



Reg. No. :

Name :

SAY-732

SAY / IMPROVEMENT EXAMINATION, JULY – 2022

Part – III

Time : 2 Hours

STATISTICS

Cool-off time : 15 Minutes

Maximum : 60 Scores

General Instructions to Candidates :

- There is a ‘Cool-off time’ of 15 minutes in addition to the writing time.
- Use the ‘Cool-off time’ to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- Read the instructions carefully.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Statistical tables can be used in the examination hall.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.

வித்யார்த்தமிகரிக்குஞ் பொதுநிர்வேஶனம் :

- நிர்த்தினி ஸமயத்தின் பூரம் 15 மினிட் ‘குறிச் சாப்த கெங்’ உள்ளூடிரிக்கூ.
- ‘குறிச் சாப்த கெங்’ சோந்தனைச் சுரிசயப்புதானும் உத்தரவைச் சுரிசயத்தை செல்லானும் உபயோகிக்கூ.
- உத்தரவைச் சுரிசயத்தின் முன்சோந்தனைச் சுரிசயப்புற்றும் வாயிக்கை.
- நிர்வேஶனங்கள் முழுவானும் சுரிசயப்புற்றும் வாயிக்கை.
- கணக்க் கூடலுக்கர், சித்தனைகள், ஶாப்தகர், ஏனிவ உத்தரபேப்புக்கு தனை உள்ளூடிரிக்கை.
- சோந்தனை மலதாந்திலும் நகியிடுகூ.
- அவசரமுஞ் சமலத்து சமவாக்யத்தை கொடுக்கை.
- ஸ்தாதிஸ்திக்கை எவ்விடுக்கர் பரிசுக்கை ஹாஜித் உபயோகிக்கொவுன்னதான்.
- போக்ராமுகர் செல்லாகாகாத்த கால்க்குலேட்டருக்கர் ஓஷிகையுஞ் சுரு ஹலக்டோஸிக் உபகரணவும் பரிசுக்கை ஹாஜித் உபயோகிக்கூவான் பாடில்.



PART – I

A. Answer any 5 questions from 1 to 9. Each carries 1 score. $(5 \times 1 = 5)$

1. Choose the correct answer :

Which of the following pair of variables has positive correlation ?

- (a) Height and Intelligence.
- (b) Use of fertilizer and yield of crop.
- (c) Intensity of light and distance from the source.
- (d) Pressure and volume.

2. The minimum value of correlation coefficient is :

- (a) -2
- (b) -1
- (c) 0
- (d) 1

3. If $b_{yx} > 1$, then :

- (a) $b_{xy} < 1$
- (b) $b_{xy} = 1$
- (c) $b_{xy} > 1$
- (d) $b_{xy} = -1$

4. For two discrete random variables X and Y, $E(X) = 12$ and $E(Y) = 3$; then $E(X - Y)$ is :

- (a) 4
- (b) 9
- (c) 15
- (d) 36

5. A normal distribution is :

- (a) Symmetric
- (b) Positively skewed
- (c) Negatively skewed
- (d) None of these

6. The number of possible samples of size 2 under SRSWOR from a population with four values is :

- (a) 4
- (b) 16
- (c) 8
- (d) 6

PART – I

A. 1 മുതൽ 9 വരെ ഏതെങ്കിലും 5 ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരമെഴുതുക. 1 സ്കോർ വിതം.

($5 \times 1 = 5$)

1. ശരിയുത്തരം തെരഞ്ഞെടുത്തശുത്രുക :

താഴെ പറയുന്നവയിൽ എത്ര ജോടി ചരങ്ങൾക്കാണ് പോസിറ്റീവ് സഹഖരണം ഉള്ളത് ?

- (a) ഉയരവും ബുദ്ധിശക്തിയും
- (b) വളരെയില്ലെങ്കിൽ ഉപയോഗവും ധാന്യത്തില്ലെങ്കിൽ വിളവും.
- (c) പ്രകാശത്തില്ലെങ്കിൽ തീവ്രതയും ദ്രോഢയ്ക്കിൽ നിന്നുള്ള ഭൂരവും.
- (d) മർദ്ദവും വ്യാപ്തവും

2. സഹഖരണ ഗൃണാകാത്തില്ലെങ്കിൽ എറ്റവും കുറത്ത വില :

- (a) -2
- (b) -1
- (c) 0
- (d) 1

3. $b_{yx} > 1$ ആയാൽ :

- (a) $b_{xy} < 1$
- (b) $b_{xy} = 1$
- (c) $b_{xy} > 1$
- (d) $b_{xy} = -1$

4. X, Y എന്നീ വേറിട്ട് അതിയത ചരങ്ങളിൽ $E(X) = 12$, $E(Y) = 3$ എന്നിവ ആയാൽ $E(X - Y)$ ആട്ടേം വില :

- (a) 4
- (b) 9
- (c) 15
- (d) 36

5. ഒരു നോർമൽ വിതരണം :

- (a) സമവിതമാണ്
- (b) പോസിറ്റീവ് സ്ക്യൂനെറ്റ് ഉള്ളതാണ്
- (c) നൈറ്റീവ് സ്ക്യൂനെറ്റ് ഉള്ളതാണ്
- (d) ഇവയൊന്നുമല്ല

6. SRSWOR അനുസരിച്ച് നാല് വിലകളുള്ള ഒരു സമഷ്ടിയിൽ നിന്നുമെടുക്കാവുന്ന വലിപ്പം 2 ആയ സാമ്പിളുകളുടെ എണ്ണം :

- (a) 4
- (b) 16
- (c) 8
- (d) 6

B. Answer all questions from 10 to 13. Each carries 1 score. (4 × 1 = 4)

Choose the correct answer.

B. 10 മുതൽ 13 വരെ എല്ലാ പ്രോഫസറക്കും ഉത്തരം എഴുതുക. 1 സ്നേഹ വിതം.

$$(4 \times 1 = 4)$$

ശരിയുത്തരം തെരഞ്ഞെടുത്താലുക്.

PART – II

A. Answer any 2 questions from 14 to 17. Each carries 2 score. **(2 × 2 = 4)**

14. The regression coefficients obtained in an analysis are

$$b_{yx} = 0.64 \text{ and } b_{xy} = 0.25$$

Find the correlation coefficient.

15. What are the assumptions of ANOVA ?

16. Write the two definitions of quality in statistical quality control.

17. What are the components of time series ?

B. Answer any 2 questions from 18 to 20. Each carries 2 score. **(2 × 2 = 4)**

18. $3x - y = 10$ and $2x + y = 15$ are two regression lines. Find the mean values of x and y .

19. X is a normal random variable with mean 100 and standard deviation 6. Find the value of ‘ a ’ such that $P(X > a) = 0.1093$.

20. A sample drawn from a population is given below,

35, 42, 38, 55, 70, 69

Find the moment estimate of the population mean.

PART – II

A. 14 മുതൽ 17 വരെ ഏതെങ്കിലും 2 ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരമെഴുതുക. 2 സ്കോർ വിതരം.

(2 × 2 = 4)

14. ഒരു വിശകലനത്തിൽ ലഭിച്ച റിഗ്രഷൻ ഗുണാന്വദളാണ്

$b_{yx} = 0.64$ and $b_{xy} = 0.25$ എന്നിവ സഹബന്ധ ഗുണാകം കാണുക.

15. ANOVA യുടെ അനുമാനങ്ങൾ ഏതെല്ലാമാണ്?

16. സാമ്പിക ഗുണ നിയന്ത്രണത്തിൽ ഗുണത്തിന് നൽകിയിരിക്കുന്ന രണ്ട് നിർവ്വചനങ്ങൾ എഴുതുക.

17. ഒരു സമയ ഫ്രേണിയുടെ ഘടകങ്ങൾ ഏതെല്ലാമാണ്?

B. 18 മുതൽ 20 വരെ ഏതെങ്കിലും 2 ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരമെഴുതുക. 2 സ്കോർ വിതരം.

(2 × 2 = 4)

18. $3x - y = 10$, $2x + y = 15$ എന്നിവ രണ്ട് റിഗ്രഷൻ രേഖകളാണ്. x , y എന്നിവയുടെ മാധ്യങ്ങൾ കാണുക.

19. X എന്ന നോർമൽ ചരത്തിന്റെ മാധ്യം 100 ഉം സ്റ്റാൻഡേർഡ് ഡിവിയേഷൻ 6 ഉം ആണ്. $P(X > a) = 0.1093$ ആയാൽ ‘ a ’ യുടെ വില കാണുക.

20. ഒരു സമഷ്ടിയിൽ നിന്നെടുത്ത ഒരു സാമ്പിൾ ചുവടെ തരുന്നു.

35, 42, 38, 55, 70, 69

സമഷ്ടിയുടെ മാധ്യത്തിന്റെ മൊമെന്റ് എന്നും കണ്ണുപിടിക്കുക.

PART – III

A. Answer any 3 questions from 21 to 24. Each carries 3 score. **(3 × 3 = 9)**

21. (a) If $y = 8x - 10$, then $\frac{dy}{dx} = \underline{\hspace{2cm}}$.
- (b) Find the second derivative of the function $y = 2x^3 - 12x^2 + 10x - 6$. **(1 + 2)**
22. X is a normal random variable with mean 50 and standard deviation 5,
 Find (a) $P(X > 50)$
 (b) $P(40 < X < 60)$
23. A population has five values 18, 17, 16, 19 and 15. Using SRSWOR draw all possible samples of size 2 from this population. Also find the mean of the sample means.
24. The following table gives the profit of a company (in lakhs) for 8 years from 2013 to 2020. Calculate the trend values by 3 yearly moving average method.

Year :	2013	2014	2015	2016	2017	2018	2019	2020
Profit :	21	30	32	18	20	40	26	10

B. Answer any 2 questions from 25 to 27. Each carries 3 score : **(2 × 3 = 6)**

25. The sales and expenses of six firms are given below. Find the rank correlation coefficient.

Sales :	55	60	50	65	60	45
Expenses :	16	15	11	14	13	12

26. The revenue function of a company is given below :
 $R(x) = 40 + 6x - x^2$, where x is the number of units sold. Find the maximum revenue that the company can make.

27. The p.d.f. of a random variable X is

$$f(x) = \begin{cases} 2x & , 0 < x < 1 \\ 0 & , \text{otherwise} \end{cases}$$

Find the mean of X.

PART – III

- A. 21 മുതൽ 24 വരെ ഏതെങ്കിലും 3 ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരമെഴുതുക. 3 സ്ക്രോർ വിതാം.** **(3 × 3 = 9)**

21. (a) $y = 8x - 10$ ആയാൽ $\frac{dy}{dx} = \underline{\hspace{2cm}}$.
- (b) $y = 2x^3 - 12x^2 + 10x - 6$ എന്ന ഫലങ്ങൾ രണ്ടാം നിര യെറിവേറ്റിവ് കാണുക. **(1 + 2)**
22. X എന്നത് മാധ്യം 50 ട്രാൻസ്ഫോർമേഷൻ ഡിവിയേഷൻ 5 ആയ ഒരു നോർമൽ അനിയത പരമാണ്.
- (a) $P(X > 50)$
 (b) $P(40 < X < 60)$
 എന്നിവ കാണുക.
23. ഒരു സമഷ്ടിയിൽ 18, 17, 16, 19, 15 എന്നിങ്ങനെ അഞ്ച് വിലകളാണുള്ളത്. ഈതിൽ നിന്നും SRSWOR ഉപയോഗിച്ച് എടുക്കാവുന്ന വലിപ്പം 2 ആയ എല്ലാ സാമ്പിളുകളും എഴുതുക. കൂടാതെ ഈ സാമ്പിളുകളുടെ മാധ്യങ്ങളുടെ മാധ്യവും കാണുക.
24. 2013 മുതൽ 2020 വരെയുള്ള 8 വർഷങ്ങളിൽ ഒരു കമ്പനിക്ക് ലഭിച്ച ലാഭങ്ങളാണ് (ലക്ഷ്യത്തിൽ) ചുവടെ പട്ടികയിൽ തന്നീരിക്കുന്നത്. 3 വർഷ ചലന ശരാശരി രീതി ഉപയോഗിച്ച് ട്രെൻഡ് വിലകൾ കാണുക.
- | | | | | | | | | |
|--------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| വർഷം : | 2013 | 2014 | 2015 | 2016 | 2017 | 2018 | 2019 | 2020 |
| ലാഭം : | 21 | 30 | 32 | 18 | 20 | 40 | 26 | 10 |

- B. 25 മുതൽ 27 വരെ ഏതെങ്കിലും 2 ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരമെഴുതുക. 3 സ്ക്രോർ വിതാം :** **(2 × 3 = 6)**

25. ആർ സ്ഥാപനങ്ങളുടെ വിലുന്നയും ചെലവും ചുവടെ പട്ടികയിൽ തരുന്നു. റാക്ഷസഹബന്ധങ്ങളാണ് കാണുക.

വിലുന്ന :	55	60	50	65	60	45
ചെലവ് :	16	15	11	14	13	12

26. ഒരു കമ്പനിയുടെ വരവ് ഫലങ്ങൾ ചുവടെ തരുന്നു:

$$R(x) = 40 + 6x - x^2,$$

വിൽക്കുന്ന യൂണിറ്റുകളുടെ എല്ലാമാണ് x . ഈ കമ്പനിക്ക് ലഭിക്കാവുന്ന പരമാവധി വരവ് എത്രയെന്ന് കണ്ണുപിടിക്കുക.

27. X എന്ന ഒരു അനിയത ചരത്തിന്റെ p.d.f. ചുവടെ തരുന്നു.

$$f(x) = \begin{cases} 2x & , 0 < x < 1 \\ 0 & , \text{ മറ്റൊരു തരുതായിട്ടാലും} \end{cases}$$

X-ന്റെ മാധ്യം കണ്ണുപിടിക്കുക.

PART – IV

A. Answer any 3 questions from 28 to 31. Each carries 4 score. $(3 \times 4 = 12)$

28. The following results were obtained in a regression analysis of the scores in Statistics and Economics of 10 students :

	Mean	SD
Statistics (X)	40	8
Economics (Y)	55	10

The correlation coefficient between the scores is 0.6. Estimate the score in Economics of a student whose score in Statistics is 50.

29. The p.m.f. of a random variable X is given below :

$x :$	0	1	2	3	4
$P(x) :$	k	2k	2k	3k	2k

Find

- (a) the value of k.
- (b) $P(X \leq 2)$ and $P(1 < X < 4)$

30. (a) The mean of a Poisson distribution is 3. Then its variance is _____.
 (b) A Binomial distribution has mean 10 and variance 8.

Find $P(X = 2)$

(1 + 3)

31. Complete the following ANOVA table and interpret the result :

Source	d.f.	Sum of squares	Mean sum of squares	F	$F_{0.01}$
Between samples	5	–	12	–	4.17
Within samples	–	76	–		
Total	24	–			

B. Answer any 1 question from 32 to 33. Carries 4 score. $(1 \times 4 = 4)$

32. The equations of two regression lines are $x - 2y + 50 = 0$ and $2x - 3y + 10 = 0$. Identify the regression lines.

PART – IV

- A. 28 മുതൽ 31 വരെ ഏതെങ്കിലും 3 ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരമെഴുതുക. 4 സ്കോർ വിതാം.
 $(3 \times 4 = 12)$

28. 10 കൂട്ടികൾക്ക് ഗുഡിസ്റ്റിനും ഇക്കണ്ണാമിക്കിനും ലഭിച്ച സ്കോറുകളുടെ റിഗേഷൻ വിശകലനത്തിൽ ലഭിച്ച വില വിവരങ്ങൾ ചുവടെ തരുന്നു:

	മാധ്യം	SD
ഗുഡിസ്റ്റിക്സ് (X)	40	8
ഇക്കണ്ണാമിക്ക് (Y)	55	10

സ്കോറുകൾ തമ്മിലുള്ള സഹബന്ധ ഗുണാകം 0.6 ആണ്. ഗുഡിസ്റ്റിന്റെ സ്കോർ 50 ആയ ഒരു കൂട്ടിക്ക് ഇക്കണ്ണാമിക്കിന് ലഭിക്കാവുന്ന സ്കോർ കാണുക.

29. X എന്ന ഒരു അന്തിയത ചരത്തിന്റെ p.m.f. ചുവടെ തരുന്നു:

$x :$	0	1	2	3	4
$P(x) :$	k	2k	2k	3k	2k

- (a) k യുടെ വില കാണുക.
(b) $P(X \leq 2)$, $P(1 < X < 4)$ എന്നിവ കാണുക.

30. (a) ഒരു പോസോൺ വിതരണത്തിന്റെ മാധ്യം 3 ആണ്. ഈതിന്റെ വേരിയൻസ് _____ ആയിരിക്കും.
(b) ഒരു ബൈനോമിയൽ വിതരണത്തിന്റെ മാധ്യം 10, വേരിയൻസ് 8 എന്നിങ്ങനെയാണ്.
 $P(X = 2)$ കണ്ണുപിടിക്കുക.
- $(1 + 3)$

31. ചുവടെ തരുന്ന ANOVA പട്ടിക പുറത്തികരിച്ച് ഉത്തരം വ്യാവ്യാനിക്കുക :

ഉറവിടം	d.f.	വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുക (SS)	വർഗ്ഗത്തുകയുടെ ശരാശരി (MSS)	F	$F_{0.01}$
സാമ്പിളുകൾക്ക് ഇടയിൽ	5	–	12	–	4.17
സാമ്പിളുകൾക്ക് അക്കത്ത്	–	76	–		
ആകെ	24	–			

- B. 32, 33 ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും ഒന്നിന് ഉത്തര മെഴുതുക. 4 സ്കോർ. $(1 \times 4 = 4)$

32. രണ്ട് റിഗേഷൻ രേഖകളാണ് $x - 2y + 50 = 0$, $2x - 3y + 10 = 0$ എന്നിവ. ഈ റിഗേഷൻ രേഖകളെ തിരിച്ചറിയുക.

33. The heights in inches of ten persons selected from a population is
 63, 63, 66, 67, 68, 69, 70, 70, 71 and 71.

The standard deviation of the population is 2.86. Test whether the mean of the population is 66 inches.

PART – V

Answer any 2 questions from 34 to 36. Each carries 6 scores : **(2 × 6 = 12)**

34. Calculate the Karl Pearson's correlation coefficient using the following data :

x :	12	15	16	20	25	30
y :	22	25	23	30	32	35

35. Construct the following index numbers using the data given below :
- Laspeyre's index number
 - Paasche's index number
 - Fisher's index number

Commodity	2018		2020	
	Price	Quantity	Price	Quantity
A	60	4	80	6
B	70	6	90	8
C	55	10	65	12
D	40	8	55	6

33. ഉയരം (ഇതീൽ) രേഖപ്പെടുത്തിയിരിക്കുന്ന ഒരു സമഷ്ടിയിൽ നിന്നെന്നുത്ത പത്ത് പേരുടെ ഉയരങ്ങൾ ചുവടെ തരുന്നു.

63, 63, 66, 67, 68, 69, 70, 70, 71 , 71.

സമഷ്ടിയുടെ ഗൂസ്റ്റോഫൈറ്റ് ഡിവിയേഷൻ 2.86 ആണ്. ഈ സമഷ്ടിയുടെ മാധ്യം 66 ഇത് ആണോയെന്ന് പരിശോധിക്കുക.

PART – V

34 മുതൽ 36 വരെ ഏതെങ്കിലും 2 ചോദ്യങ്ങൾക്കുള്ളതരമെഴുതുക. 6 സ്കോർ വിതം.

($2 \times 6 = 12$)

34. ചുവടെ തനിരിക്കുന്ന ഡാറ്റ ഉപയോഗിച്ച് കാർ പിയേഴ്സൺ സഹബന്ധ ഗുണാകം കാണുക :

$x :$	12	15	16	20	25	30
$y :$	22	25	23	30	32	35

35. താഴെ തനിരിക്കുന്ന ഡാറ്റ ഉപയോഗിച്ച് ചുവടെ പറയുന്ന സൂചികാക്കങ്ങൾ കാണുക :

- (a) ലാസ്പിയർ സൂചികാക്കം
- (b) പാശ്ച സൂചികാക്കം
- (c) എപ്പർ സൂചികാക്കം

സാധനങ്ങൾ	2018		2020	
	വില	അളവ്	വില	അളവ്
A	60	4	80	6
B	70	6	90	8
C	55	10	65	12
D	40	8	55	6

36. (a) Define :

- (i) Test Statistic
 - (ii) Type I error
 - (iii) Type II error
- (b) Let x_1, x_2, x_3 be a random sample drawn from a population with mean μ and standard deviation σ . $t_1 = \frac{x_1 + 2x_2 - x_3}{2}$ and $t_2 = \frac{x_1 + 2x_2 + 3x_3}{6}$ are two unbiased estimates of μ . Which estimate is more efficient ? (3 + 3)
-

36. (a) നിർവ്വചിക്കുക :

- (i) പരീക്ഷണ സാംഖ്യം
- (ii) തരം I പിശക്
- (iii) തരം II പിശക്

(b) മാധ്യം μ , ഗുഡ്വിൻ ഡൈഗ്രാഫ് ഡിവിയേഷൻ ട ആയ ഒരു സമഷ്ടിയിൽ നിന്നെന്നടുത്ത

$$\text{സാമ്പിളാണ് } x_1, x_2, x_3. \quad t_1 = \frac{x_1 + 2x_2 - x_3}{2}, \quad t_2 = \frac{x_1 + 2x_2 + 3x_3}{6} \text{ എന്നിവ } \mu \text{ വിന്റെ}$$

രണ്ട് അണിബവയസ്യ എന്റെ മേറ്റുകളാണ്. ഇവയിൽ കുടുതൽ ക്ഷമതയുള്ള
എന്റെ ഏതാണ്? (3 + 3)
