

முதல் திருப்புதல் பொதுத் தேர்வு - 2020

காலம்: 3.00 மணி

வகுப்பு - 11

மதிப்பெண்கள்: 90

கணிதம்

பகுதி - அ

20 x 1 = 20

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி.

1. $n(A) = 2$ மற்றும் $n(B \cap C) = 3$, எனில் $n[(A \times B) \cup C]$ என்பது
 a) 2^3 b) 3^2 c) 6 d) 5
2. $\frac{1}{1-2\sin x}$ என்ற சார்பின் வீச்சகம்
 a) $(-\infty, -1) \cup (1/3, \infty)$ b) $(-1, 1/3)$ c) $[-1, 1/3]$ d) $(-\infty, -1] \cup [1/3, \infty)$
3. $(x+3)^4 + (x+5)^4 = 16$ ன் மூலங்களின் எண்ணிக்கை
 a) 4 b) 2 c) 3 d) 0
4. $4\sin^2 x + 3\cos^2 x + \sin x/2 + \cos x/2$ ன் மீப்பெரு மதிப்பு
 a) $4 + \sqrt{2}$ b) $3 + \sqrt{2}$ c) 9 d) 4
5. 44 மூலையிட்டங்கள் உள்ள ஒரு பலகோணத்தின் பக்கங்களின் எண்ணிக்கை
 a) 4 b) $4!$ c) 11 d) 22
6. $1 + 3 + 5 + 7 + \dots + 17$ ன் மதிப்பு
 a) 101 b) 81 c) 71 d) 61
7. 38^{15} ஐ 13 ஆல் வகுக்க கிடைக்கும் மீதி
 a) 12 b) 1 c) 11 d) 5
8. $3x - y = -5$ என்ற கோட்டுடன் 45° கோணம் ஏற்படுத்தும்
 a) 1, -1 b) $1/2, -2$ c) 1, $1/2$ d) 2, $-1/2$
9. $6x^2 - xy + 4cy^2 = 0$ என்ற கோடுகளில் ஒரு கோடானது $3x + 4y = 0$ எனில் c ன் மதிப்பு
 a) -3 b) -1 c) 3 d) 1
10. $A = \begin{bmatrix} \lambda & 1 \\ -1 & -\lambda \end{bmatrix}$ எனில், λ ன் எம்மதிப்புகளுக்கு $A^2 = 0$?
 a) 0 b) ± 1 c) -1 d) 1
11. $\begin{vmatrix} 3-x & -6 & 3 \\ -6 & 3-x & 3 \\ 3 & 3 & -6-x \end{vmatrix} = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் ஒரு தீர்வு
 a) 6 b) 3 c) 0 d) -6
12. $\vec{BA} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ மற்றும் B ன் நிலை வெக்டர் $\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k}$ எனில் A ன் நிலை வெக்டர்
 a) $4\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ b) $4\hat{i} + 5\hat{j}$ c) $4\hat{i}$ d) $-4\hat{i}$

13. If $\vec{a} = i + j + k$, $\vec{b} = 2i + xj + k$, $\vec{c} = i - j + 4k$ மற்றும் $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 70$ எனில் x ன் மதிப்பு
a) 5 b) 7 c) 26 d) 10

14. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - b^x}{x} =$

a) $\log ab$ b) $\log a/b$ c) $\log (b/a)$ d) a/b

15. சார்பு $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^3 + 1}$, $x = -1$ ஆல் வரையறுக்கப்படவில்லை. $f(-1)$ ன் எம்மதிப்பிற்கும் இந்த சார்பு

தொடர்ச்சியானதாக இருக்கும்.

a) $2/3$ b) $-2/3$

c) 1

d) 0

16. $y = mx + c$ மற்றும் $f(0) = f'(0) = 1$, எனில் $f(2)$ என்பது

a) 1

b) 2

c) 3

d) -3

17. $x = -3$ ல் $f(x) = x|x|$ ன் வகையிடலின் மதிப்பு

a) 6

b) -6

c) கிடைக்கப்பெறாது

d) 0

18. $\int \frac{\sqrt{\tan x}}{\sin 2x} dx =$

a) $\sqrt{\tan x} + c$ b) $2\sqrt{\tan x} + c$ c) $\frac{1}{2}\sqrt{\tan x} + c$ d) $\frac{1}{4}\sqrt{\tan x} + c$

19. $\int \frac{dx}{e^x - 1} =$

a) $\log |e^x| - \log |e^x - 1| + c$ b) $\log |e^x| + \log |e^x - 1| + c$ c) $\log |e^x - 1| - \log |e^x + c$ d) $\log |e^x + 1| - \log |e^x| + c$

20. A, B என்ற சார்பின் நிகழ்ச்சிகளுக்கு $P(A) = 0.35$, $P(A \cup B) = 0.6$ எனில் $P(B)$ ஆனது

a) $5/13$ b) $1/13$ c) $4/13$ d) $7/13$

பகுதி - ஆ

எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 30க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$$7 \times 2 = 14$$

21. $f(x) = \frac{1}{1 - 2\cos x}$ ன் சார்பகத்தை காண்க.

22. $2|x+1| - 6 \leq 7$ ன் தீர்வை எண்கோட்டில் குறிக்க.

23. $nC_{12} = nC_9$ எனில் $21C_n$ ஐ காண்க.

24. $(3+2x)^{10}$ ன் விரிவில் x^6 ன் கெழுவைக் காண்க.

25. $A = \begin{bmatrix} 7 & 3 \\ -2 & a \end{bmatrix}$ பூஜ்ஜியக் கோவை எனில் a ன் மதிப்பு ணாக்.

26. $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ என்ற அலகு வெக்டர்களுக்கு $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \cdot \vec{c} = 0$ மற்றும் \vec{b} க்கும் \vec{c} க்கும் இடைப்பட்ட

கோணம் $\pi/3$ எனில் $\vec{a} = \pm \frac{2}{\sqrt{3}} (\vec{b} \times \vec{c})$ என நிரூபி.

27. மதிப்பு காண்க. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1-x^3}{3x+2}$

28. மதிப்பு காண்க. $\int \sqrt{(15-2x)} dx$

29. ஒரு நிகழ்ச்சி A நிகழ சாதக விகிதம் 5க்கு 7 னில் P(A) காண்க.

30. 5 செ.மீ ஆரம், மையக்கோணம் 15° ஐ கொண்ட வட்ட வில்லின் நீளம் காண்க.

பகுதி - இ

7 x 3 = 21

எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 40 க்கு கட்டாய வினா.

31. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ என்ற சார்பு $f(x) = 3x - 5$ எனில், அது ஒரு இருபுறச் சார்பு என நிரூபித்து, அதன் நேர்மாறு காண்க.

32. $f(0) = 1, f(-2) = 0, f(1) = 0$ ஆக இருப்பின், இருபடி பல்லுறுப்புக் கோவை $f(x)$ ஐ காண்க.

33. $A + B = 45^\circ$ எனில் $(1 + \tan A)(1 + \tan B) = 2$ என நிறுவுக.

34. a, b, c என்பன ஒரு G.P. மற்றும் $a^{1/x} = b^{1/y} = c^{1/z}$ எனில் x, y, z ஒரு A.P. என நிறுவுக.

35. $4x + 3y + 4 = 0$ என்ற கோட்டிற்கும் $(-2, 4)$ என்ற புள்ளிக்கும் இடைப்பட்ட தொலைவு காண்க.

36. $\begin{pmatrix} 3 & 3 & -1 \\ -2 & -2 & 1 \\ -4 & -5 & 2 \end{pmatrix}$ என்ற அணியை சமச்சீர் மற்றும் எதிர் சமச்சீர் அணியின் கூடுதலாக எழுதுக.

37. $y = 1/x$ எனில் y'''' காண்க.

38. $f(x) = 3x^2 - 4x + 5, f(1) = 3$ எனில் $f(x)$ காண்க.

39. இரண்டு நாணயங்கள் ஒரே நேரத்தில் சுண்டப்படுகின்றன. அ) ஒரு தலை மற்றும் ஒரு பூ ஆ) அதிகபட்சமாக 2 பூ கிடைக்க நிகழ்தகவு காண்க.

40. $(n+2) C_7 : (n-1) P_4 = 13:24$ எனில் n ன் மதிப்பு காண்க.

பகுதி - ஈ

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி:

7 x 5 = 35

41. a) $f(x) = |x| + x$ மற்றும் $g(x) = |x| - x$ என $f, g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ வரையறுக்கப்படின $f \circ g, g \circ f$ காண்க.

(அல்லது)

b) $y = x^2$ என்ற வளைவரையிலிருந்து $y = 3(x-1)^2 + 5$ என்ற வளைவரையை காணும் படிநிலைகளை எழுதுக.

42. a) பகுதி பின்னங்களாக மாற்று $\frac{x^2 + x + 1}{x^2 - 5x + 6}$ (அல்லது)

b) $\log 2 + 16 \log \frac{16}{15} + 12 \log \frac{25}{24} + 7 \log \frac{81}{80} = 1$ என நிறுவுக.

43. a) $\sec \theta + \tan \theta = P$ எனில் $\sec \theta, \tan \theta, \sin \theta$ மதிப்பு காண்க.

(அல்லது)

b) $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ என்பதை கணிதத் தொகுத்தறிதல் முறையில் நிறுவுக.

44. a) $(a+x)^n$ ன் விரிவில் தொடர்ச்சியான 3 உறுப்புகளின் ஈருறுப்புக் கெழுக்களின் விகிதம் 1:7:42 எனில் n ன் மதிப்பு காண்க. (அல்லது)

b) $3x + 2y + 5 = 0$ மற்றும் $3x - 4y + 6 = 0$ ஆகிய கோடுகள் வெட்டும் புள்ளி வழியாகவும் $(1, 1)$ என்ற புள்ளி வழியாகவும் செல்லும் கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

45. a) $\begin{vmatrix} 1 & x^2 & x^3 \\ 1 & y^2 & y^3 \\ 1 & z^2 & z^3 \end{vmatrix} = (x-y)(y-z)(z-x)(xy+yz+2x)$ என நிறுவுக. (அல்லது)

b) மதிப்பு காண்க $\frac{\sqrt{x-1}-2}{x-5}$

46. a) $4\hat{i} + 5\hat{j} + \hat{k} \cdot -\hat{j} - \hat{k} \cdot 3\hat{i} + 9\hat{j} + 4\hat{k} \cdot -4\hat{i} + 4\hat{j} + 4\hat{k}$ ஆகியன ஒரு தள வெக்டர்கள் என நிறுவுக.

(அல்லது)

b) $y = e^{\tan^{-1}x}$ எனில், $(1+x^2)y'' + (2x-1)y' = 0$ என காட்டுக.

47. a) மதிப்பிடுக $\int \frac{1}{x^2 - 2x + 5} dx$ (அல்லது)

b) ஒரு தொழிற்சாலையில் இயந்திரம் I உற்பத்தியில் 40% ம் இயந்திரம் II 60% தயாரிக்கப்படுகிறது. இயந்திரம் I ன் மூலம் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருளில் 4% குறைபாடுள்ளதாகவும், இயந்திரம் II ன் மூலம் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருள்களில் 5% குறைபாடுள்ளதாகவும் இருப்பின், தேர்ந்தெடுக்கப்பட்ட குறைபாடுள்ள ஒரு பொருள் இயந்திரம் II ல் உற்பத்தி செய்ததற்கான நிகழ்தகவு யாது?
