

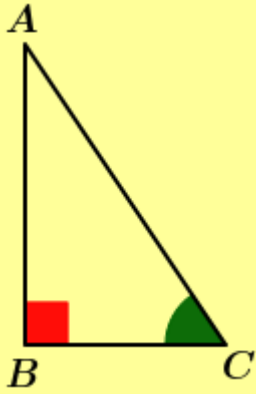
ഓൺലൈൻ ഗണിതക്ലാസ്സ് - X - 59 (13 / 11 /2020)

5 . ത്രികോണമിതി - ക്ലാസ്സ് 11

കഴിഞ്ഞക്ലാസ്സുകളിൽ നാം പഠിച്ചതെന്താണ് ?

$$\sin C = \frac{\text{< C യുടെ എതിർവശം}}{\text{കർണം}}$$

$$\cos C = \frac{\text{< C യുടെ സമീപവശം}}{\text{കർണം}}$$

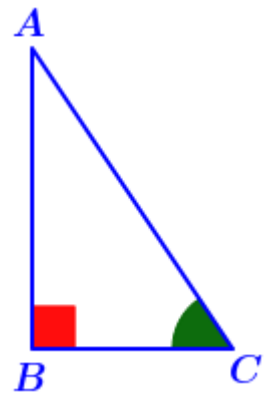


മറ്റൊരുളവ്

മട്ടുത്രികോണങ്ങളിൽ ഒരു കോണിന്റെ എതിർവശത്തെ സമീപവശം കൊണ്ട് ഹരിച്ചു കിട്ടുന്ന സംഖ്യയെ കോണിന്റെ **ടാൻജെന്റ് (tangent)** എന്നു പറയുന്നു . ചുരുക്കി **tan** എന്നാണ് എഴുതുന്നത് .

ത്രികോണം ABC യിൽ $\angle B = 90^\circ$.

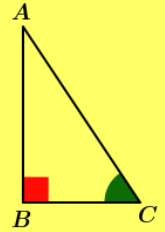
$$\tan C = \frac{\text{< C യുടെ എതിർവശം}}{\text{< C യുടെ സമീപവശം}} = \frac{AB}{BC}$$



NOTE :

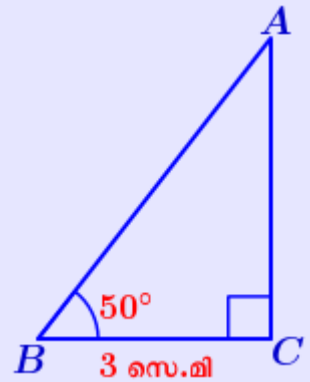
മറ്റൊരു തരത്തിൽ പറഞ്ഞാൽ , മട്ടുത്രികോണത്തിലെ ഒരു ചെറുകോണിന്റെ എതിർവശം, സമീപവശത്തിന്റെ എത്ര ഭാഗമോ , മടങ്ങോ ആണെന്നു കാണിക്കുന്ന സംഖ്യയാണ് ആ കോണിന്റെ ടാൻ .

$$\tan C = \frac{\text{< C യുടെ എതിർവശം}}{\text{< C യുടെ സമീപവശം}}$$



ഈ ആശയവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ചില പ്രശ്നങ്ങൾ നോക്കാം.

(1) ത്രികോണം ABC യിൽ $BC = 3$ സെ.മി , $\angle C = 90^\circ$
 $\angle B = 50^\circ$
 AC യുടെ നീളം കാണുക ?



ഉത്തരം.

$$\tan 50^\circ = \frac{50^\circ \text{ യുടെ എതിർവശം}}{50^\circ \text{ യുടെ സമീപവശം}} = \frac{AC}{BC}$$

$$\tan 50^\circ = \frac{AC}{3}$$

$$3 \times \tan 50^\circ = AC$$

$$AC = 3 \times 1.1918 = 3.5754 \text{ സെ.മി}$$

(2) ചിത്രത്തിൽ മൂന്നാമത്തെ സ്റ്റേപ്പിനു മുകളിലായി ഒരാൾ നിൽക്കുന്നു .ഓരോ സ്റ്റേപ്പിന്റെയും വീതി 20 സെ. മി . സ്റ്റേപ്പിന്റെ ചരിവ് തറയുമായി ഉണ്ടാക്കുന്ന കോൺ 35° ആണ് . തറനിരപ്പിൽ നിന്നും എത്ര ഉയരത്തിലാണ് ആൾ നിൽക്കുന്നത് ?



ഉത്തരം

ത്രികോണം ABC യിൽ , $\angle C = 90^\circ$, $\angle B = 35^\circ$

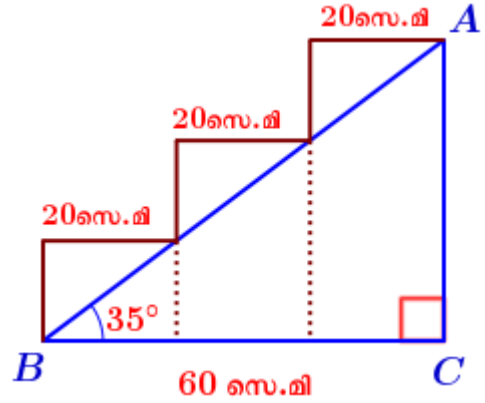
$BC = 20 + 20 + 20 = 60$ സെ .മി

$$\tan 35^\circ = \frac{35^\circ \text{ യുടെ എതിർവശം}}{35^\circ \text{ യുടെ സമീപവശം}} = \frac{AC}{BC}$$

$$\tan 35^\circ = \frac{AC}{60}$$

$$60 \times \tan 35^\circ = AC$$

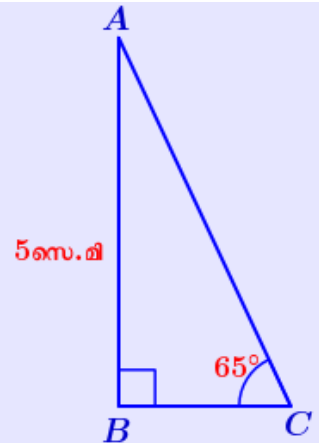
$$AC = 60 \times 0.7002 = 42.012 \text{ സെ.മി}$$



തുടർപ്രവർത്തനങ്ങൾ

(1) ABC എന്ന മട്ടത്രികോണത്തിൽ $AB = 5$ സെ.മി , $\angle C = 65^\circ$

ആയാൽ BC എന്ന വശത്തിന്റെ നീളമെന്ത് ?

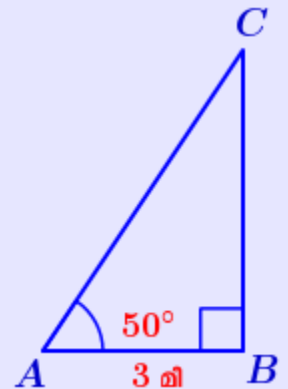


(2) ലംബമായി നിൽക്കുന്ന ഒരു തൂണിന്റെ മുകളിൽ നിന്നും ഒരു കയർ

തറയുമായി 50° കോൺ വരത്തക്കവിധത്തിൽ വലിച്ചുകെട്ടിയിരി

ക്കുന്നു . തൂണിന്റെ ചുവട്ടിൽ നിന്നും 3 മി. അകലെയാണ് കയർ

കെട്ടിയിരിക്കുന്നതെങ്കിൽ തൂണിന്റെ ഉയരം കാണുക ?

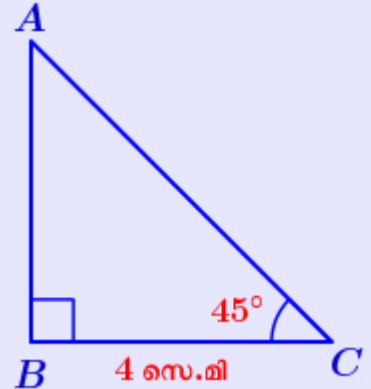


ഓൺലൈൻ ഗണിതക്ലാസ്സ് - X - 59 (13 / 11 /2020)

വർക്ക്ഷീറ്റ്

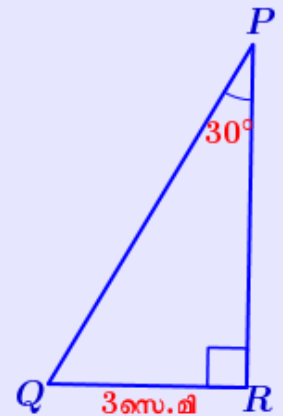
(1) ചിത്രത്തിൽ $BC = 4$ സെ .മി , $\angle B = 90^\circ$, $\angle C = 45^\circ$

- a) $\angle A$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- b) AB യുടെ നീളമെന്ത് ?
- c) ത്രികോണം ABC യുടെ വശങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് $\tan 45^\circ$ കണക്കാക്കുക ?



(2) ചിത്രത്തിൽ $QR = 3$ സെ .മി , $\angle R = 90^\circ$, $\angle P = 30^\circ$

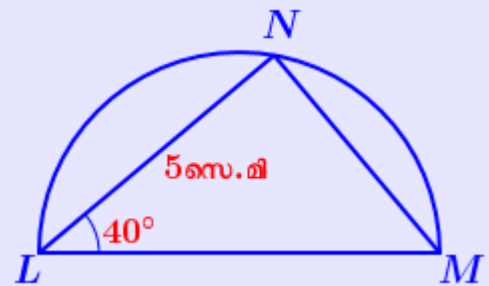
- a) $\angle Q$ ന്റെ അളവെന്ത് ?
- b) PR ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- c) ത്രികോണം PQR ന്റെ വശങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് $\tan 30^\circ$ കണക്കാക്കുക ?
- d) ത്രികോണം PQR ന്റെ വശങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് $\tan 60^\circ$ കണക്കാക്കുക ?



(3) ചിത്രത്തിൽ LM അർദ്ധവൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസമാണ് .

$LN = 5$ സെ .മി , $\angle L = 40^\circ$

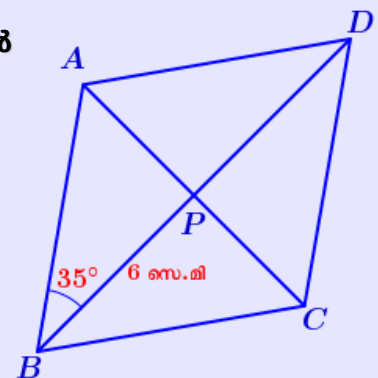
- a) $\angle LNM$ ന്റെ അളവെന്ത് ?
- b) MN ന്റെ നീളമെന്ത് ? (സൂചന : $\tan 40^\circ = 0.84$)



(4) ചിത്രത്തിൽ $ABCD$ ഒരു സമഭുജസമാന്തരികമാണ് . വികർ

ണങ്ങൾ P യിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു . $BP = 6$ സെ .മി , $\angle ABP = 35^\circ$

- a) $\angle APB$ യുടെ അളവെന്ത് ?
- b) BD യുടെ നീളമെന്ത് ?
- c) AP യുടെ നീളമെന്ത് ?
- d) സമഭുജസമാന്തരികത്തിന്റെ പരപ്പളവെന്ത് ?



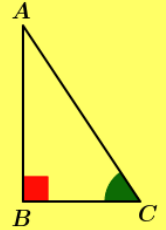
(സൂചന : $\tan 35^\circ = 0.7$)

ഓൺലൈൻ ഗണിതക്ലാസ്സ് - X - 60 (16 / 11 /2020)

5 . ത്രികോണമിതി - ക്ലാസ്സ് 12

കഴിഞ്ഞക്ലാസ്സിൽ നാം പഠിച്ചതെന്താണ് ?

$$\tan C = \frac{\text{< C യുടെ എതിർവശം}}{\text{< C യുടെ സമീപവശം}}$$



ഈ ആശയവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ചില പ്രശ്നങ്ങൾ നോക്കാം.

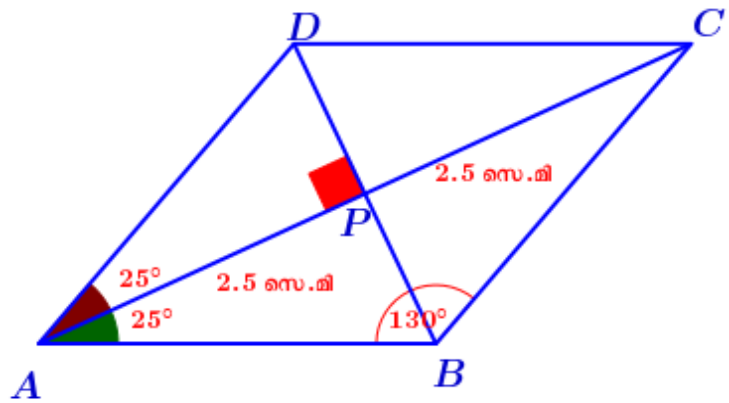
(1) ഒരു സമഭുജസമാന്തരികത്തിന്റെ ഒരു കോൺ 50° ആണ് . വലിയ വികർണം 5 സെ.മി യും ആണ് . അതിന്റെ പരപ്പളവ് എത്രയാണ് ?

ഉത്തരം .

$\angle DAB = 50^\circ$

$AC = 5$ സെ .മി ($\angle ABC = 130^\circ$,

വലിയ കോണിന് എതിരെയുള്ള വികർണമാണ് വലുത്)



$\angle APD = 90^\circ$

$AP = BP = \frac{5}{2} = 2.5$ സെ.മി (ഒരു സമഭുജസമാന്തരികത്തിന്റെ വികർണങ്ങൾ പരസ്പരം ലംബസമഭാഗം ചെയ്യുന്നു)

$\angle DAP = \angle BAP = 25^\circ$ (ഒരു സമഭുജസമാന്തരികത്തിന്റെ വികർണങ്ങൾ കോണുകളെ സമഭാഗം ചെയ്യുന്നു)

മട്ടത്രികോണം APD യിൽ ,

$$\tan 25^\circ = \frac{25^\circ \text{ യുടെ എതിർവശം}}{25^\circ \text{ യുടെ സമീപവശം}} = \frac{DP}{AP}$$

$$\tan 25^\circ = \frac{DP}{2.5}$$

$$DP = 2.5 \times \tan 25^\circ = 2.5 \times 0.4663 \text{ സെ.മി}$$

$$BD = 2 \times DP = 2 \times 2.5 \times 0.4663 \text{ സെ.മി}$$

$$= \frac{1}{2} AC \times BD$$

സമഭുജസാമാന്തരികത്തിന്റെ പരപ്പളവ്

$$= \frac{1}{2} \times 5 \times 2 \times 2.5 \times 0.4663 \text{ ച.സെ.മി}$$

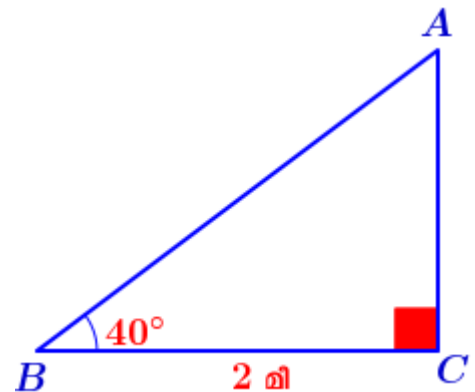
(2) മതിലിന്മേൽ ഒരു ഏണി ചാരിവെച്ചിരിക്കുന്നു . ഏണിയുടെ ചുവട് മതിലിൽ നിന്ന് 2 മീറ്റർ അകലെയാണ് . ഏണിയും തറയുമായുള്ള കോൺ 40° യും . ഏണിയുടെ മുകളറ്റം തറയിൽ നിന്ന് എത്ര ഉയരത്തിലാണ് ?

ഉത്തരം .

ത്രികോണം ACB യിൽ ,

$$\tan 40^\circ = \frac{40^\circ \text{ യുടെ എതിർവശം}}{40^\circ \text{ യുടെ സമീപവശം}} = \frac{AC}{BC}$$

$$\tan 40^\circ = \frac{AC}{2}$$



$$AC = 2 \times \tan 40^\circ = 2 \times 0.8391 = 1.6782 \text{ മി}$$

ഏണിയുടെ മുകളറ്റം തറയിൽ നിന്നുള്ള അകലം = 1.6782 മി.

തുടർപ്രവർത്തനം

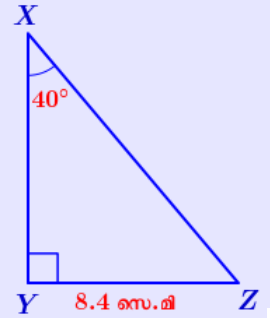
ത്രികോണമിതി പട്ടിക ഉപയോഗിക്കാതെ $\tan 30^\circ$, $\tan 45^\circ$, $\tan 60^\circ$ എന്നീ അളവുകൾ കണ്ടുപിടിക്കുക

ഓൺലൈൻ ഗണിതക്ലാസ്സ് - X - 60 (16 / 11 /2020)

വർക്കുഷീറ്റ്

(1) ചിത്രത്തിൽ $YZ = 8.4$ സെ .മി , $\angle Y = 90^\circ$, $\angle X = 40^\circ$

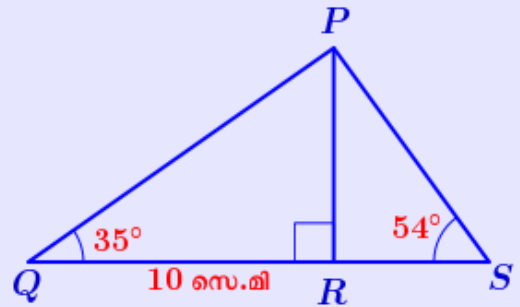
- a) XY യുടെ നീളമെന്ത് ?
 - b) ത്രികോണം XYZ ന്റെ പരപ്പളവെന്ത് ?
- (സൂചന : $\tan 40^\circ = 0.84$)



(2) ചിത്രത്തിൽ $QR = 10$ സെ .മി , $\angle PRQ = 90^\circ$,
 $\angle Q = 35^\circ$, $\angle S = 54^\circ$

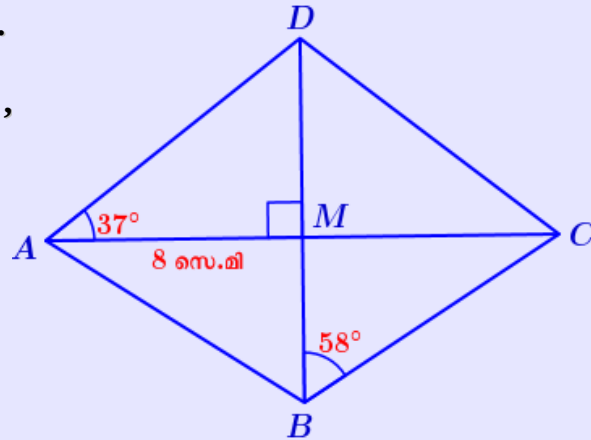
- a) PR ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- b) RS ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- c) ത്രികോണം PQS ന്റെ പരപ്പളവെന്ത് ?

(സൂചന : $\tan 35^\circ = 0.7$, $\tan 54^\circ = 1.4$)



(3) ചിത്രത്തിൽ AC യുടെ മധ്യബിന്ദുവാണു് M .
 $AM = 8$ സെ .മി , $\angle AMD = 90^\circ$, $\angle DAM = 37^\circ$,
 $\angle CBM = 58^\circ$

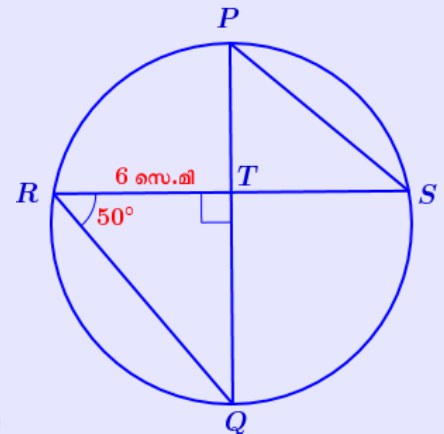
- a) DM ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- b) BM ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- c) ത്രികോണം ADC യുടെ പരപ്പളവെന്ത് ?
- d) ചതുർഭുജം ABCD യുടെ പരപ്പളവെന്ത് ? (സൂചന : $\tan 37^\circ = 0.75$, $\tan 58^\circ = 1.6$)



(4) ചിത്രത്തിൽ PQ വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസമാണു് .

$RT = 6$ സെ .മി , $\angle QTR = 90^\circ$, $\angle QRT = 50^\circ$

- a) QT യുടെ നീളമെന്ത് ?
- b) $\angle QPS$ ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- c) TS ന്റെ നീളമെന്ത് ?
- d) PQ ന്റെ നീളമെന്ത് ? (സൂചന : $\tan 50^\circ = 1.2$)



ഓൺലൈൻ ഗണിതക്ലാസ്സ് - X - 64(23 / 11 /2020)

വർക്ക്ഷീറ്റ്

- (1) മനുവും നന്ദുവും ഒരു കെട്ടിടത്തിന്റെ ഇരുവശങ്ങളിലായാണ് നിൽക്കുന്നത് .കുട്ടികളും കെട്ടിടവും ഒരേവരിയിലുമാണ് . കെട്ടിടത്തിന്റെ മുകളറ്റം മനു 45° മേൽക്കോണിലും നന്ദു 60° മേൽക്കോണിലും കാണുന്നു.കുട്ടികൾ തമ്മിലുള്ള അകലം 100 മീറ്ററാണ് .
- a) മുകളിൽ സൂചിപ്പിച്ച വസ്തുതകൾ അടിസ്ഥാനമാക്കി ഒരു ഏകദേശചിത്രം വരയ്ക്കുക ?
- b) കെട്ടിടത്തിന്റെ ഉയരമെന്ത് ?
- (2) രണ്ടാളുകൾ ഒരു കുന്നിന്റെ ഇരുവശങ്ങളിലായാണ് നിൽക്കുന്നത് .ആളുകളും കുന്നും ഒരേവരി യിലുമാണ് . കുന്നിന്റെ മുകളറ്റം ഒന്നാമത്തെ ആൾ 60° മേൽക്കോണിലും രണ്ടാമത്തെ ആൾ 30° മേൽക്കോണിലുംകാണുന്നു.ആളുകൾ തമ്മിലുള്ള അകലം 400 മീറ്ററാണ് .
- a)മുകളിൽ സൂചിപ്പിച്ച വസ്തുതകൾ അടിസ്ഥാനമാക്കി ഒരു ഏകദേശചിത്രം വരയ്ക്കുക ?
- b) കുന്നിന്റെ ഉയരമെന്ത് ?
- (3) ഗീതയും രാധയും ഒരു ടവറിന്റെ ഇരുവശത്തുമായി നിൽക്കുന്നു.കുട്ടികളും ടവറും ഒരേ വരിയിലുമാണ് . ടവറിന്റെ മുകളറ്റം ഗീത 35° മേൽക്കോണിലുംരാധ 50° മേൽക്കോണിലും കാണുന്നുകുട്ടികൾ തമ്മിലുള്ള അകലം 190 മീറ്ററാണ്.
- a) മുകളിൽ സൂചിപ്പിച്ച വസ്തുതകൾ അടിസ്ഥാനമാക്കി ഒരു ഏകദേശചിത്രം വരയ്ക്കുക ?
- b) ടവറിന്റെ ഉയരമെന്ത് ? (സൂചന : $\tan 35^\circ = 0.7$, $\tan 50^\circ = 1.2$)
- (4) രണ്ട് കുട്ടികൾ ഒരു കുന്നിന്റെ ഇരുവശത്തുമായി നിൽക്കുന്നു . കുട്ടികളും കുന്നും ഒരേവരിയിലുമാണ് . കുന്നിന്റെ മുകളറ്റം ഒന്നാമത്തെ കുട്ടി 52° മേൽക്കോണിലും രണ്ടാമത്തെ കുട്ടി 72° മേൽക്കോണിലും കാണുന്നു.കുട്ടികൾ തമ്മിലുള്ള അകലം 440 മീറ്ററാണ് .
- a) മുകളിൽ സൂചിപ്പിച്ച വസ്തുതകൾ അടിസ്ഥാനമാക്കി ഒരു ഏകദേശചിത്രം വരയ്ക്കുക ?
- b) കുന്നിന്റെ ഉയരമെന്ത് ? (സൂചന : $\tan 52^\circ = 1.3$, $\tan 72^\circ = 3.1$)

ഓൺലൈൻ ഗണിതക്ലാസ്സ് - X - 64(23 / 11 /2020)

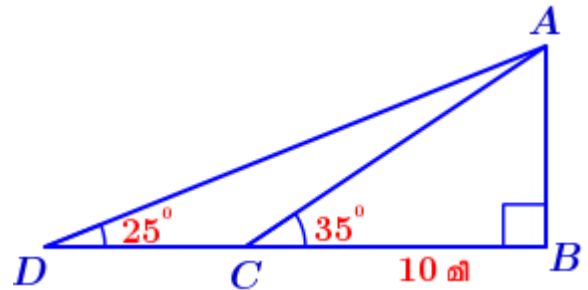
5 . ത്രികോണമിതി - ക്ലാസ്സ് 16

1. സൂര്യൻ 35° മേൽക്കോണിൽ കാണപ്പെടുമ്പോൾ ഒരു മരത്തിന്റെ നിഴലിന് 10 മീറ്റർ നീളമുണ്ട് . സൂര്യൻ 25° മേൽക്കോണിൽ കാണുമ്പോൾ ഈ മരത്തിന്റെ നിഴലിന്റെ നീളം കണക്കാക്കുക ?

ഉത്തരം

മരത്തിന്റെ ഉയരം = AB

മട്ടത്രികോണം ABC യിൽ ,



$$\tan 35^\circ = \frac{35^\circ \text{ യുടെ എതിർവശം}}{35^\circ \text{ യുടെ സമീപവശം}} = \frac{AB}{BC}$$

$$\tan 35^\circ = \frac{AB}{10}$$

$$10 \times \tan 35^\circ = AB$$

$$AB = 10 \times 0.70 = 7 \text{ മീ}$$

മട്ടത്രികോണം ABD യിൽ ,

$$\tan 25^\circ = \frac{25^\circ \text{ യുടെ എതിർവശം}}{25^\circ \text{ യുടെ സമീപവശം}} = \frac{AB}{BD}$$

$$\tan 25^\circ = \frac{7}{BD}$$

$$BD \times \tan 25^\circ = 7$$

$$BD = \frac{7}{\tan 25^\circ} = \frac{7}{0.4663} \text{ മീ} = \text{സൂര്യൻ } 25^\circ \text{ മേൽക്കോണിൽ കാണുമ്പോൾ}$$

മരത്തിന്റെ നിഴലിന്റെ നീളം

2. ഒരു വൈദ്യുതിത്തൂണിന്റെ മുകളിൽ നിന്നും ഇരു വശത്തേക്കും കയറുകൾ വലിച്ചു കെട്ടിയിരിക്കുന്നു .കയറുകളുടെ അറ്റങ്ങൾ തമ്മിൽ 25 മീറ്റർ അകലമുണ്ട് . കയറുകളുടെ അറ്റങ്ങൾ തറയുമായി 55° , 40° കോണുകൾ ഉണ്ടാകുന്നു .

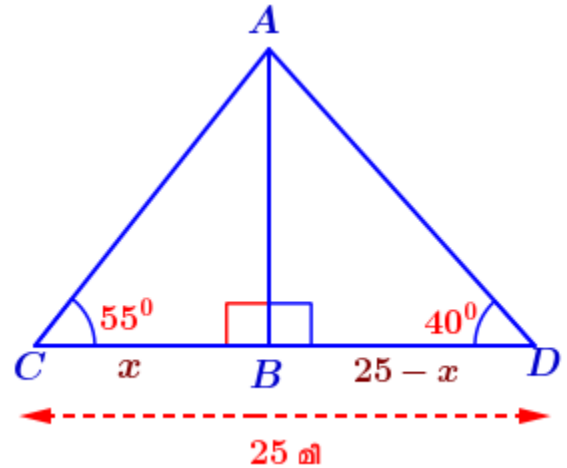
വൈദ്യുതിത്തൂണിന്റെ ഉയരമെത്ര ?

ഉത്തരം

കഴയുടെ ഉയരം = AB

മട്ടത്രികോണം ABC യിൽ ,

$$\tan 55^\circ = \frac{55^\circ \text{ യുടെ എതിർവശം}}{55^\circ \text{ യുടെ സമീപവശം}} = \frac{AB}{BC}$$



$$\tan 55^\circ = \frac{AB}{x}$$

$$AB = x \times \tan 55^\circ = x \times 1.43 = 1.43x \quad \text{-----} \quad (1)$$

മട്ടത്രികോണം ABD യിൽ ,

$$\tan 40^\circ = \frac{40^\circ \text{ യുടെ എതിർവശം}}{40^\circ \text{ യുടെ സമീപവശം}} = \frac{AB}{BD}$$

$$\tan 40^\circ = \frac{AB}{25-x}$$

$$AB = (25-x) \tan 40^\circ = 25 \times \tan 40^\circ - x \times \tan 40^\circ$$

$$= 25 \times 0.84 - x \times 0.84 = 21 - 0.84x \quad \text{-----} \quad (2)$$

സമവാക്യങ്ങൾ 1, 2 ൽ നിന്നും AB യുടെ വിലകൾ തുല്യപ്പെടുത്തിയാൽ ,

$$1.43x = 21 - 0.84x$$

$$1.43x + 0.84x = 21$$

$$2.27 x = 21$$

$$x = \frac{21}{2.27}$$

$$\text{വെദ്യുതിത്തൂണിന്റെ ഉയരം} = AB = 1.43 x = 1.43 \times \frac{21}{2.27} \text{ മി}$$

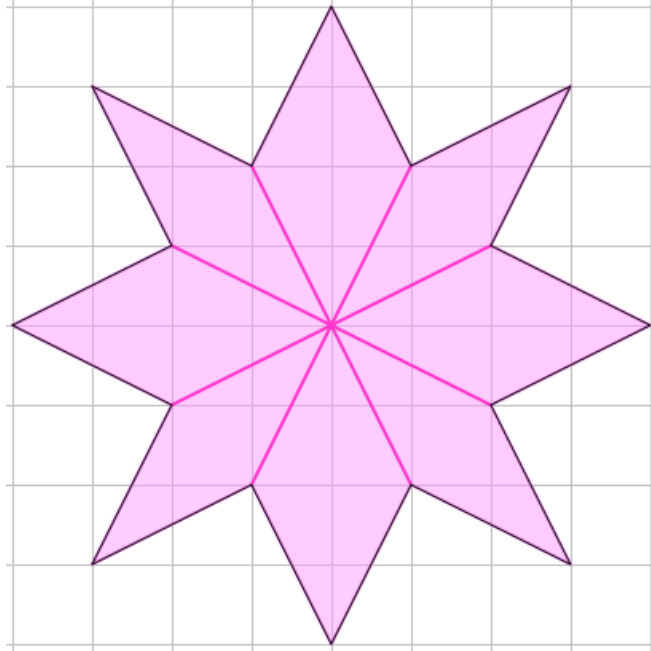
തുടർപ്രവർത്തനം

1.5 മീറ്റർ ഉയരമുള്ള ഒരു കുട്ടി പണിതുകൊണ്ടിരിക്കുന്ന ഒരു കെട്ടിടത്തിന്റെ മുകളറ്റം 30° മേൽക്കോണിൽ കാണുന്നു . 10 മീറ്റർ കുടി ഉയരത്തിൽ പണിതപ്പോൾ കെട്ടിടം പൂർത്തിയായി. ഇപ്പോൾ ഇതേ സ്ഥലത്തു നിന്നും കുട്ടി 60° മേൽക്കോണിൽ കണ്ടു .
കെട്ടിടത്തിന്റെ ഉയരമെത്ര ?

ഓൺലൈൻ ഗണിതക്ലാസ്സ് - X - 66 (26 / 11 /2020)

6 . സൂചകസംഖ്യകൾ - ക്ലാസ്സ് 1

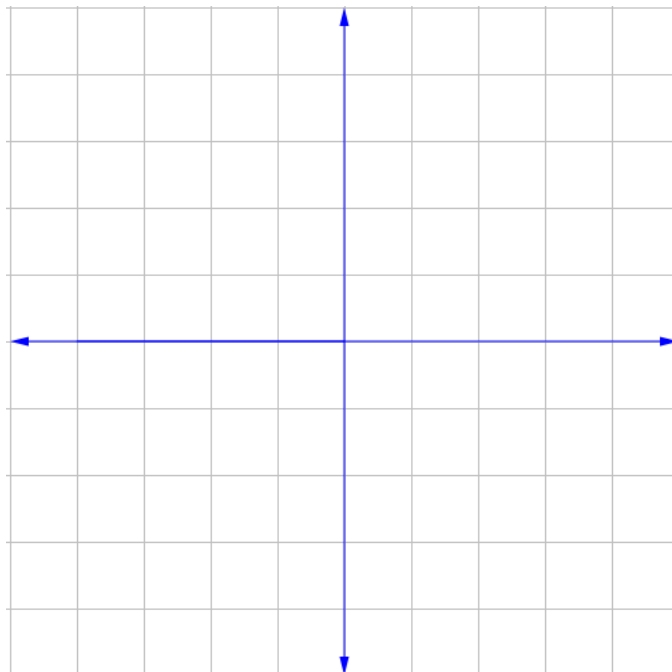
പ്രവർത്തനം 1



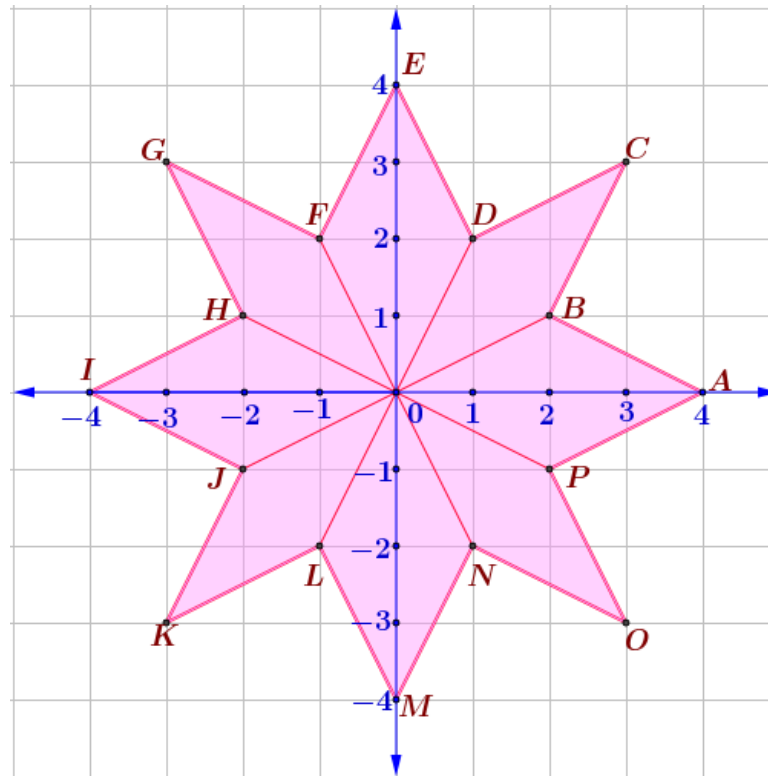
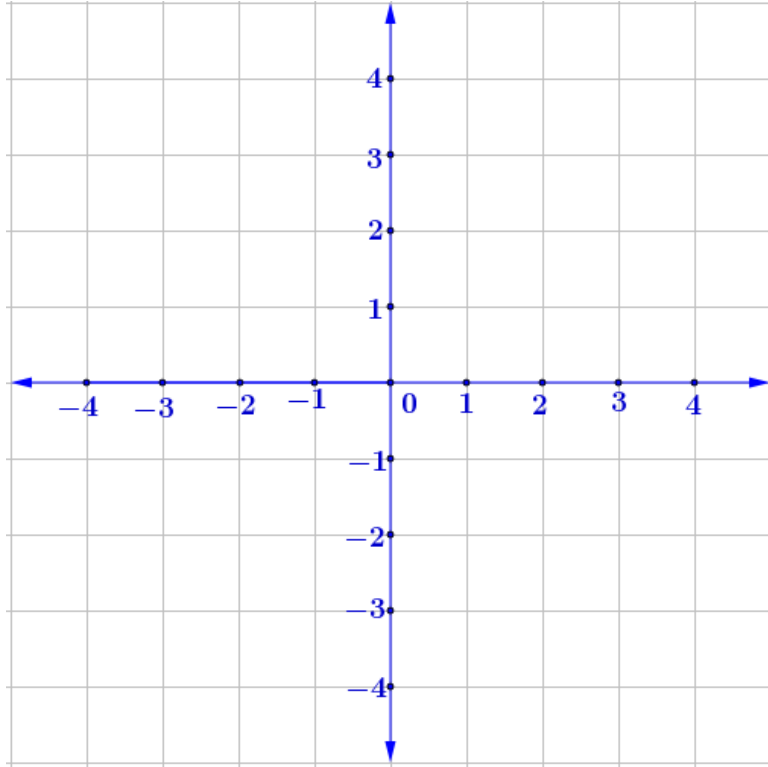
ഈ ചിത്രം നോട്ടുബുക്കിലേക്ക് വരക്കുക ?

നെടുകെയും കുറുകെയും വരകൾ വരച്ചു ചെറുസമചതുരങ്ങളുണ്ടാക്കിയാണ് ഈ ചിത്രം വരക്കുന്നത് .

അതിനായി ആദ്യം വിലങ്ങനെ ഒരു വര വരക്കുക . ഈ വരക്ക് ലംബമായി ഒരു വര കൂടി വരക്കുക .



- ഈ രണ്ടു വരകളും കൂട്ടിമുട്ടുന്ന ബിന്ദുവിനെ പൂജ്യം കൊണ്ട് സൂചിപ്പിക്കാം
- പൂജ്യത്തിൽ നിന്ന് വലത്തേക്കുള്ള അകലങ്ങൾ അധിസംഖ്യകളായി എടുക്കുക
- പൂജ്യത്തിൽ നിന്ന് ഇടത്തേക്കുള്ള അകലങ്ങൾ ന്യൂനസംഖ്യകളായി എടുക്കുക
- പൂജ്യത്തിൽ നിന്ന് മേലോട്ടുള്ള അകലങ്ങൾ അധിസംഖ്യകളായി എടുക്കുക
- പൂജ്യത്തിൽ നിന്ന് കീഴോട്ടുള്ള അകലങ്ങൾ ന്യൂനസംഖ്യകളായി എടുക്കുക എടുക്കുക



ഈ ചിത്രത്തിന്റെ മൂലകൾക്ക് A, B, C, D, E, F, G, H, I, J, K, L, M, N, O, P എന്നീ പേരുകൾ നൽകിയിരിക്കുന്നു .

ഇവിടെ പുഷ്പത്തിൽ നിന്നും 2 കളം വലത്തും 1 കളം മേലോട്ടും നീങ്ങിയാണ് B എന്ന ബിന്ദു . അതുകൊണ്ട് B എന്ന ബിന്ദുവിനെ (2 , 1) എന്ന സംഖ്യാജോടി കൊണ്ട് സൂചിപ്പിക്കുന്നു . ഇതു പോലെ മറ്റു ബിന്ദുക്കളെയും സംഖ്യാജോടികൾ കൊണ്ട് സൂചിപ്പിക്കാം .

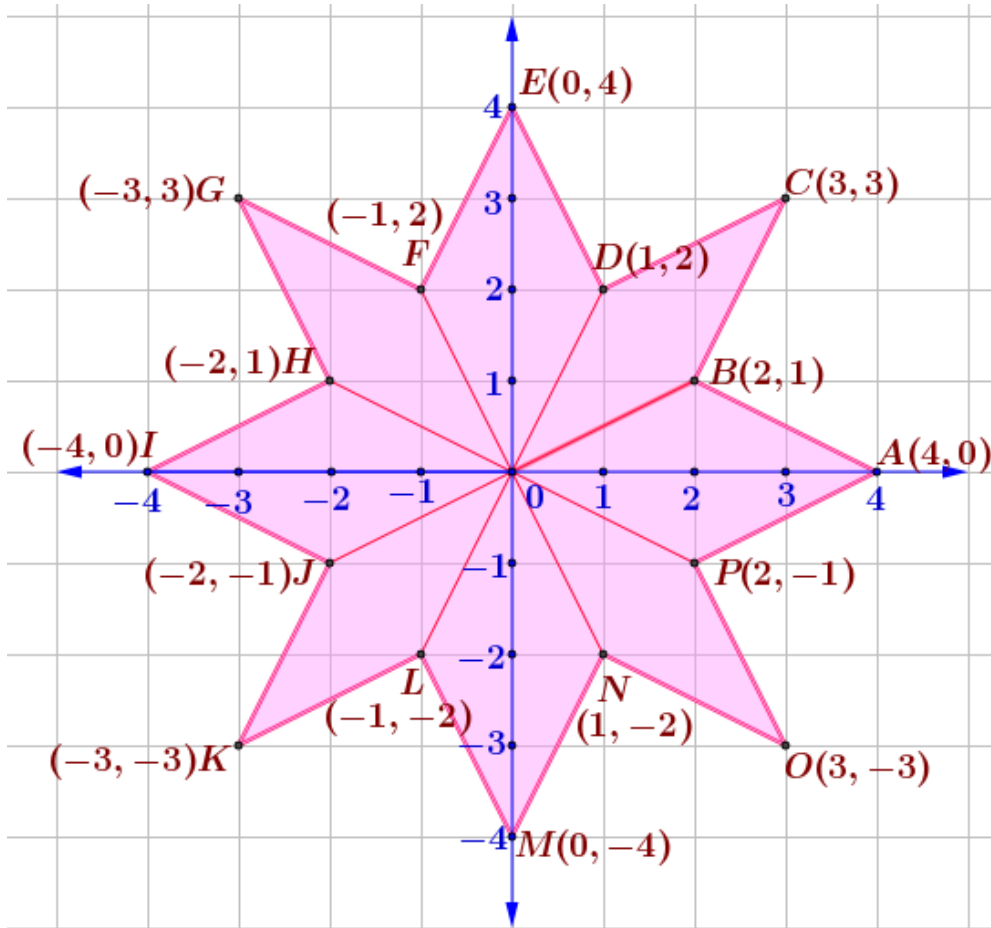
ബിന്ദു	പുഷ്പത്തിൽ നിന്നുള്ള സ്ഥാനം	ബിന്ദുവിനെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന സംഖ്യാജോടി
B	2 കളം വലത്തും 1 കളം മേലോട്ടും നീങ്ങി	(2 , 1)
C	3 കളം വലത്തും 3 കളം മേലോട്ടും നീങ്ങി	(3 , 3)
D	1 കളം വലത്തും 2 കളം മേലോട്ടും നീങ്ങി	(1 , 2)
F	1 കളം ഇടത്തും 2 കളം മേലോട്ടും നീങ്ങി	(- 1 , 2)
G	3 കളം ഇടത്തും 3 കളം മേലോട്ടും നീങ്ങി	(- 3 , 3)
H	2 കളം ഇടത്തും 1 കളം മേലോട്ടും നീങ്ങി	(- 2 , 1)
J	2 കളം ഇടത്തും 1 കളം താഴോട്ടും നീങ്ങി	(- 2 , - 1)
K	3 കളം ഇടത്തും 3 കളം താഴോട്ടും നീങ്ങി	(- 3 , - 3)
L	1 കളം ഇടത്തും 2 കളം താഴോട്ടും നീങ്ങി	(- 1 , - 2)
N	1 കളം വലത്തും 2 കളം താഴോട്ടും നീങ്ങി	(1 , - 2)
O	3 കളം വലത്തും 3 കളം താഴോട്ടും നീങ്ങി	(3 , - 3)
P	2 കളം വലത്തും 1 കളം താഴോട്ടും നീങ്ങി	(2 , - 1)

എന്നാൽ , പുഷ്പത്തിൽ നിന്നും മേലോട്ടോ കീഴോട്ടോ നീങ്ങാതെ 4 സെ.മീ അകലെ വലതു വശത്താണ് A എന്ന ബിന്ദു

അതുകൊണ്ട് A എന്ന ബിന്ദുവിനെ $(4, 0)$ എന്ന സംഖ്യാജോടി കൊണ്ട് സൂചിപ്പിക്കുന്നു .
 അതുപോലെ , പൂജ്യത്തിൽ നിന്നും ഇടത്തോട്ടോ വലത്തോട്ടോ നീങ്ങാതെ 4 സെ.മി മേലെ
 യാണ് E എന്ന ബിന്ദു .

അതുകൊണ്ട് E എന്ന ബിന്ദുവിനെ $(0, 4)$ എന്ന സംഖ്യാജോടി കൊണ്ട് സൂചിപ്പിക്കുന്നു .

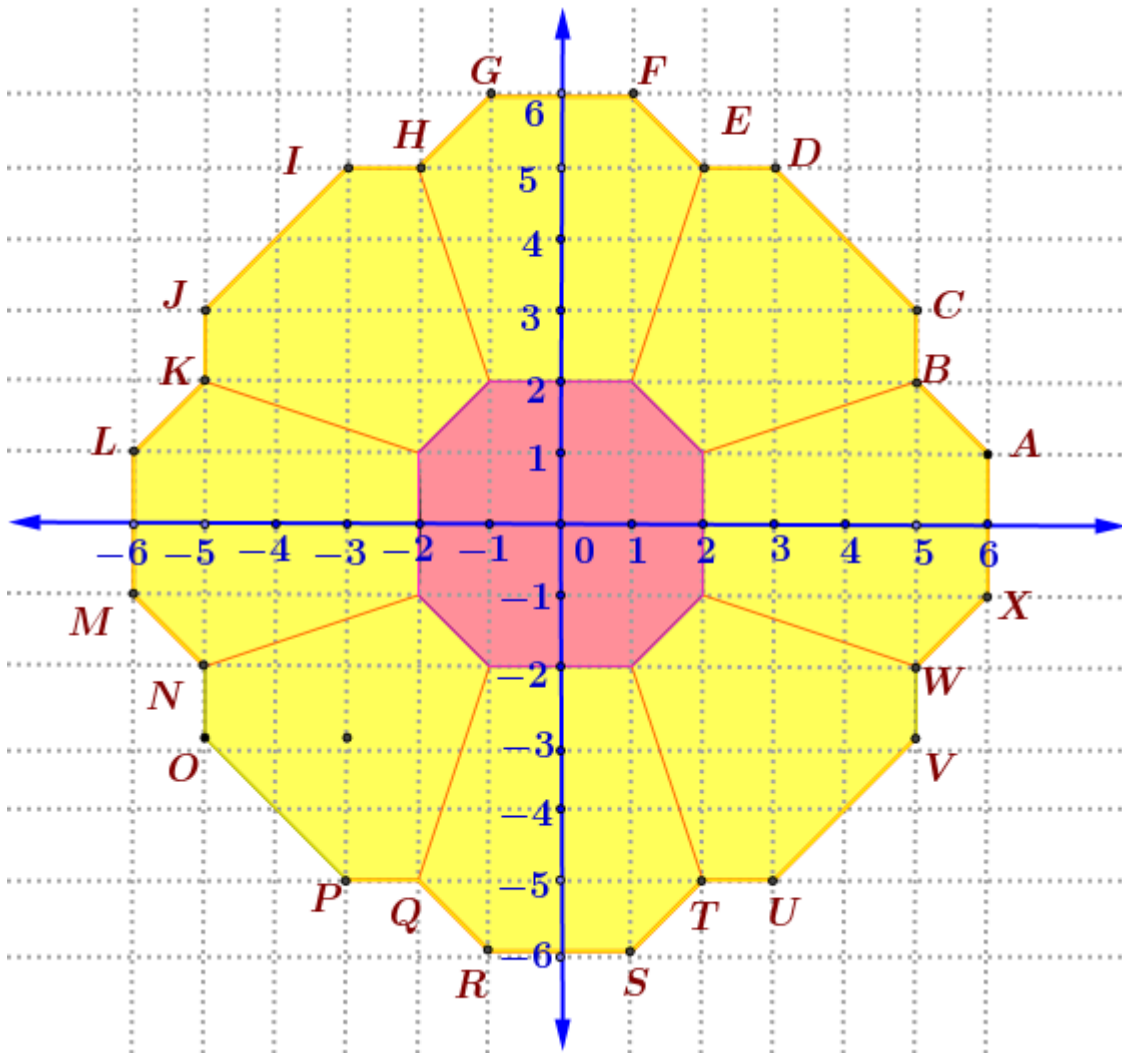
ബിന്ദു	പൂജ്യത്തിൽ നിന്നുള്ള സ്ഥാനം	ബിന്ദുവിനെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന സംഖ്യാജോടി
A	മേലോട്ടോ കിഴോട്ടോ നീങ്ങാതെ 4 സെ.മി അകലെ വലതുവശത്ത്	$(4, 0)$
I	മേലോട്ടോ കിഴോട്ടോ നീങ്ങാതെ 4 സെ.മി അകലെ ഇടതുവശത്ത്	$(-4, 0)$
E	ഇടത്തോട്ടോ വലത്തോട്ടോ നീങ്ങാതെ 4 സെ.മി മേലെ	$(0, 4)$
M	ഇടത്തോട്ടോ വലത്തോട്ടോ നീങ്ങാതെ 4 സെ.മി കീഴെ	$(0, -4)$



കണ്ടെത്തൽ

- ബിന്ദുക്കളെ സംഖ്യാജോടികൾ കൊണ്ട് അടയാളപ്പെടുത്തുമ്പോൾ ആദ്യത്തെ സംഖ്യ പുജ്യത്തിൽ നിന്ന് വലതോ ഇടതോ ഉള്ള അകലത്തെ സൂചിപ്പിക്കുന്നു .
- ബിന്ദുക്കളെ സംഖ്യാജോടികൾ കൊണ്ട് അടയാളപ്പെടുത്തുമ്പോൾ രണ്ടാമത്തെ സംഖ്യ പുജ്യത്തിൽ നിന്ന് മേലോട്ടോ കീഴോട്ടോ ഉള്ള അകലത്തെ സൂചിപ്പിക്കുന്നു .
- പുജ്യത്തിൽ നിന്ന് വലതും മേലും അകലങ്ങൾ അധിസംഖ്യകളായി എടുക്കണം .
- പുജ്യത്തിൽ നിന്ന് ഇടതും കീഴും അകലങ്ങൾ ന്യൂനസംഖ്യകളായി എടുക്കണം .

താഴെത്തന്നിരിക്കുന്ന ചിത്രത്തിലെ A മുതൽ X വരെയുള്ള മൂലകളുടെ സംഖ്യാജോടികൾ കണ്ടുപിടിക്കുക



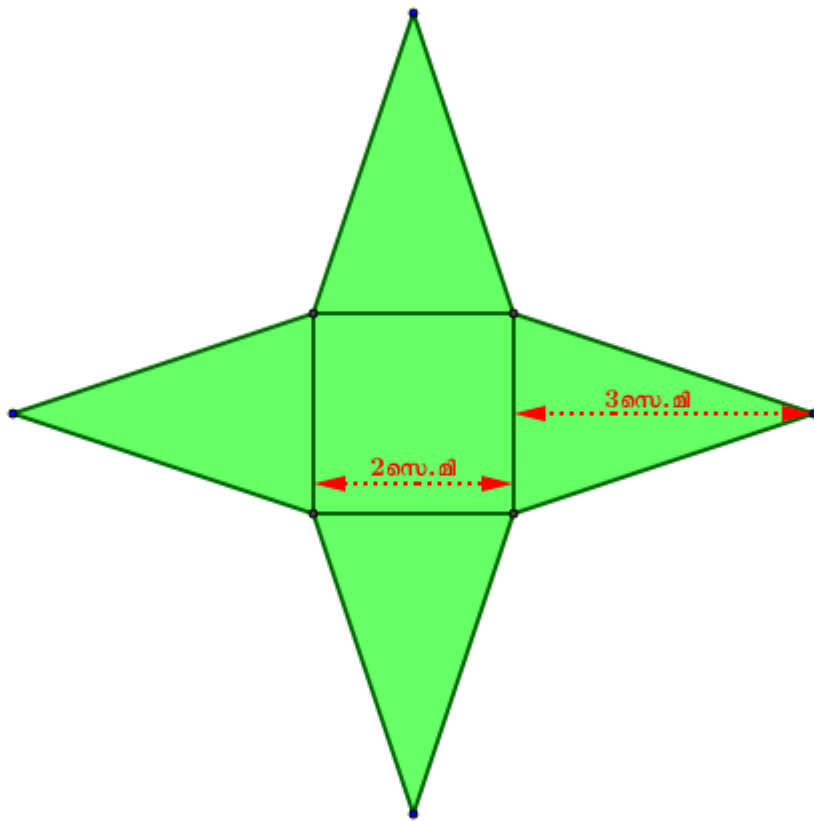
ഉത്തരം

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
(6,1)	(5,2)	(5,3)	(3,5)	(2,5)	(1,6)	(-1,6)	(-2,5)	(-3,5)	(-5,3)

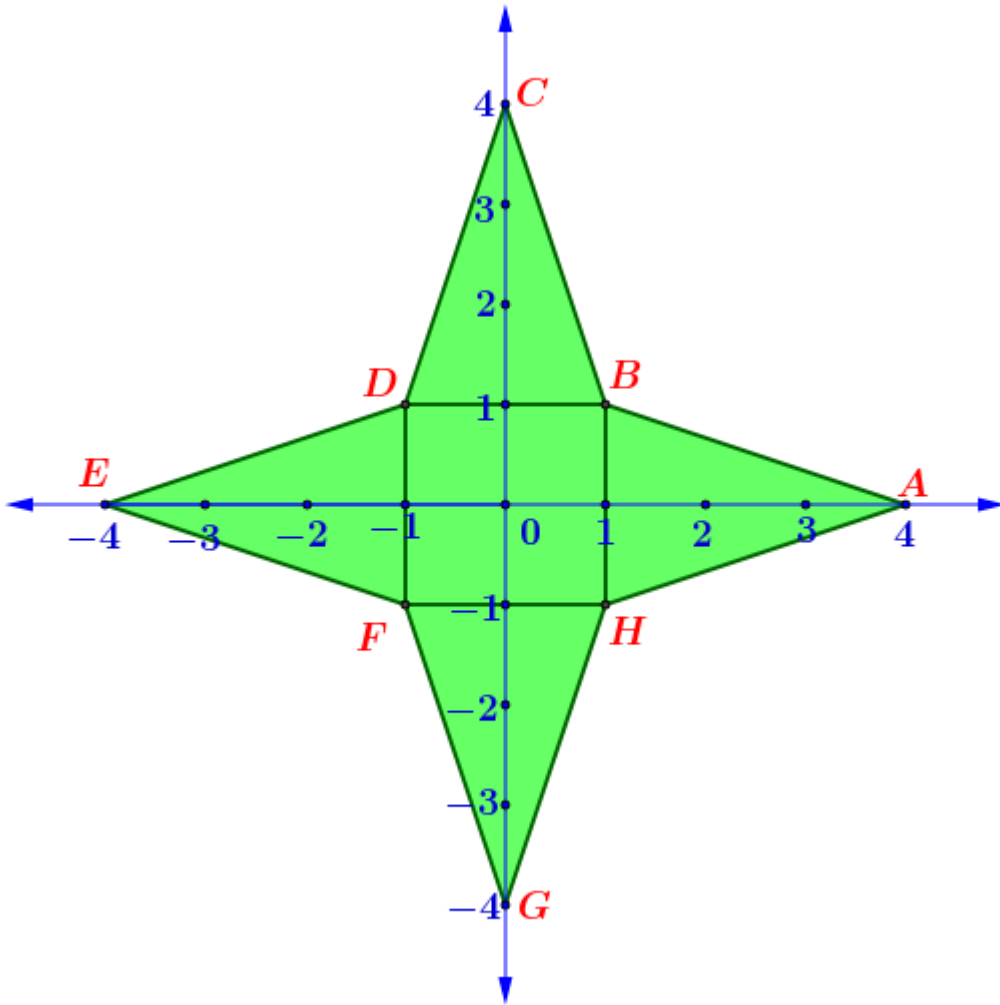
K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
(-5,2)	(-6,1)	(-6,-1)	(-5,-2)	(-5,-3)	(-3,-5)	(-2,-5)	(-1,-6)	(1,-6)	(2,-5)

U	V	W	X
(3,-5)	(5,-3)	(5,-2)	(6,-1)

പ്രവർത്തനം 2



ഈ ചിത്രം വരച്ച് മൂലകളെല്ലാം സംഖ്യാജോടികൾ ഉപയോഗിച്ച് അടയാളപ്പെടുത്തുക ?



ഇവിടെ മൂലകളുടെ സംഖ്യാജോടി കണ്ടുപിടിക്കാൻ കഴിഞ്ഞ പ്രവർത്തനത്തിൽ ചെയ്തതു പോലെ ആദ്യം നെടുകെ (വിലങ്ങനെ) ഒരു വര വരക്കുക . ഈ വരക്ക് ലംബമായി ഒരു വര കൂടി വരക്കുക . നെടുകെയും കുറുകെയും വരകൾ വെച്ച് ചെറുസമചതുരങ്ങളുണ്ടാക്കി യല്ലാതെ മറ്റൊരു രീതിയിലും മൂലകളുടെ സംഖ്യാജോടികൾ കണ്ടുപിടിക്കാം .

ഇവിടെ പൂജ്യത്തിൽ നിന്നും 1 സെ.മി വലത്തും , അവിടെ നിന്ന് 1 സെ.മി മുകളിലുമാണ്

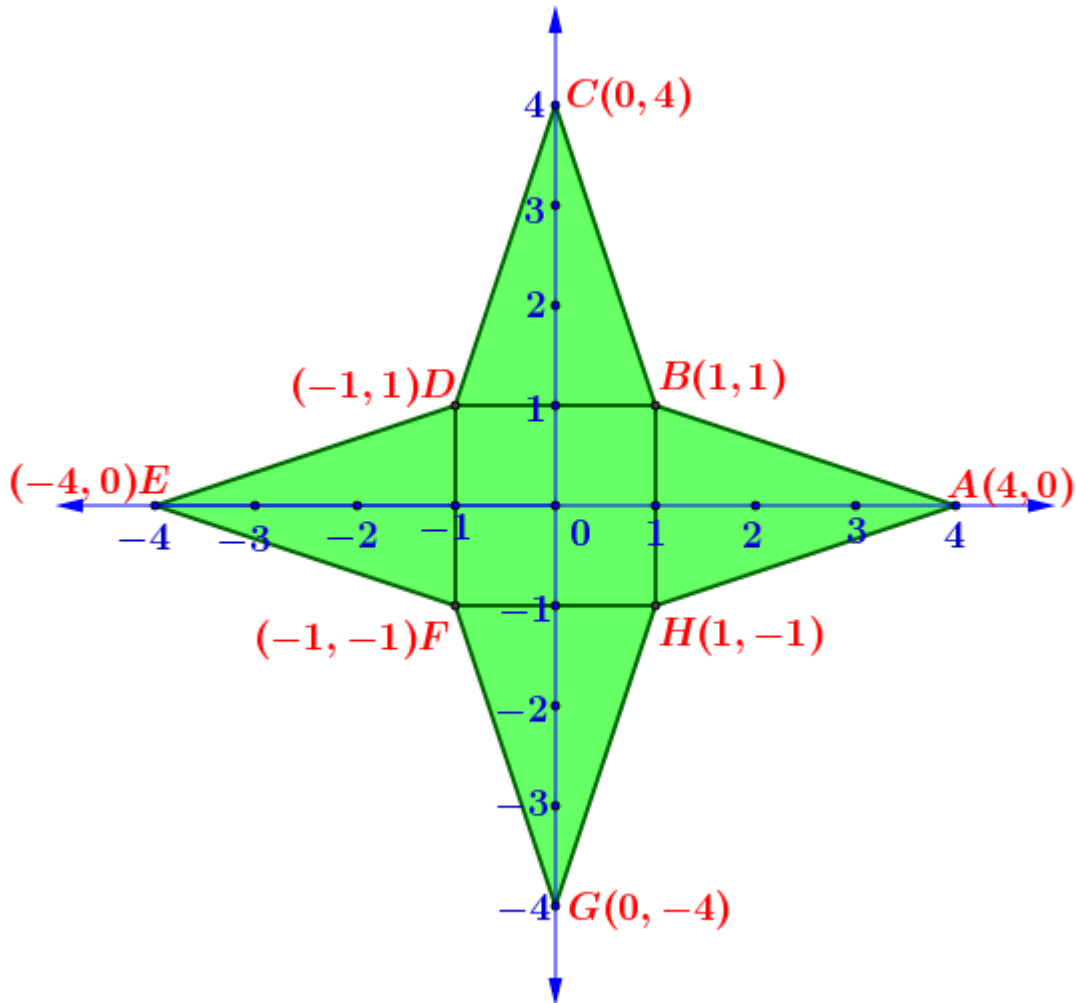
B എന്ന ബിന്ദു . അപ്പോൾ അതിന്റെ സംഖ്യാജോടി $(1 , 1)$

പൂജ്യത്തിൽ നിന്നും മേലോട്ടോ കീഴോട്ടോ നീങ്ങാതെ 4 സെ .മി വലത്താണ് A എന്ന ബിന്ദു .

അപ്പോൾ A യുടെ സംഖ്യാജോടി $(4 , 0)$

ബിന്ദു	പുജ്യത്തിൽ നിന്നുള്ള സ്ഥാനം	ബിന്ദുവിനെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന സംഖ്യാജോടി
B	1 സെ.മി വലത്തും , അവിടെ നിന്ന് 1 സെ. .മി മുകളിലും	(1 , 1)
D	1 സെ.മി ഇടത്തും , അവിടെ നിന്ന് 1 സെ. .മി മുകളിലും	(- 1 , 1)
F	1 സെ.മി ഇടത്തും , അവിടെ നിന്ന് 1 സെ. .മി താഴെയും	(- 1 , - 1)
H	1 സെ.മി വലത്തും , അവിടെ നിന്ന് 1 സെ. .മി താഴെയും	(1 , - 1)

A , C , E , G എന്നീ മൂലകളുടെ സംഖ്യാജോടികൾ കണ്ടുപിടിക്കുന്നത് കഴിഞ്ഞ പ്രവർത്തനത്തിലേതുപോലെ തന്നെ .



ക്രോഡീകരണം

ബിന്ദുക്കളുടെ സ്ഥാനം അടയാളപ്പെടുത്താനായി പരസ്പരം ലംബമായി വരകുറന്ന വരകൾക്ക് സൂചകാക്ഷങ്ങൾ (axes of co-ordinates) എന്നു പറയുന്നു .
വിലങ്ങനെയുള്ള വരയെ x അക്ഷമെന്നും (x axis) , കുത്തനെയുള്ള വരയെ y അക്ഷമെന്നും (y axis) പറയുന്നു .
അക്ഷങ്ങൾ വരച്ചു കഴിഞ്ഞാൽ , ഏതു ബിന്ദുവിന്റെ സ്ഥാനവും സംഖ്യാജോടിയായി എഴുതാം . ഈ സംഖ്യകളെ ബിന്ദുവിന്റെ സൂചകസംഖ്യകൾ (co -ordinates) എന്ന് പറയുന്നു

തുടർപ്രവർത്തനം



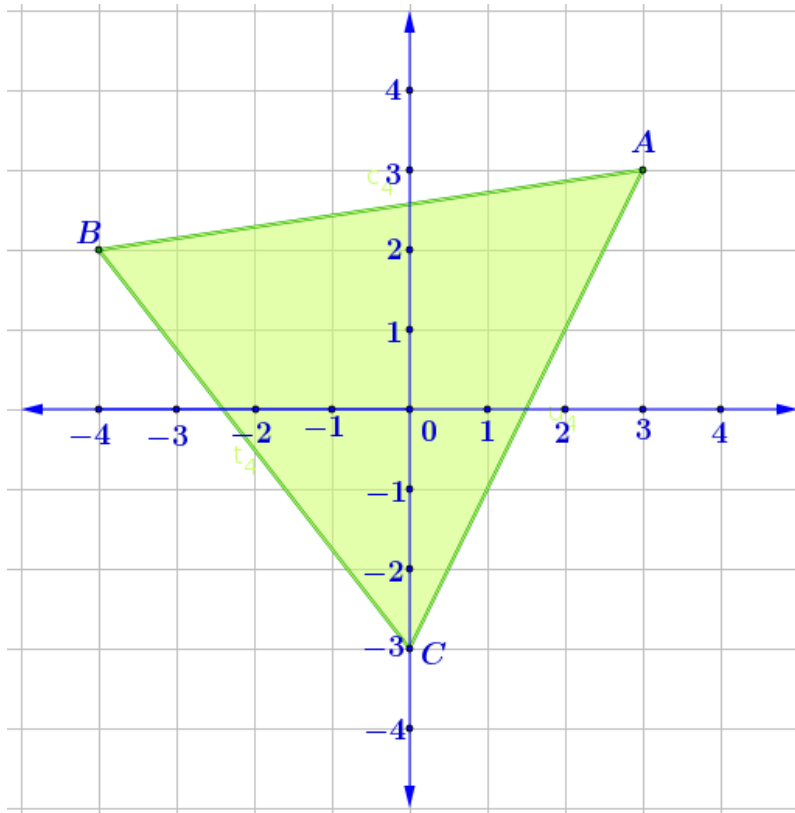
അക്ഷങ്ങൾ വരച്ച് ചിത്രത്തിലെ രണ്ട് ചതുരങ്ങളുടെയും മൂലകളുടെ സൂചകസംഖ്യകൾ കണ്ടു പിടിക്കുക

ഓൺലൈൻ ഗണിതക്ലാസ്സ് - X - 66 (26 / 11 /2020)

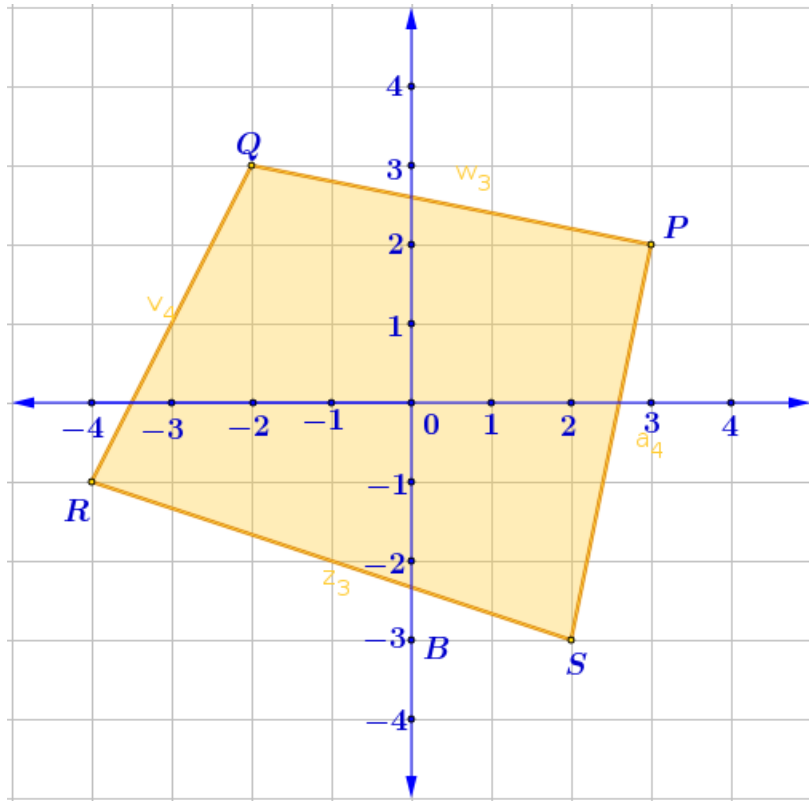
വർക്കുഷീറ്റ്

ചിത്രത്തിലെ ബഹുഭുജങ്ങളുടെ മൂലകളുടെ സൂചകസംഖ്യകൾ എഴുതുക ?

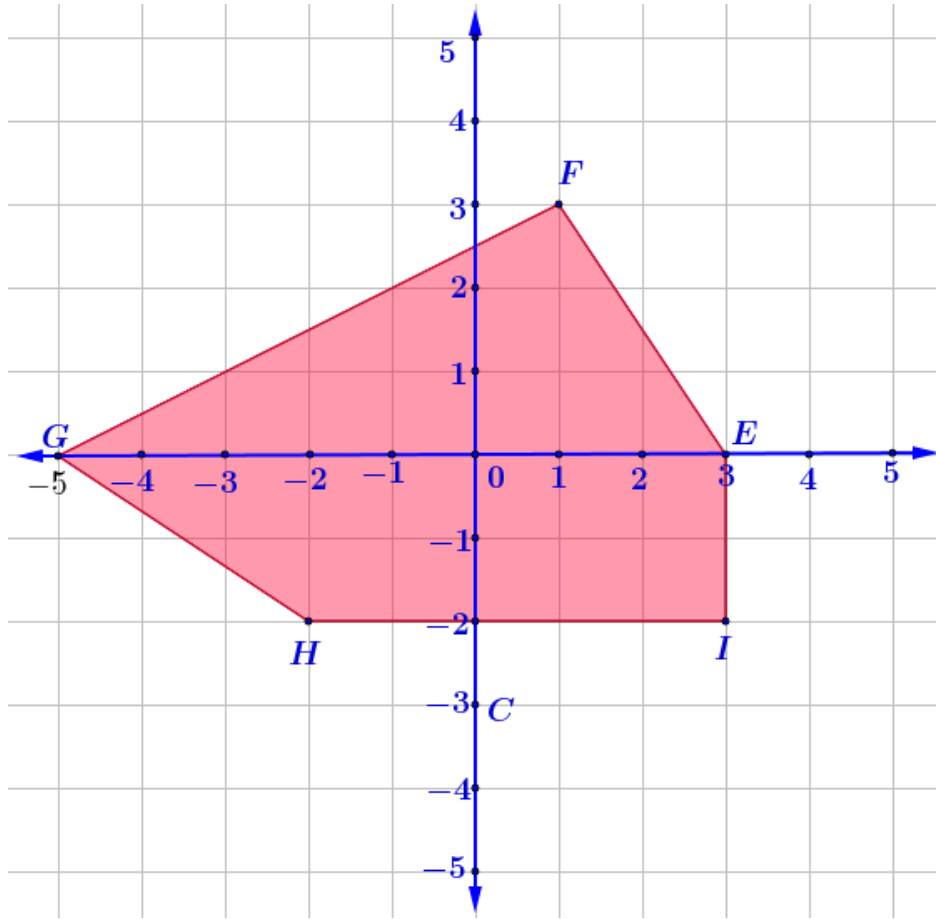
a)



b)



c)



d)

