത പദം)

$$= 6 + 1$$

$$= \underline{7}$$

പൊതു വ്യത്യാസം  $d = n$  ന്റെ ഗുണകം

$$= \underline{6}$$

സമാന്തരശ്രേണിയുടെ തുകയുടെ ബീജഗണിതരൂപം  $= d/2 n^2 + (x_1 - d/2) n$

$$= 6/2 n^2 + (7 - 6/2) n$$

$$= \underline{3n^2 + 4n}$$
 (ആദ്യത്തെ  $n$  പദങ്ങളുടെ തുക)

$\therefore$  ആദ്യത്തെ  $(n + 1)$  പദങ്ങളുടെ തുക  $= 3(n + 1)^2 + 4(n + 1)$

$$= 3(n^2 + 2n + 1)^2 + 4n + 4$$

$$= 3n^2 + 6n + 3 + 4n + 4$$

$$= \underline{3n^2 + 10n + 7}$$

(b) ഇവിടെ സമാന്തരശ്രേണിയുടെ ആദ്യത്തെ  $(n + 1)$  പദങ്ങളുടെ തുക  $= an^2 + bn + c$  എന്നു തന്നിട്ടുണ്ട്

$$\therefore n$$
 പദങ്ങളുടെ തുക +  $(n + 1)$ -ാം പദം  $= an^2 + bn + c$

അതായത്  $n$  പദങ്ങളുടെ തുക +  $n$ -ാം പദം + പൊതുവ്യത്യാസം  $= an^2 + bn + c$

$$d/2n^2 + (x_1 - d/2) n + dn + (x_1 - d) + d = an^2 + bn + c$$

$$\therefore d/2n^2 + (x_1 + d/2) n + x_1 = an^2 + bn + c$$

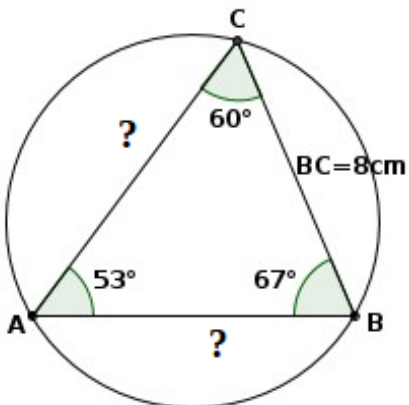
ഇരു വശത്തേയും  $n^2$  ന്റെ ഗുണകം,  $n$  ന്റെ ഗുണകം, ചരമില്ലാത്ത പദം എന്നിവ താരതമ്യം ചെയ്താൽ

$$a = d/2, \quad b = x_1 + d/2, \quad c = x_1 \quad \text{ഇവ ഉപയോഗിച്ച്} \quad a + c = d/2 + x_1 = x_1 + d/2 = b$$

അതായത്  $\underline{a + c = b}$

ഉത്തരം - 18A

5 Score



(a) ഒരു ത്രികോണത്തിന്റെ ഒരു കോൺ A യും ആ കോണിന്റെ എതിർ വശത്തിന്റെ നീളം a യും പരിവൃത്തവ്യാസം d യും ആണെങ്കിൽ

$$a / \sin A = d \text{ ആയിരിക്കും.}$$

$$\text{ഇവിടെ } 8 / \sin 53 = d$$

$$\therefore 8 / 0.8 = d$$

$$\text{അതായത് } 8 \times .08 = d$$

$$\therefore d = 10 \text{ cm}$$

$$\therefore \underline{\text{പരിവൃത്ത വ്യാസം} = 10 \text{ cm}}$$

(b) ഒരു ത്രികോണത്തിന്റെ ഒരു കോൺ B യും ആ കോണിന്റെ എതിർ വശത്തിന്റെ നീളം b യും പരിവൃത്തവ്യാസം d യും ആണെങ്കിൽ

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി , എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ) , പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

$$b / \sin B = d \text{ ആയിരിക്കും.}$$

$$\text{ഇവിടെ } AC / \sin 67 = d$$

$$\therefore AC / 0.9 = 10$$

അതായത്  $AC = 0.9 \times 10$

$$\therefore AC = 9 \text{ cm}$$

ഇതേ രീതിയിൽ  $c / \sin C = d$  ആയിരിക്കും.

$$\text{ഇവിടെ } AB / \sin 60 = d$$

$$\therefore AB / 0.87 = 10$$

അതായത്  $AB = 0.87 \times 10$

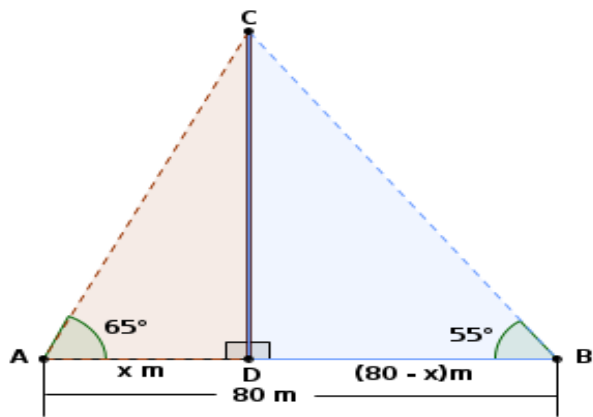
$$\therefore AB = 8.7 \text{ cm}$$

$\therefore$  ത്രികോണത്തിന്റെ മറ്റു രണ്ടു വശങ്ങളുടെ നീളങ്ങൾ = 9 cm , 8.7 cm

ഉത്തരം - 18B

5 Score

അല്ലെങ്കിൽ



(a) അളവുകളോടു കൂടിയുള്ള ഏകദേശ ചിത്രം

(b) ചിത്രത്തിൽ AB പുഴയുടെ വീതിയേയും CD ജലനിരപ്പിൽ നിന്നും മുകളിലേയ്ക്കുള്ള കൊടിമരത്തിന്റെ ഉയരത്തേയും AD , BD എന്നിവ കൊടിമരത്തിൽ നിന്നും ഓരോ തീരത്തേയ്ക്കുമുള്ള ദൂരത്തേയും സൂചിപ്പിക്കുന്നു.

AB = 80 m ആയതുകൊണ്ട് AD = x m എന്നു കരുതിയാൽ BD = (80 - x) m

ചിത്രത്തിലെ മട്ട  $\Delta ADC$  യിൽ നിന്നും CD , AD എന്നിവ ഉൾപ്പെടുന്ന  $\tan 65$  പരിഗണിച്ചാൽ

$$\tan 65 = CD / AD$$

അതായത്  $2.1 = CD / x$

$$\therefore CD = 2.1 \times x \dots\dots\dots (1)$$

ചിത്രത്തിലെ മട്ട  $\Delta BDC$  യിൽ നിന്നും CD , BD എന്നിവ ഉൾപ്പെടുന്ന  $\tan 55$  പരിഗണിച്ചാൽ

$$\tan 55 = CD / BD$$

അതായത്  $1.4 = CD / (80 - x)$

$$\therefore CD = 1.4 \times (80 - x) \dots\dots\dots (2)$$

(1) , (2) എന്നിവയുടെ ഇടതു വശങ്ങൾ തുല്യമായതുകൊണ്ട് വലതു വശങ്ങളും തുല്യമായിരിക്കും.

$$\therefore 2.1 \times x = 1.4 \times (80 - x)$$

$$2.1 \times x = (1.4 \times 80) - 1.4 \times x$$

$$(2.1 \times x) + (1.4 \times x) = (1.4 \times 80)$$

$$3.5 \times x = 112$$

$$x = 112 / 3.5$$

$$x = 32 \text{ m}$$

$x = 32$  എന്ന വില (1) ൽ ആരോപിച്ചാൽ  $CD = 2.1 \times x = 2.1 \times 32 = 67.2 \text{ m}$

$$\therefore BD = (80 - x)$$

$$= (80 - 32) = 48 \text{ m}$$

$\therefore$  ജലനിരപ്പിൽ നിന്നും മുകളിലേയ്ക്കുള്ള കൊടിമരത്തിന്റെ ഉയരം = CD = 67.2 m

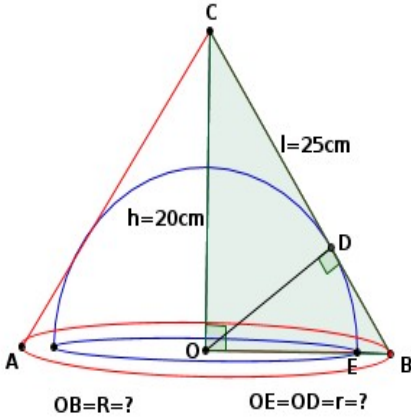
(c) കൊടിമരത്തിൽ നിന്നും ഓരോ തീരത്തേയ്ക്കുമുള്ള ദൂരം = 32 m , 48 m

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ് . പി , എച്ച് .എസ് .എ ( മാത് .സ് ) , പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

5 Score

ചിത്രത്തിൽ OB (അതായത് R) വൃത്തസ്തുപികയുടെ ആരത്തേയും, h ഉയരത്തേയും l ചരിവുയരത്തേയും, OE, OD എന്നിവ ചെത്തിയെടുക്കാവുന്ന പരമാവധി വലിയ അർദ്ധഗോളത്തിന്റെ ആരത്തേയും (അതായത് r) സൂചിപ്പിക്കുന്നു.  
R, h, l മട്ടത്രികോണത്തിൽ നിന്നും

$$\begin{aligned} OB = R &= \sqrt{l^2 - h^2} \\ &= \sqrt{(25)^2 - (20)^2} \\ &= \sqrt{625 - 400} \\ &= \sqrt{225} = \mathbf{15 \text{ cm}} \end{aligned}$$



(a) ചിത്രത്തിലെ മട്ട  $\Delta BOC$ , മട്ട  $\Delta BDO$  എന്നിവ സദൃശങ്ങളായതുകൊണ്ട്  
( $\angle DBO = \angle CBO$  പൊതുക്കോൺ,  $\angle ODB = \angle COB = 90^\circ \therefore$  ത്രികോണങ്ങളുടെ രണ്ടു കോണുകൾ തുല്യം)  
അവയുടെ സമാനവശങ്ങൾ ആനുപാതികമായിരിക്കും എന്നതിൽ നിന്നും

$$\begin{aligned} OB / BC &= OD / OC \\ 15 / 25 &= OD / 20 \\ \therefore 25 \times OD &= 15 \times 20 \\ OD &= (15 \times 20) / 25 \\ \therefore OD &= 12 \text{ സെ.മീ.} \end{aligned}$$

അതായത് അർദ്ധഗോളത്തിന്റെ ആരം = **12 സെ.മീ**

(b) ശേഷിച്ച ഭാഗത്തിന്റെ വ്യാപ്തം  $\equiv$  വൃത്തസ്തുപികയുടെ വ്യാപ്തം - അർദ്ധഗോളത്തിന്റെ വ്യാപ്തം

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{3}\pi R^2 h - \frac{2}{3}\pi r^3 \\ &= \frac{1}{3}\pi (15)^2 \times 20 - \frac{2}{3}\pi (12)^3 \\ &= 1500\pi - 1152\pi \\ &= \mathbf{348\pi \text{ ഘന സെ.മീ.}} \end{aligned}$$

5 Score

(a) ഇവിടെ  $P(x) =$  ഹാര്യം  $= 2x^3 - 3x^2 - 5x + 6$ , ഹാരകം  $= (x - 2)$   
ഹരണഫലം  $= q(x)$ , ശിഷ്യം  $= r$   
 $q(x)$  നെ  $ax^2 + bx + c$  എന്നു കരുതിയാൽ

(ഒരു മൂന്നാം കൃതി പോളിനോമിയലിനെ ഒന്നാം കൃതിപോളിനോമിയൽ കൊണ്ട് ഹരിയ്ക്കുമ്പോൾ കിട്ടുന്ന ഹരണഫലമായ പോളിനോമിയൽ രണ്ടാംകൃതിയിലുള്ളതായിരിക്കും.)

$$\begin{aligned} P(x) &= ax^2 + bx + c (x - 2) + r \\ \text{അതായത് } 2x^3 - 3x^2 - 5x + 6 &= ax^2 + bx + c (x - 2) + r \\ &= ax^3 + bx^2 + cx - 2ax^2 - 2bx - 2c + r \\ 2x^3 - 3x^2 - 5x + 6 &= ax^3 + (b - 2a)x^2 + (c - 2b)x - 2c + r \\ \therefore 2x^3 - 3x^2 - 5x + 6 &= ax^3 + (b - 2a)x^2 + (c - 2b)x - (2c - r) \end{aligned}$$

ഇരു വശത്തേയും ഗുണകങ്ങൾ, ചരമില്ലാത്ത പദം എന്നിവ താരതമ്യം ചെയ്താൽ

$$\begin{aligned} a = 2, \quad b - 2a = -3, \quad c - 2b = -5, \quad 2c - r = -6 \\ a = 2 \text{ എന്ന വില } b - 2a = -3 \text{ ൽ ആരോപിച്ചാൽ} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b - (2 \times 2) &= -3 \\ b - 4 &= -3 \end{aligned}$$

$$\therefore b = -3 + 4 = 1$$

$$b = 1 \text{ എന്ന വില } c - 2b = -5 \text{ ൽ ആരോപിച്ചാൽ}$$

$$\begin{aligned} c - (2 \times 1) &= -5 \\ c - 2 &= -5 \end{aligned}$$

$$\therefore c = -5 + 2 = -3$$

$$c = -3 \text{ എന്ന വില } 2c - r = -6 \text{ ൽ ആരോപിച്ചാൽ}$$

$$\begin{aligned} (2 \times -3) - r &= -6 \\ -6 - r &= -6 \end{aligned}$$

$$\therefore r = -5 + 6 = 0$$

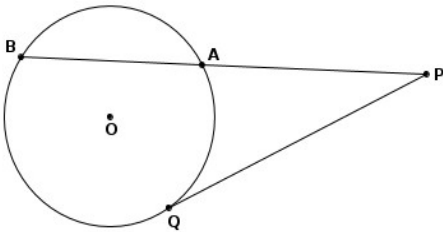
$\therefore q(x) = ax^2 + bx + c = 2x^2 + x - 3, r = 0$

(b)  $2x^2 + x - 3$  നെ രണ്ട് ഒന്നാംകൃതി ബഹുപദങ്ങളുടെ ഗുണനഫലമായി എഴുതാൻ  
 $q(x) = 2x^2 + x - 3 = 0$  എന്ന പരിഗണിച്ചാൽ  
ഇവിടെ  $a = 2, b = 1, c = -3$   
വിവേചകം  $b^2 - 4ac = (1)^2 - (4 \times 2 \times -3)$   
 $= 1 + 24 = 25$   
 $b^2 - 4ac > 0 \therefore \sqrt{b^2 - 4ac} = \sqrt{25} = 5$   
 $\therefore x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}, x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$   
 $x = \frac{-1 + 5}{2 \times 2}, x = \frac{-1 - 5}{2 \times 2}$   
 $x = 4/4, x = -6/4$   
 $x = 1, x = -3/2$   
അതായത്  $q(1) = 0 \therefore q(x)$  ന്റെ ഒരു ഘടകം  $= (x - 1)$   
 $q(-3/2) = 0 \therefore q(x)$  ന്റെ മറ്റൊരു ഘടകം  $= (2x + 3)$   
അതായത്  $q(x) = (x - 1)(2x + 3)$

(c)  $P(x) = q(x)(x - 2) + r$   
 $P(x) = 2x^2 + x - 3(x - 2) + r$   
 $= (x - 1)(2x + 3)(x - 2) + 0$   
അതായത്  $P(x) = (x - 1)(2x + 3)(x - 2)$

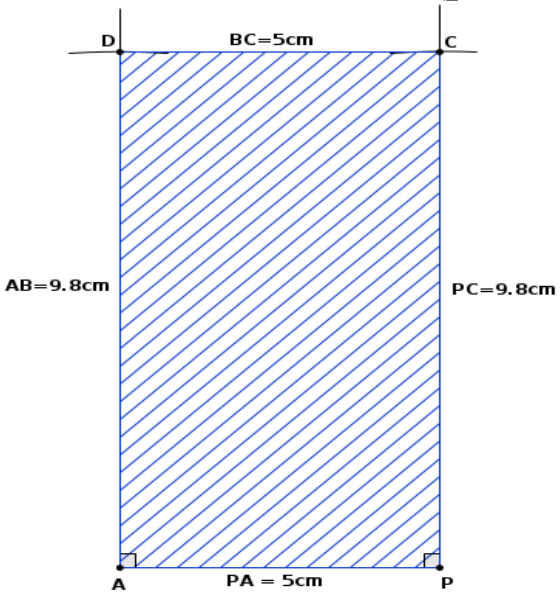
**ഉത്തരം - 21**

**5 Score**



(a) ചിത്രത്തിലെ  $PB \times PA = PQ^2$  ആണ്.  
ഇതിൽ  $PA = 5$  സെന്റിമീറ്റർ എന്ന തന്നിട്ടുണ്ട്  
മാത്രമല്ല  $PQ$  വശമായി വരയ്ക്കുന്ന സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് 49 ച. സെന്റിമീറ്റർ  
എന്നും തന്നിട്ടുള്ളതുകൊണ്ട്  $PQ^2 = 49$  എന്നു കിട്ടുന്നു.  
 $\therefore PB \times 5 = 49$   
 $\therefore PB = 49/5 = 9.8$  സെന്റിമീറ്റർ  
എന്നാൽ ചിത്രത്തിൽ നിന്നും  $AB = PB - PA = 9.8 - 5 = 4.8$  സെന്റിമീറ്റർ  
 $\therefore AB$  എന്ന ഞാണിന്റെ നീളം = 4.8 സെന്റിമീറ്റർ

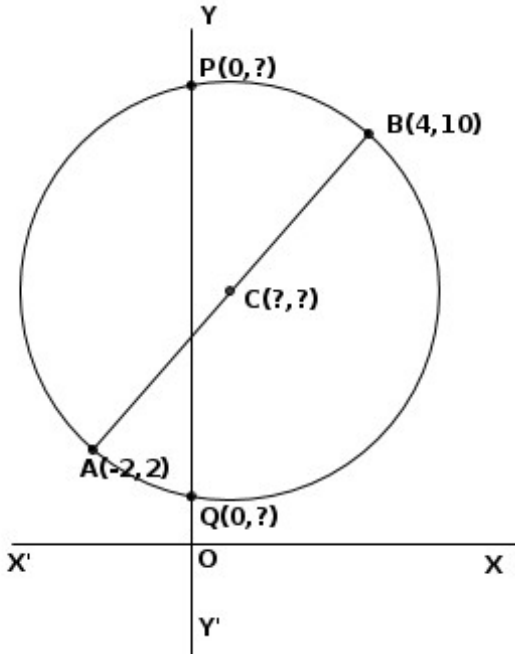
(b) വരയ്ക്കേണ്ട ചതുരത്തിന്റെ ഒരു വശം 5 സെ.മീ യും പരപ്പളവ് 49 ച.സെ.മീ യും ആകേണ്ടതു കൊണ്ട് മറ്റേ വശത്തിന്റെ നീളം =  $49/5 = 9.8$  സെ.മീ.  
ഈ രണ്ടു നീളങ്ങളുമുള്ള വരകളാണ് ചിത്രത്തിലെ  $PA, AB$  എന്നിവ.  
അതുകൊണ്ട് ചിത്രത്തിലെ 5സെ.മീ നീളമുള്ള  $PA$  എന്ന വരയുടെ ഒറ്റുമായ  $A$  യിൽ നിന്നും ലംബമായി 9.8 സെ.മീ നീളമുള്ള  $AD$  എന്ന വര വരച്ചു ചേർത്ത് നിർമ്മിയ്ക്കുന്ന ചതുരത്തിന് 49 ച.സെ.മീ പരപ്പളവുണ്ടായിരിക്കും. (ചിത്രം)



ചതുരം APCD യുടെ ഒരു വശം = 5 സെ. മി.  
പരപ്പളവ് = 49 ച. സെ. മി.

**ഉത്തരം - 22A**

**5 Score**



(a) ചിത്രത്തിൽ C യുടെ സംഖ്യാജോടി =  $((x_1 + x_2)/2, (y_1 + y_2)/2)$

( AB യുടെ മധ്യബിന്ദുവാണ് C )

$$= (-2 + 4)/2, (2 + 10)/2$$

$$= (2/2, 12/2)$$

$$= (1, 6)$$

∴ വൃത്തത്തിന്റെ ആരം  $CB = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$  ( അകല സൂത്രവാക്യം )

$$= \sqrt{(1 - 4)^2 + (6 - 10)^2}$$

$$= \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2}$$

$$= \sqrt{9 + 16}$$

$$= \sqrt{25} = 5 \text{ യൂണിറ്റ്}$$

വൃത്തം, (-3,3) എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെ കടന്നു പോകണമെങ്കിൽ ആ ബിന്ദുവും

വൃത്തകേന്ദ്രമായ (1,6) ഉം തമ്മിലുള്ള അകലം, ആരമായ 5 യൂണിറ്റ്

തന്നെയായിരിക്കണം. (-3,3), (1,6) എന്നിവ തമ്മിലുള്ള

$$\text{അകലം} = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

$$= \sqrt{(-3 - 1)^2 + (3 - 6)^2}$$

$$= \sqrt{(-4)^2 + (-3)^2}$$

$$= \sqrt{16 + 9}$$

$$= \sqrt{25} = 5 \text{ യൂണിറ്റ്}$$

∴ **വൃത്തം (-3,3) എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെ കടന്നു പോകും.**

(b) വൃത്തകേന്ദ്രം ( a , b ) യും ആരം r ഉം ആയ വൃത്തത്തിന്റെ

$$\text{സമവാക്യം : } (x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$$

∴ ഈ വൃത്തത്തിന്റെ സമവാക്യം :  $(x - 1)^2 + (y - 6)^2 = 5^2$

$$\text{അതായത് } x^2 - 2x + 1 + y^2 - 12y + 36 = 25$$

$$x^2 + y^2 - 2x - 12y + 1 + 36 - 25 = 0$$

$$\mathbf{x^2 + y^2 - 2x - 12y + 12 = 0}$$

(c) വൃത്തം y അക്ഷത്തെ മുറിച്ചു കടക്കുന്ന ബിന്ദുക്കളുടെ x സൂചകസംഖ്യ 0 ആയിരിക്കും.

ഈ ബിന്ദുക്കൾ കിട്ടാൻ വൃത്തത്തിന്റെ സമവാക്യത്തിൽ x = 0 എന്ന് ആരോപിച്ചാൽ

$$(0)^2 + y^2 - 2(0) - 12y + 12 = 0$$

$$y^2 - 12y + 12 = 0$$

$$\therefore y^2 - 12y = -12$$

ഇരുവശത്തും y യുടെ ഗുണകം -12 ന്റെ പകുതി -6 ന്റെ വർഗ്ഗം 36 കൂട്ടിയാൽ

$$y^2 - 12y + 36 = -12 + 36 \quad (\text{വർഗ്ഗത്തികവ് രീതി})$$

$$(y - 6)^2 = 24$$

$$\therefore (y - 6) = \pm \sqrt{24}$$

$$(y - 6) = \pm 2\sqrt{6}$$

$$y - 6 = 2\sqrt{6} \text{ അല്ലെങ്കിൽ } y - 6 = -2\sqrt{6}$$

$$\therefore \mathbf{y = 6 + 2\sqrt{6} \text{ അല്ലെങ്കിൽ } y = 6 - 2\sqrt{6}}$$

∴ **വൃത്തം y അക്ഷത്തെ മുറിച്ചു കടക്കുന്ന ബിന്ദുക്കളുടെ സംഖ്യാജോടികൾ : ( 0 , 6 + 2√6 ) , ( 0 , 6 - 2√6 )**

അല്ലെങ്കിൽ

**ഉത്തരം - 22B**

**5 Score**

(a) കേന്ദ്രം ( a , b ) യും ആരം r ഉം ആയ വൃത്തത്തിന്റെ

$$\text{സമവാക്യം : } (x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2 \text{ ആണ്.}$$

ഇതിനെ ഇവിടെ തന്നിട്ടുള്ള  $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 = (5)^2$  എന്ന വൃത്ത സമവാക്യവുമായി താരതമ്യം ചെയ്താൽ

a = 2 , b = 3 , r = 5 എന്നിങ്ങനെ കിട്ടുന്നു.

∴ **വൃത്തത്തിന്റെ കേന്ദ്രത്തിന്റെ സംഖ്യാജോടി = ( a , b ) = ( 2 , 3 )**

(b) **വൃത്തത്തിന്റെ ആരം r = 5 യൂണിറ്റ്**

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ്. പി , എച്ച് .എസ്.എ ( മാത്.സ് ) , പി.എച്ച്.എസ്.എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

(c) (5,7) ഈ വൃത്തത്തിലെ ബിന്ദുവാകണമെങ്കിൽ , ആ ബിന്ദുവും വൃത്തകേന്ദ്രമായ ( 2 , 3 ) ഉം തമ്മിലുള്ള അകലം , ആരമായ 5 യൂണിറ്റ് തന്നെയായിരിക്കണം. ( 5 , 7 ) , ( 2 , 3 ) എന്നിവ തമ്മിലുള്ള

$$\begin{aligned} \text{അകലം} &= \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2} \\ &= \sqrt{(5 - 2)^2 + (7 - 3)^2} \\ &= \sqrt{(3)^2 + (4)^2} \\ &= \sqrt{9 + 16} \\ &= \sqrt{25} = 5 \text{ യൂണിറ്റ്} \end{aligned}$$

∴ (5,7) ഈ വൃത്തത്തിലെ ബിന്ദുവാണ്.

(d) വൃത്തം X അക്ഷത്തെ മുറിച്ചു കടക്കുന്ന ബിന്ദുക്കളുടെ y സൂചകസംഖ്യ 0 ആയിരിക്കും. ഈ ബിന്ദുക്കൾ കിട്ടാൻ വൃത്തത്തിന്റെ സമവാക്യത്തിൽ y = 0 എന്ന് ആരോപിച്ചാൽ

$$\begin{aligned} (x - 2)^2 + (0 - 3)^2 &= (5)^2 \\ (x - 2)^2 + 9 &= 25 \\ (x - 2)^2 &= 25 - 9 \\ \therefore (x - 2)^2 &= 16 \\ \therefore (x - 2) &= \pm\sqrt{16} \\ (x - 2) &= \pm 4 \end{aligned}$$

$$x - 2 = 4 \text{ അല്ലെങ്കിൽ } x - 2 = -4$$

$$x = 4 + 2 \text{ അല്ലെങ്കിൽ } x = -4 + 2$$

$$\therefore x = 6 \text{ അല്ലെങ്കിൽ } x = -2$$

∴ വൃത്തം x അക്ഷത്തെ മുറിച്ചു കടക്കുന്ന ബിന്ദുക്കളുടെ സംഖ്യാജോടികൾ : ( 6 , 0 ) , ( -2 , 0 )

### QUESTIONWISE ANALYSIS ( QUESTION PAPER - 1 )

**SSLC EXAMINATION , MARCH - 2017**

**SUBJECT : MATHEMATICS**

**MAX. MARKS : 80**

Sl No:	Name Of Unit	Question No with Score in Bracket		Total No Of Questions		Total Score		% Of Score	
		Actual	Choice	Actual	Choice	Actual	Choice	Actual	Choice
1	സമാന്തര ശ്രേണികൾ	1(2) , 17A(4)	17B(4)	2	1	6	4	7.50%	5.00%
2	വൃത്തങ്ങൾ	5(3) , 16(4)	---	2	0	7	0	8.75%	---
3	സാധ്യതകളുടെ ഗണിതം	11A(4)	11B(4)	1	1	4	4	5.00%	5.00%
4	രണ്ടാംക്രമി സമവാക്യങ്ങൾ	9(3) , 14(4) , 7(3)	---	3	0	10	0	12.50%	---
5	ത്രികോണമിതി	10(3) , 18A(5)	18B(5)	2	1	8	5	10.00%	6.25%
6	സൂചകസംഖ്യകൾ	4(3) , 8(3)	---	2	0	6	0	7.50%	---
7	തൊടുവരകൾ	13(4) , 21(5)	---	2	0	9	0	11.25%	---
8	ഘനരൂപങ്ങൾ	6(3) , 19(5)	---	2	0	8	0	10.00%	---
9	ജ്യോമിതിയും ബീജഗണിതവും	12(4) , 22A(5)	22B(5)	2	1	9	5	11.25%	6.25%
10	ബഹുപദങ്ങൾ	2(2) , 20(5)	---	2	0	7	0	8.75%	---
11	സ്ഥിതിവിവരക്കണക്ക്	3(2) , 15(4)	---	2	0	6	0	7.50%	---
<b>ആകെ</b>				<b>22</b>	<b>4</b>	<b>80</b>	<b>18</b>	<b>100.00%</b>	<b>22.50%</b>

PBR 25-03-2017

കുറിപ്പ്: പല പ്രശ്നങ്ങളിലും ഉത്തരം കണ്ടെത്താൻ മറ്റു രീതികളും അവലംബിക്കാവുന്നതാണ്.

*Spandanam*

തയ്യാറാക്കിയത് : ബാബുരാജ് . പി , എച്ച് .എസ് .എ ( മാത് .സ് ) , പി .എച്ച് .എസ് .എസ് പന്തല്ലൂർ , മലപ്പുറം ജില്ല.

S.S.L.C. EXAMINATION, MARCH - 2017

MATHEMATICS

(Malayalam)

Time : 2½ Hours

Total Score : 80

നിർദ്ദേശങ്ങൾ :

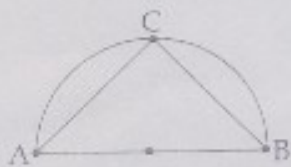
- ഓരോ ചോദ്യവും വായിച്ച് മനസ്സിലാക്കിയശേഷം ഉത്തരം എഴുതുക.
- ഉത്തരങ്ങൾക്ക് ആവശ്യമുള്ളിടത്ത് വിശദീകരണങ്ങൾ നൽകുക.
- രണ്ട് ചോദ്യങ്ങൾക്കിടയിൽ 'അല്ലെങ്കിൽ' എന്നെഴുതിയിട്ടുണ്ടെങ്കിൽ ഒന്നിനുമാത്രം ഉത്തരം എഴുതിയാൽ മതി.
- ആദ്യത്തെ പതിനഞ്ച് മിനിട്ട് സമാശ്വാസ സമയമാണ് (cool-off time). ഈ സമയത്ത് ചോദ്യങ്ങൾ വായിച്ച് മനസ്സിലാക്കുക.
- ചോദ്യത്തിൽ പ്രത്യേകം ആവശ്യപ്പെട്ടിട്ടില്ലെങ്കിൽ  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$ ,  $\pi$  മുതലായ അഭിന്നകങ്ങളെ ഏകദേശ വില ഉപയോഗിച്ച് ലഘൂകരിക്കേണ്ടതില്ല.

Score

- |    |  |   |
|----|--|---|
| 1. | 135, 141, 147, . . . എന്ന സമാന്തരശ്രേണി പരിഗണിക്കുക. ഇതിലെ അടുത്തടുത്തുള്ള ഏതെങ്കിലും 25 പദങ്ങളുടെ തുക 2016 ആകുമോ ? ഉത്തരം സമർത്ഥിക്കുക.   | 2 |
| 2. | $P(x) = 2x^3 - 2x^2 - 8x + 8$ . $P(x)$ -ന്റെ ഒരു ഘടകമാണ് $(x + 2)$ . $x^2 - 4$ എന്നത് $P(x)$ -ന്റെ ഒരു ഘടകമാണോ എന്ന് പരിശോധിക്കുക.   | 2 |
| 3. | ഒരു ക്ലാസിലെ 7 കുട്ടികളുടെ സ്റ്റോറുകൾ ചുവടെ നൽകുന്നു.<br>38, 43, 24, 42, 33, 46, 29<br>സ്റ്റോറുകളുടെ മാധ്യവും മധ്യമവും കണക്കാക്കുക.  | 2 |
| 4. | ഒരു സമചതുരത്തിന്റെ വികർണങ്ങൾ ആധാരബിന്ദുവിൽ കൂട്ടി കടന്നു പോകുന്നു. ഒരു മൂലയുടെ സൂചകസംഖ്യകൾ $(-4, 4)$ ആയാൽ,<br>(a) മറ്റു മൂലകളുടെ സൂചകസംഖ്യകൾ കാണുക.<br>(b) സമചതുരത്തിന്റെ ഒരു വശത്തിന്റെ നീളം കാണുക. | 3 |
| 5. | ഒരു ത്രികോണത്തിന്റെ മൂന്നു വശങ്ങളും വ്യാസങ്ങളായി വൃത്തങ്ങൾ വരച്ചാൽ അവ ത്രികോണത്തിനകത്തെ ഒരേ ബിന്ദുവിൽ കൂടി കടന്നു പോകുമോ ? ഉത്തരം സമർത്ഥിക്കുക.  | 3 |
| 6. | ഒരു സമചതുര സ്റ്റാപികയുടെ വക്കുകൾക്കെല്ലാം ഒരേ നീളമാണ്. സ്റ്റാപികയ്ക്ക് $6\sqrt{2}$ സെന്റിമീറ്റർ ഉയരമുണ്ട്.<br>(a) പാദവക്കിന്റെ നീളം കണക്കാക്കുക (b) സ്റ്റാപികയുടെ വ്യാപ്തം കണക്കാക്കുക               | 3 |

P.T.O.

7. 5, 8, 11, ... എന്ന സമാന്തരശ്രേണിയുടെ അടുത്തടുത്ത രണ്ടു പദങ്ങളുടെ ഗുണനഫലം 598 ആണ്. ഗുണിച്ച പദങ്ങളുടെ പദസമാനങ്ങൾ കണക്കാക്കുക. 3
8. (6, 5) എന്ന ബിന്ദു കേന്ദ്രമായി 10 യൂണിറ്റ് ആരമുള്ള വൃത്തം വരച്ചാൽ വൃത്തം  $y$ -അക്ഷത്തെ മുറിച്ചു കടക്കുന്ന ബിന്ദുക്കളുടെ സൂചക സംഖ്യകൾ കാണുക. 3
9. ഒരു സംഖ്യയുടേയും അതിന്റെ വ്യുൽക്രമത്തിന്റേയും തുക 6 ആയാൽ സംഖ്യ ഏത്? 3
10. ഒരു സമഭുജ സാമാന്തരികത്തിന്റെ ഒരു വശം 12 സെന്റീമീറ്ററും ഒരു കോൺ  $120^\circ$ -യും ആണ്. 3
- (a) ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്നവയിൽ എതിർവശങ്ങൾ തമ്മിലുള്ള അകലം ഏത്?  
[6 സെ.മീ.,  $6\sqrt{2}$  സെ.മീ.,  $6\sqrt{3}$  സെ.മീ., 9 സെ.മീ.]
- (b) സമഭുജ സാമാന്തരികത്തിന്റെ പരപ്പളവ് എത്ര?
- (c) ഈ സമഭുജ സാമാന്തരികത്തിന്റെ വികർണങ്ങളുടെ നീളം കണക്കാക്കുക.
11. AB വ്യാസമായ അർദ്ധ വൃത്തത്തിലെ ഒരു സമപാർശ്വ മട്ടത്രികോണമാണ്  $\triangle ABC$ . 4  
ചിത്രത്തിലേക്ക് നോക്കാതെ ഒരു കൃത്തിട്ടാൽ, കൃത്ത് ത്രികോണത്തിനകത്ത് വരാനുള്ള സാധ്യത എത്ര?



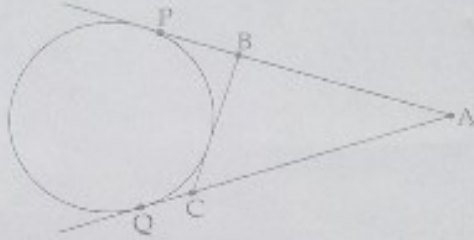
**അല്ലെങ്കിൽ**

ഒരു പാത്രത്തിൽ 5 കുറുത്ത മുത്തുകളും 7 വെളുത്ത മുത്തുകളും ഉണ്ട്. മറ്റൊരു പാത്രത്തിൽ 6 കുറുത്ത മുത്തുകളും 8 വെളുത്ത മുത്തുകളും ഉണ്ട്. പാത്രങ്ങളിലേക്ക് നോക്കാതെ ഓരോ പാത്രത്തിൽ നിന്നും ഓരോ മുത്ത് വീതമെടുത്താൽ ഒരു വെളുത്ത മുത്തേക്കിലും കിട്ടാനുള്ള സാധ്യത എത്ര?

12.  $A(-2, 1)$ ,  $C(10, 10)$  എന്നിവ ഒരു വരയിലെ രണ്ടു ബിന്ദുക്കളാണ്. A -യ്ക്കും C -യ്ക്കും ഇടയിൽ 4  
വരയിലെ ഒരു ബിന്ദുവാണ് B.  $AB : AC = 1 : 3$
- (a) AB -യുടെ നീളം എത്ര?
- (b) B -യുടെ സൂചക സംഖ്യകൾ കാണുക
- (c) AB -യുടെ സമവാക്യം എഴുതുക.



13. ചിത്രത്തിൽ AP, AQ, BC എന്നിവ വൃത്തത്തിന്റെ തൊടുവരകളാണ്.  $\triangle ABC$  യുടെ ചുറ്റളവ് 70 സെന്റിമീറ്ററാണ്.  $BP = 10$  സെന്റിമീറ്റർ,  $CQ = 7$  സെന്റിമീറ്റർ.



- (a) ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവയിൽ BC -യുടെ നീളമെത്ര ?  
[15 സെ.മീ., 17 സെ.മീ., 14 സെ.മീ., 16 സെ.മീ.]
- (b)  $\triangle ABC$  -യുടെ വശങ്ങളുടെ നീളങ്ങൾ കണക്കാക്കുക.
- (c)  $\triangle ABC$  -യുടെ പരപ്പളവ് കണക്കാക്കുക.
14. ഒരാൾ വീട്ടിൽ നിന്ന് പട്ടണത്തിലേക്കും തിരിച്ച് വീട്ടിലേക്കും മോട്ടോർ സൈക്കിളിലാണ് സഞ്ചരിച്ചത്. വീട്ടിൽ നിന്ന് പട്ടണത്തിലേക്ക് പോയതിനെക്കാൾ 20 കിലോമീറ്റർ/മണിക്കൂർ കൂടിയ വേഗത്തിലാണ് പട്ടണത്തിൽ നിന്നും വീട്ടിലേക്ക് യാത്ര ചെയ്തത്. അയാളുടെ മൊത്തം യാത്രയുടെ ശരാശരി വേഗം 48 കിലോമീറ്റർ/മണിക്കൂർ ആയിരുന്നു.
- (a) വീട്ടിൽ നിന്ന് പട്ടണത്തിലേക്കുള്ള ദൂരം 5 കിലോമീറ്റർ ആണെങ്കിൽ മൊത്തം യാത്രയ്ക്ക് അയാളെടുത്ത സമയം എത്ര ?
- (b) വീട്ടിൽ നിന്ന് പട്ടണത്തിലേക്കുള്ള യാത്രയുടെ വേഗം  $x$  എന്നെടുത്ത് ഒരു രണ്ടാം കൃതി സമവാക്യം രൂപീകരിക്കുക.
- (c) ഓരോ ഭാഗത്തേക്കുമുള്ള യാത്രയുടെ വേഗം കണക്കാക്കുക.
15. ഒരു കമ്പനിയിലെ വിവിധ തൊഴിലാളികളുടെ ദിവസവേതനവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ഒരു പട്ടിക ചുവടെ നൽകുന്നു.

ദിവസവേതനം (രൂപയിൽ)	തൊഴിലാളികളുടെ എണ്ണം
200 - 250	3
250 - 300	8
300 - 350	10
350 - 400	6
400 - 450	4
450 - 500	2

ദിവസവേതനത്തിന്റെ മധ്യമാ കണക്കാക്കുക.

16. വശങ്ങൾ 6 സെന്റിമീറ്റർ ആയ ഒരു സമഭുജത്രികോണം നിർമ്മിക്കുക. ഈ ത്രികോണത്തിന്റെ അതേപരപ്പുള്ളവയുള്ള ഒരു സമചതുരം നിർമ്മിക്കുക. 4

17. (a) 1 മുതൽ 15 വരെയുള്ള എണ്ണൽ സംഖ്യകളുടെ തുക കാണുക. 4  
 (b) പൊതു വ്യത്യാസം 6 ആയ സമാന്തരശ്രേണിയുടെ ആദ്യത്തെ 15 പദങ്ങളുടെ തുക 780. ശ്രേണിയുടെ ബീജഗണിതരൂപം എഴുതുക.  
 (c) ശ്രേണിയുടെ തുകയുടെ ബീജഗണിത രൂപം എഴുതുക.

**അല്ലെങ്കിൽ**

- (a) ഒരു സമാന്തര ശ്രേണിയുടെ ബീജഗണിത രൂപം  $6n + 1$  ആണ്. ശ്രേണിയുടെ ആദ്യത്തെ  $n + 1$  പദങ്ങളുടെ തുക കണക്കാക്കുക.  
 (b) ഒരു സമാന്തര ശ്രേണിയുടെ ആദ്യത്തെ  $n + 1$  പദങ്ങളുടെ തുക  $an^2 + bn + c$  ആയാൽ  $a + c = b$  ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക.

18.  $\Delta ABC$  -യിൽ  $BC = 8$  സെന്റിമീറ്റർ  $\angle A = 53^\circ, \angle B = 67^\circ$  5

- (a) ത്രികോണത്തിന്റെ പരിവൃത്ത വ്യാസം കാണുക.  
 (b)  $AB, AC$  എന്നീ വശങ്ങളുടെ നീളം കാണുക.  
 $[\sin 53^\circ = 0.8; \sin 67^\circ = 0.9; \sin 60^\circ = 0.87]$

**അല്ലെങ്കിൽ**

80 മീറ്റർ വീതിയുള്ള ഒരു പുഴയിൽ നിന്ന് ഒരു കൊടിമരം കൃത്തനെ നാട്ടിയിരിക്കുന്നു. ഇരു കരകളിൽ നിന്നും കൊടി മരത്തിന്റെ മുകളറ്റം  $65^\circ, 55^\circ$  മേൽകോണുകളിൽ കാണുന്നു.  $[\tan 55^\circ = 1.4, \tan 65^\circ = 2.1]$

- (a) ഒരു ഏകദേശം ചിത്രം വരച്ച് തന്നിട്ടുള്ള അളവുകൾ രേഖപ്പെടുത്തുക.  
 (b) ജലനിരപ്പിൽ നിന്നും മുകളിലേക്കുള്ള കൊടിമരത്തിന്റെ ഉയരം കണക്കാക്കുക.  
 (c) കൊടിമരത്തിൽ നിന്നും ഓരോ തീരത്തിലേക്കുള്ള ദൂരം കാണുക.

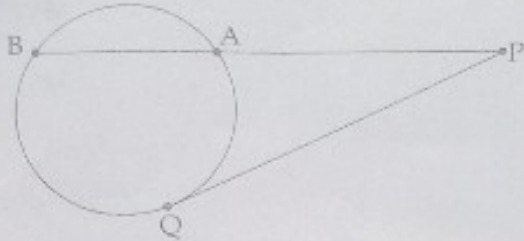
19. 20 സെന്റിമീറ്റർ ഉയരവും 25 സെന്റിമീറ്റർ ചരിവുയരവുമുള്ള മരം കൊണ്ട് നിർമ്മിച്ച കട്ടിയായ ഒരു വൃത്തസ്തൂപികയിൽ നിന്നും പരമാവധി വലിയ ഒരു അർദ്ധഗോളം ചെത്തിയെടുത്താൽ : 5

- (a) അർദ്ധ ഗോളത്തിന്റെ ആരം കണക്കാക്കുക.  
 (b) ശേഷിച്ച ഭാഗത്തിന്റെ വ്യാപ്തം കണക്കാക്കുക.

20.  $p(x) = 2x^3 - 3x^2 - 5x + 6 = q(x)(x - 2) + r$

- (a)  $q(x), r$  എന്നിവ കണക്കാക്കുക.  
 (b)  $q(x)$  -നെ രണ്ട് ഒന്നാം കൃതി ബഹുപദങ്ങളുടെ ഗുണനഫലമായി എഴുതുക.  
 (c)  $p(x)$  -നെ മൂന്ന് ഒന്നാം കൃതി ബഹുപദങ്ങളുടെ ഗുണനഫലമായി എഴുതുക. 5

21. ചിത്രത്തിൽ PQ തൊടുവരയാണ്.  $PA = 5$  സെന്റിമീറ്റർ. PQ വശമായി വരയ്ക്കുന്ന സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് 49 ചതുരശ്ര സെന്റിമീറ്റർ ആണ്. 5



- (a) AB എന്ന ഞാണിന്റെ നീളം എത്ര ?
- (b) 49 ചതുരശ്രസെന്റിമീറ്റർ പരപ്പളവും, ഒരു വശം 5 സെന്റിമീറ്ററും ആകത്തക്ക രീതിയിൽ ഒരു ചതുരം നിർമ്മിക്കുക.
22.  $A(-2, 2)$ ;  $B(4, 10)$  എന്നിവ ഒരു തലത്തിലെ രണ്ടു ബിന്ദുക്കളാണ്. AB വ്യാസമായി ഒരു വൃത്തം വരച്ചിരിക്കുന്നു. 5
- (a) വൃത്തം  $(-3, 3)$  എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂടി കടന്നു പോകുമോ ?
- (b) ഈ വൃത്തത്തിന്റെ സമവാക്യം എഴുതുക.
- (c) വൃത്തം  $y$  അക്ഷത്തെ മുറിച്ചു കടക്കുന്ന ബിന്ദുക്കളുടെ സൂചക സംഖ്യകൾ എഴുതുക.

#### അല്ലെങ്കിൽ

ഒരു തലത്തിൽ വരച്ച വൃത്തത്തിന്റെ സമവാക്യം  $(x-2)^2 + (y-3)^2 = 25$  എന്നാണ്.

- (a) വൃത്തത്തിന്റെ കേന്ദ്രത്തിന്റെ സൂചക സംഖ്യകൾ എഴുതുക.
- (b) വൃത്തത്തിന്റെ ആരം എത്ര ?
- (c)  $(5, 7)$  ഈ വൃത്തത്തിലെ ബിന്ദുവാണോ ?
- (d) ഈ വൃത്തം  $x$ -അക്ഷത്തെ മുറിച്ചു കടക്കുന്ന ബിന്ദുക്കളുടെ സൂചക സംഖ്യകൾ എഴുതുക.