

बोर्ड प्रश्नपत्रिका : मार्च 2016

वेळ: 2 तास

एकूण गुण : 40

सूचना:

- सर्व प्रश्न आवश्यक आहेत. आवश्यक त्या ठिकाणी आकृती काढावी.
- गणकयंत्राचा (Calculator) वापर करण्याची अनुमती नाही.
- उजवीकडील संख्या पूर्ण गुण दर्शवितात.
- रचनेच्या सर्व खुणा स्पष्ट असाव्यात. त्या पुसू नका.
- प्रमेयांच्या सिद्धतेसाठी आकृती आवश्यक आहे.

Q.P. SET CODE

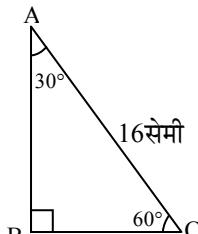
प्रश्न संच

C क

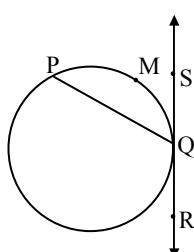
1. खालीलपैकी कोणतेही पाच उपप्रश्न सोडवा :

[5]

- $\Delta DEF \sim \Delta MNK$. जर $DE = 2$ आणि $MN = 5$, तर $\frac{A(\Delta DEF)}{A(\Delta MNK)}$ ची किंमत काढा.
- खालील आकृतीमध्ये, ΔABC मध्ये, $\angle B = 90^\circ$, $\angle C = 60^\circ$, $\angle A = 30^\circ$, $AC = 16$ सेमी, तर BC ची किंमत काढा.



- खालील आकृतीमध्ये ($\angle PMQ$) = 110° , तर $\angle PQS$ ची किंमत काढा.

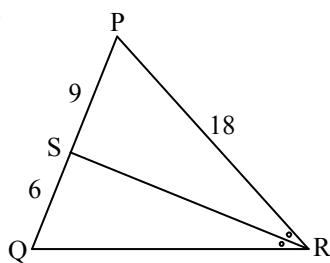


- जर $\theta = -30^\circ$, तर $\cos \theta$ ची किंमत काढा.
- ज्या रेषेचा कल 60° आहे, त्या रेषेचा चढ काढा.
- जर $E = 10$, $F = 6$, तर औऱ्यलरच्या सूत्राचा वापर करून V ची किंमत काढा.

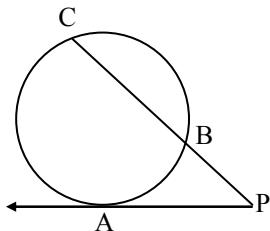
2. खालीलपैकी कोणतेही चार उपप्रश्न सोडवा :

[8]

- खालील आकृतीत ΔPQR मध्ये, रेख RS हा $\angle PRQ$ चा कोनदुभाजक आहे. जर $PS = 9$, $SQ = 6$, $PR = 18$, तर QR काढा.



- ii. खालील आकृतीमध्ये, स्पर्शिका PA ही वर्तुळाला बिंदू A मध्ये स्पर्श करते आणि वृत्तछेदिका PBC ही वर्तुळाला बिंदू C आणि B मध्ये छेदते. जर $AP = 12$ आणि $BF = 9$, तर BC ची किंमत काढा.

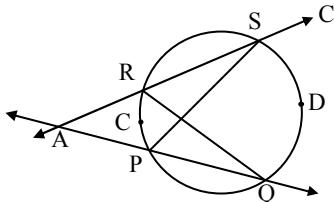


- iii. ज्या त्रिकोणाची बाजू 6.4 सेमी आहे, असा समभुज त्रिकोण ABC काढा व त्या त्रिकोणाचे परिवर्तुळ काढा.
- iv. प्रमाणित स्थितीतील कोनाची आक्यभुजा घड्याळाच्या काट्याच्या विरुद्ध दिशेने 130° च्या कोनातून फिरत असेल, तर त्याची अंतिम भुजा कोणत्या चरणात असेल ते आकृतीसह दाखवा.
- v. एका वर्तुळकंसाची लांबी व त्रिज्या अनुक्रमे 16 सेमी आणि 9 सेमी असतील, तर त्या वर्तुळपाकळीचे क्षेत्रफळ काढा.
- vi. 1.4 सेमी त्रिज्या असलेल्या गोलाचे वक्र-पृष्ठफळ काढा. $\left(\pi = \frac{22}{7}\right)$

3. खालीलपैकी कोणतेही तीन उपप्रश्न सोडवा :

[9]

- i. समांतरभुज चौकोनाच्या लगतच्या बाजू 11 सेमी आणि 17 सेमी आहेत. जर त्याच्या एका कर्णाची लांबी 26 सेमी असेल, तर दुसऱ्या कर्णाची लांबी काढा.
- ii. खालील आकृतीमध्ये, दाखविल्याप्रमाणे जीवा RS आणि जीवा PQ यांना समाविष्ट करणाऱ्या वृत्तछेदिका परस्परांना A या वर्तुळाबाहेरील बिंदूमध्ये छेदतात. जर $m(\text{कंस } PCR) = 26^\circ$ आणि $m(\text{कंस } QDS) = 48^\circ$, तर:
- $m\angle PQR$
 - $m\angle SPQ$
 - $m\angle RAQ$
- काढा.



- iii. 3.5 सेमी त्रिज्येचे वर्तुळ काढा. त्यावर कोणताही एक बिंदू K च्या. K बिंदूतून जाणारी वर्तुळाची स्पर्शिका वर्तुळकेंद्राचा वापर न करता काढा.
- iv. α चौथ्या चरणात असताना, जर $\sec \alpha = \frac{2}{\sqrt{3}}$, तर $\frac{1 - \operatorname{cosec} \alpha}{1 + \operatorname{cosec} \alpha}$ ची किंमत काढा.
- v. $(2, 3)$ आणि $(4, 7)$ या दोन बिंदूंमधून जाणाऱ्या रेषेचे समीकरण $y = mx + c$ या स्वरूपात लिहा.

4. खालीलपैकी कोणतेही दोन उपप्रश्न सोडवा :

[8]

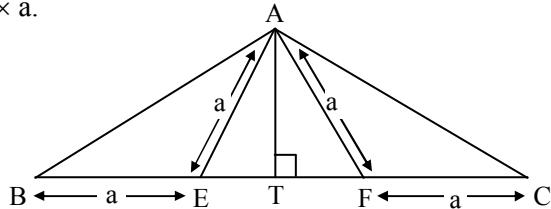
- i. वर्तुळाच्या बाह्य बिंदूतून वर्तुळास काढलेल्या स्पर्शिकाखंडांची लांबी समान असते, हे सिद्ध करा.
- ii. नदीच्या एका तीरावर उभ्या असलेल्या निरीक्षकास पलीकडच्या तीरावरील झाडाच्या शेंड्याकडे पाहताना 60° मापाचा उन्नत कोन होतो. त्या ठिकाणापासून 40 मीटर अंतर मागे जाऊन परत त्या झाडाच्या शेंड्याकडे पाहताना 30° मापाचा उन्नत कोन होतो. तर त्या झाडाची उंची आणि नदीच्या पात्राची रुंदी काढा. $(\sqrt{3} = 1.73)$
- iii. $A(5, 4), B(-3, -2)$ आणि $C(1, -8)$ हे $\triangle ABC$ चे शिरोबिंदू आहेत. तर मध्यगा AD चे समीकरण काढा. B बिंदूतून जाणाऱ्या व रेषा AC ला समांतर असणाऱ्या रेषेचे समीकरण काढा.

5. खालीलपैकी कोणतेही दोन उपप्रश्न सोडवा :

[10]

- i. खालील आकृतीमध्ये, रेख $AE = EF = AF = BE = CF = a$, $AT \perp BC$, तर सिद्ध करा, की

$$AB = AC = \sqrt{3} \times a.$$



- ii. $\Delta SHR \sim \Delta SVU$. ΔSHR मध्ये $SH = 4.5$ सेमी, $HR = 5.2$ सेमी, $SR = 5.8$ सेमी आणि $\frac{SH}{SV} = \frac{3}{5}$, तर ΔSVU काढा.
- iii. प्रति मिनिट 15 मीटर या वेगाने वृत्तचिती आकाराच्या 20 मिमी. व्यासाच्या नळातून पाणी पडते. त्या पाण्याने तळाचा व्यास 40 सेमी व 45 सेमी उंची असलेल्या शंकूच्या आकाराचे भांडे भरण्यास किती वेळ लागेल?