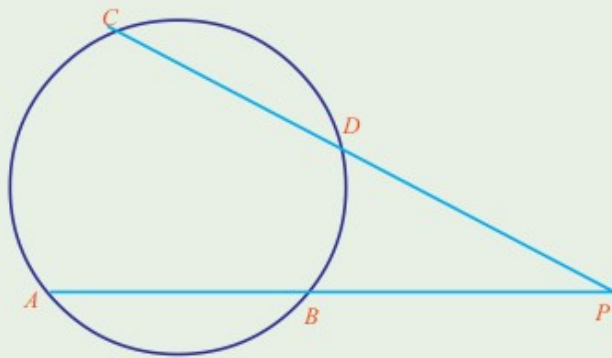


2 . വൃത്തങ്ങൾ - ക്ലാസ്സ് 15

ഓൺലൈൻ ക്ലാസ്സ്

T. B പേജ് 67

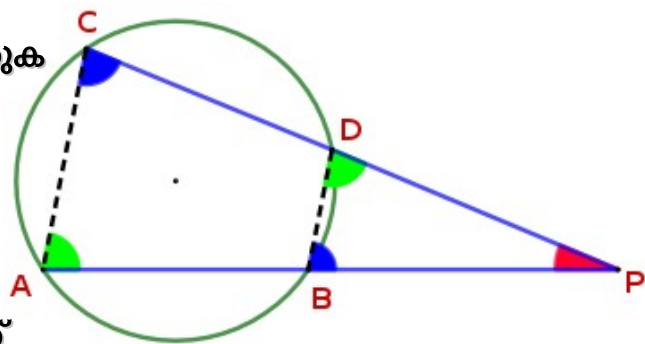
(1) ചിത്രത്തിൽ വൃത്തത്തിലെ AB, CD എന്നീ ഞാണുകൾ നീട്ടി P എന്ന ബിന്ദുവിൽ മുട്ടിച്ചിരിക്കുന്നു.



- (i) AC, BD ഇവ യോജിപ്പിച്ചു കിട്ടുന്ന APC, PBD എന്നീ ത്രികോണങ്ങളുടെ കോണുകൾ തുല്യമാണെന്നു തെളിയിക്കുക.
- (ii) $PA \times PB = PC \times PD$ എന്നു തെളിയിക്കുക
- (iii) $PB = PD$ ആണെങ്കിൽ $ABDC$ എന്ന ചതുർഭുജം സമപാർശ്വലംബകമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക.

ഉത്തരം)

i) $\triangle PBD, \triangle APC$ ഇവ പരിഗണിക്കുക $\angle P$ പൊതുവായ കോൺ .



$ABDC$ ഒരു ചക്രിയ ചതുർഭുജമാണ്

അതുകൊണ്ട്,

$\angle PBD = \angle C$

$\angle PDB = \angle A$

(ചക്രിയ ചതുർഭുജത്തിന്റെ ഏതു മൂലയിലെയും പുറംകോണിന്റെ അളവ് എതിർ ശീർഷത്തിലുള്ള അകക്കോണിന് തുല്യമാണ് .)

∴ $\triangle APC$, $\triangle PBD$ എന്നിവയിലെ കോണുകൾ എല്ലാം തുല്യമാണ്.

ii) $\triangle APC$, $\triangle PBD$ എന്നിവ സദൃശ ത്രികോണങ്ങൾ ആണ് .
 സദൃശ ത്രികോണങ്ങളിലെ തുല്യ കോണുകൾക്ക് എതിരെയുള്ള വശങ്ങൾ ആനുപാതികമായിരിക്കും .

അതുകൊണ്ട്,

$$\frac{PB}{PC} = \frac{PD}{PA}$$

എതിർ ഗുണനം ചെയ്താൽ

$$PA \times PB = PC \times PD$$

iii) $PA \times PB = PC \times PD \dots\dots (1)$

$PB = PD$ (തന്നിട്ടുണ്ട്), ഇത് (1)ൽ ആരോപിച്ചാൽ

$$PA \times \cancel{PB} = PC \times \cancel{PD}$$

$$PA = PC$$

∴ $\triangle PAC$ ഒരു സമപാർശ്വ ത്രികോണമാണ് .

∴ $\angle A = \angle C$ } സമപാർശ്വ ത്രികോണത്തിലെ തുല്യ വശങ്ങൾക്ക് എതിരെയുള്ള കോണുകൾ തുല്യം .

$ABDC$ ചക്രിയ ചതുർഭുജമായതു കൊണ്ട്

$$\angle C + \angle ABD = 180^\circ \implies \angle A + \angle ABD = 180^\circ$$

ആന്തര സഹകോണുകളുടെ തുക 180° ആയത് കൊണ്ട്,

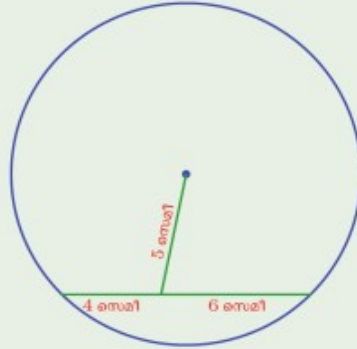
AC ക്ക് സമാന്തരമാണ് BD .

$$AB = PA - PB = PC - PD = CD \implies AB = CD$$

AC സമാന്തരം BD , $AB = CD$

∴ $ABDC$ ഒരു സമപാർശ്വലംബകം ആണ് .

(5) ചിത്രത്തിൽ വൃത്തകേന്ദ്രത്തിലൂടെയുള്ള ഒരു വര, ഒരു ഞാണിനെ രണ്ടായി ഭാഗിക്കുന്നു:



വൃത്തത്തിന്റെ ആരം എത്രയാണ്?

ഉത്തരം)

OP നീട്ടി വൃത്തത്തെ C, D എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ മുറിക്കുക .
 AB, CD എന്നീ ഞാണുകൾ വൃത്തത്തിനുള്ളിൽ
 P യിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .

∴ $PA \times PB = PC \times PD$

വൃത്തത്തിന്റെ ആരം 'r' എങ്കിൽ

$PC = (r + 5)$ സെ.മി

$PD = (r - 5)$ സെ.മി

∴ $4 \times 6 = (r + 5) (r - 5)$

$24 = r^2 - 5^2$

$24 = r^2 - 25$

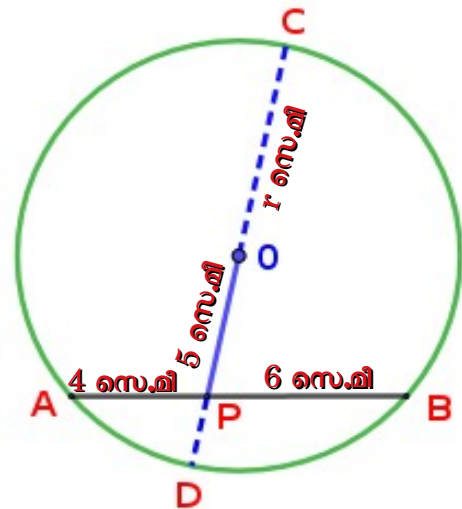
$r^2 = 24 + 25$

$r^2 = 49$

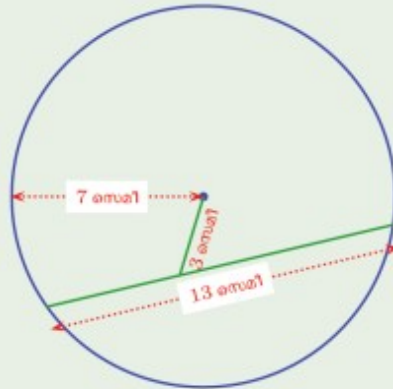
$r = \sqrt{49}$

$r = 7$ സെ.മി

വൃത്തത്തിന്റെ ആരം = 7 സെ.മി



(6) ചിത്രത്തിൽ വൃത്തകേന്ദ്രത്തിൽനിന്നുള്ള ഒരു വര, വൃത്തത്തിലെ ഒരു ഞാണുമായി കൂട്ടിമുട്ടുന്നു.



ഞാണിന്റെ രണ്ടു ഭാഗങ്ങളുടെയും നീളം എത്രയാണ്?

ഉത്തരം)

OP നീട്ടി വൃത്തത്തെ C, D എന്നീ ബിന്ദുക്കളിൽ മുറിക്കുക .

ആരം = 7 സെ.മീ (തന്നിട്ടുണ്ട്) ,

അതുകൊണ്ട് , $OC = OD = 7$

$$PD = OD - OP$$

$$= 7 - 3 = 4$$

$$PC = OC + OP$$

$$= 7 + 3 = 10$$

AB, CD എന്നീ ഞാണുകൾ വൃത്തത്തിനുള്ളിൽ

P യിൽ കൂട്ടിമുട്ടുന്നു .

∴ $PA \times PB = PC \times PD$

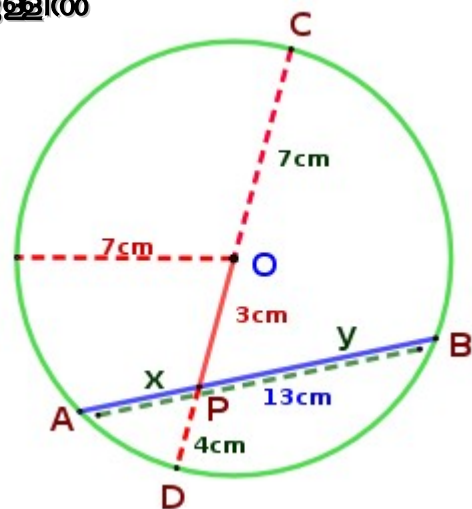
PA = x & PB = y എങ്കിൽ

$$x \times y = 10 \times 4$$

$$xy = 40 \dots\dots\dots (1)$$

ചിത്രത്തിൽ നിന്നും

$$x + y = 13 \dots\dots\dots (2)$$



സമവാക്യം $(x - y)^2 = (x + y)^2 - 4xy$ എന്നതിൽ

(1) & (2) പരിഗണിച്ചാൽ

$$(x - y)^2 = (13)^2 - 4 \times 40$$

$$\begin{aligned} x - y &= \sqrt{169 - 160} \\ &= \sqrt{9} \\ &= 3 \end{aligned}$$

$$x + y = 13 \dots\dots (2)$$

$$x - y = 3 \dots\dots (3)$$

$$(2) + (3) \quad 2x = 16$$

$$x = \frac{16}{2} = 8$$

(2)ൽ x ന് 8 എന്ന വില നൽകിയാൽ

$$8 + y = 13$$

$$y = 13 - 8 = 5$$

$\therefore PA = 8$ സെ.മീ, $PB = 5$ സെ.മീ

