Reg. No. : ....

Name : ....

Code No. 7018

For Scheme-I Candidates only

Second Year – March 2015

Time : 2½ Hours
Cool-off time : 15 Minutes

Part – III

MATHEMATICS (SCIENCE)

Maximum : 80 Scores

HSSLIVE.IN

General Instructions to Candidates :

- There is a 'cool-off time' of 15 minutes in addition to the writing time of 2½ hrs.
- You are not allowed to write your answers nor to discuss anything with others during the 'cool-off time'.
- Use the 'cool-off time' to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- All questions are compulsory and only internal choice is allowed.
- When you select a question, all the sub-questions must be answered from the same question itself.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.

നിർദ്ദേശങ്ങൾ :

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 15 മിനിറ്റ് 'കൂൾ ഓഫ് ടൈം' ഉണ്ടായിരിക്കും. ഈ സമയത്ത് ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരം എഴുതാനോ, മറ്റുള്ളവരുമായി ആശയവിനിമയം നടത്താനോ പാടില്ല.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- എല്ലാ ചോദ്യങ്ങൾക്കും ഉത്തരം എഴുതണം.
- ഒരു ചോദ്യനമ്പർ ഉത്തരമെഴുതാൻ തെരഞ്ഞെടുത്തു കഴിഞ്ഞാൽ ഉപചോദ്യങ്ങളും അതേ ചോദ്യനമ്പരിൽ നിന്ന് തന്നെ തെരഞ്ഞെടുക്കേണ്ടതാണ്.
- കണക്ക് കൂട്ടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ഗ്രാഫുകൾ എന്നിവ ഉത്തരപേപ്പറിൽ തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നൽകിയിട്ടുണ്ട്.
- ആവശ്യമുള്ള സ്ഥലത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- പ്രോഗ്രാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കുലേറ്ററുകൾ ഒഴികെയുള്ള ഒരു ഇലക്ട്രോണിക് ഉപകരണവും പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.

1. (a) Choose the correct statement related to the matrices $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ and $B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ **(Score : 1)**

(i) $A^3 = A, B^3 \neq B$

(ii) $A^3 \neq A, B^3 = B$

(iii) $A^3 = A, B^3 = B$

(iv) $A^3 \neq A, B^3 \neq B$

(b) If $M = \begin{bmatrix} 7 & 5 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$, then verify the equation $M^2 - 10M + 11I_2 = 0$. **(Scores : 2)**

(c) Inverse of the matrix $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ **(Scores : 3)**

2. Prove that $\begin{vmatrix} 1 & x & x^3 \\ 1 & y & y^3 \\ 1 & z & z^3 \end{vmatrix} = (x+y+z)(x-y)(y-z)(z-x)$ **(Scores : 3)**

OR

Prove that $\begin{vmatrix} 1! & 2! & 3! \\ 2! & 3! & 4! \\ 3! & 4! & 5! \end{vmatrix} = 4!$ **(Scores : 3)**

3. Solve the system of Linear equations

$x + 2y + z = 8$

$2x + y - z = 1$

$x - y + z = 2$ **(Scores : 3)**

4. (a) What is the minimum number of ordered pairs to form a non-zero reflexive relation on a set of n elements ? **(Score : 1)**

(b) On the set $\mathbb{R}$ of real numbers, S is a relation defined as

$S = \{(x, y) \mid x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}, x + y = xy\}$.

Find $a \in \mathbb{R}$ such that 'a' is never the first element of an ordered pair in S. Also find $b \in \mathbb{R}$ such that 'b' is never the second element of an ordered pair in S. **(Scores : 2)**

(c) Consider the function $f(x) = \frac{3x+4}{x-2}$; $x \neq 2$. Find a function $g(x)$ on a suitable domain such that $(gof)(x) = x = (fog)(x)$. **(Scores : 2)**

1. (a) $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ എന്നീ മാട്രിക്സുകളെ സംബന്ധിച്ച് ശരിയായതു തെരഞ്ഞെടുക്കുക.

(i) $A^3 = A, B^3 \neq B$ (ii) $A^3 \neq A, B^3 = B$

(iii) $A^3 = A, B^3 = B$ (iv) $A^3 \neq A, B^3 \neq B$ **(സ്കോർ : 1)**

(b) $M = \begin{bmatrix} 7 & 5 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$, മാട്രിക്സ് $M^2 - 10M + 11I_2 = 0$ എന്ന സമവാക്യം പാലിക്കുന്നുവെന്നു പരിശോധിക്കുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

(c) $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ എന്ന മാട്രിക്സിന്റെ ഇൻവേഴ്സ് കാണുക. **(സ്കോർസ് : 3)**

2. $\begin{vmatrix} 1 & x & x^3 \\ 1 & y & y^3 \\ 1 & z & z^3 \end{vmatrix} = (x+y+z)(x-y)(y-z)(z-x)$ എന്നു തെളിയിക്കുക. **(സ്കോർസ് : 3)**

അല്ലെങ്കിൽ

$\begin{vmatrix} 1! & 2! & 3! \\ 2! & 3! & 4! \\ 3! & 4! & 5! \end{vmatrix} = 4!$ എന്നു തെളിയിക്കുക. **(സ്കോർസ് : 3)**

HSSLIVE.IN

3. $x + 2y + z = 8$

$2x + y - z = 1$

$x - y + z = 2$

എന്നീ ലീനിയർ ഇക്വേഷനുകളുടെ സിസ്റ്റം നിർദ്ധാരണം ചെയ്യുക. **(സ്കോർസ് : 3)**

4. (a) n അംഗങ്ങളുള്ള ഒരു ഗണത്തിൽ ശൂന്യമല്ലാത്ത ഒരു റിഫ്ളക്സീവ് റിലേഷൻ നിർവ്വചിക്കാൻ ഏറ്റവും ചുരുങ്ങിയത് എത്ര ക്രമ ജോഡികൾ വേണം ? **(സ്കോർ : 1)**

(b) $\mathbb{R}$ എന്ന രേഖീയ സംഖ്യകളുടെ ഗണത്തിൽ

$S = \{(x, y) \mid x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}, x + y = xy\}$

എന്ന റിലേഷൻ നിർവ്വചിച്ചിട്ടുണ്ട്.

ഏതൊരു ക്രമ ജോഡിയിലും ഒന്നാമത്തെ അംഗമാവാൻ പറ്റാത്ത ഒരു $a \in \mathbb{R}$ കണ്ടെത്തുക. അതുപോലെ ഏതൊരു ക്രമ ജോഡിയിലും രണ്ടാമത്തെ അംഗമാവാൻ പറ്റാത്ത ഒരു $b \in \mathbb{R}$ കണ്ടെത്തുക.

(സ്കോർസ് : 2)

(c) $f(x) = \dfrac{3x+4}{x-2}$; $x \neq 2$ എന്ന ഫംഗ്ഷൻ പരിഗണിക്കുക.

$(gof)(x) = x = (fog)(x)$ ആവുന്ന വിധത്തിൽ അനുയോജ്യമായ ഒരു മണ്ഡലത്തിൽ $g(x)$ എന്ന ഫംഗ്ഷൻ കണ്ടെത്തുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

5. (a) What is the value of $\sin^{-1}(\sin 160°)$?

(i) 160°

(ii) 70°

(iii) –20°

(iv) 20° **(Score : 1)**

(b) Prove that $2\tan^{-1}\frac{1}{2} + \tan^{-1}\frac{1}{7} = \tan^{-1}\frac{31}{17}$ **(Scores : 3)**

6. (a) Find a and b if the function

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{x} & -2 \le x < 0 \\ a \cdot 2^x & 0 \le x \le 1 \\ b + x & 1 < x \le 2 \end{cases}$$

is a continuous function on [–2, 2] **(Scores : 3)**

(b) How many of the functions $f(x) = |x|$, $g(x) = |x|^2$ and $h(x) = |x|^3$ are not differentiable at $x = 0$?

(i) 0

(ii) 1

(iii) 2

(iv) 3 **(Score : 1)**

7. Find $\frac{dy}{dx}$ if

(a) $x^3 + 2x^2y + 3xy^2 + 4y^3 = 5$ **(Scores : 2)**

(b) $x = 2\cos^3\theta,\ y = 2\sin^3\theta$ **(Scores : 2)**

(c) $y = \sin^{-1}\left(2x\sqrt{1-x^2}\right);\ -1 \le x \le 1$ **(Scores : 2)**

8. (a) Which of the following functions is always increasing ?

(i) $x + \sin 2x$

(ii) $x - \sin 2x$

(iii) $2x + \sin 3x$

(iv) $2x - \sin x$ **(Score : 1)**

(b) The radius of a cylinder increases at a rate of 1 cm/s and its height decreases at a rate of 1 cm/s. Find the rate of change of its volume when the radius is 5 cm and the height is 15 cm. **(Scores : 2)**

If the volume should not change even when the radius and height are changed, what is the relation between the radius and height ? **(Score : 1)**

(c) Write the equation of tangent at (1, 1) on the curve $2x^2 + 3y^2 = 5$ **(Scores : 2)**

5. (a) $\sin^{-1}(\sin 160°)$ വിലയെത്ര ?

(i) 160° (ii) 70°

(iii) –20° (iv) 20° **(സ്കോർ : 1)**

(b) $2\tan^{-1}\frac{1}{2}+\tan^{-1}\frac{1}{7}=\tan^{-1}\frac{31}{17}$ എന്നു തെളിയിക്കുക. **(സ്കോർസ് : 3)**

6. (a) $f(x)=\begin{cases}\frac{\sin x}{x} & -2\le x<0\\ a\cdot 2^x & 0\le x\le 1\\ b+x & 1<x\le 2\end{cases}$

എന്ന ഫംഗ്ഷൻ [–2, 2]-ൽ കൺടിന്യസ് ആയാൽ a, b എന്നിവയുടെ വില കാണുക. **(സ്കോർസ് : 3)**

(b) $f(x)=|x|$, $g(x)=|x|^2$, $h(x)=|x|^3$ എന്നീ ഫംഗ്ഷനുകളിൽ എത്രയെണ്ണം $x=0$ എന്ന ബിന്ദുവിൽ ഡിഫറൻഷ്യബ്ൾ അല്ലാത്തതാണ് ?

(i) 0 (ii) 1

(iii) 2 (iv) 3 **(സ്കോർ : 1)**

7. ഓരോന്നിനും $\frac{dy}{dx}$ കാണുക.

(a) $x^3+2x^2y+3xy^2+4y^3=5$ **(സ്കോർസ് : 2)**

(b) $x=2\cos^3\theta$, $y=2\sin^3\theta$ **(സ്കോർസ് : 2)**

(c) $y=\sin^{-1}\left(2x\sqrt{1-x^2}\right)$; $-1\le x\le 1$ **(സ്കോർസ് : 2)**

8. (a) തന്നിട്ടുള്ള ഫംഗ്ഷനുകളിൽ എപ്പോഴും ഇൻക്രീസിങ്ങ് ആയത് ഏതാണ് ?

(i) $x+\sin 2x$ (ii) $x-\sin 2x$

(iii) $2x+\sin 3x$ (iv) $2x-\sin x$ **(സ്കോർ : 1)**

(b) ഒരു സിലിണ്ടറിന്റെ ആരം 1 cm/s നിരക്കിൽ കൂടുകയും ഉയരം 1 cm/s നിരക്കിൽ കുറയുകയും ചെയ്യുന്നു.

ആരം 5 cm, ഉയരം 15 cm എന്ന സമയത്ത് ഈ സിലിണ്ടറിന്റെ വ്യാപ്തം മാറുന്നതിന്റെ നിരക്ക് കണക്കാക്കുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

ആരവും ഉയരവും മാറ്റം വരുന്നുണ്ടെങ്കിലും സിലിണ്ടറിന്റെ വ്യാപ്തം മാറ്റം വരാതിരിയ്ക്കാൻവേണ്ടി അതിന്റെ ആരവും ഉയരവും തമ്മിലുള്ള ബന്ധം കാണുക. **(സ്കോർ : 1)**

(c) $2x^2+3y^2=5$ എന്ന വക്രത്തിന് (1, 1) എന്ന ബിന്ദുവിലുള്ള തൊടുവര (ടാൻജന്റ്) യുടെ സമവാക്യം എഴുതുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

9. Integrate the following :

(a) $\frac{x-1}{x+1}$ **(Score : 1)**

(b) $\frac{\sin x}{\sin (x-a)}$ **(Scores : 2)**

(c) $\frac{1}{\sqrt{3-2x-x^2}}$ **(Scores : 3)**

10. (a) What is the value of $\int_0^1 x(1-x)^9\, dx$?

(i) $\frac{1}{10}$

(ii) $\frac{1}{11}$

(iii) $\frac{1}{90}$

(iv) $\frac{1}{110}$ **(Score : 1)**

(b) Find $\int_0^1 (2x+3)\, dx$ as the limit of a sum. **(Scores : 3)**

11. Consider the functions :

$f(x) = |x| - 1$ and $g(x) = 1 - |x|$

(a) Sketch their graphs and shade the closed region between them. **(Scores : 2)**

(b) Find the area of their shaded region. **(Scores : 2)**

12. (a) Consider the family of all circles having their centre at the point (1, 2). Write the equation of the family. **(Score : 1)**

Write the corresponding differential equation. **(Score : 1)**

(b) Write the integrating factor of the differential equation

$\cos x \frac{dy}{dx} + y = \sin x \; ; 0 \le x < \frac{\pi}{2}$ **(Scores : 2)**

9. ചുവടെ കൊടുത്തിട്ടുള്ളവ ഇന്റഗ്രേറ്റ് ചെയ്യുക :

(a) $\frac{x-1}{x+1}$ **(സ്കോർ : 1)**

(b) $\frac{\sin x}{\sin (x-a)}$ **(സ്കോർസ് : 2)**

(c) $\frac{1}{\sqrt{3-2x-x^2}}$ **(സ്കോർസ്: 3)**

HSSLIVE.IN

10. (a) $\int_0^1 x(1-x)^9 \, dx$ –ന്റെ വിലയെത്ര ?

(i) $\frac{1}{10}$ (ii) $\frac{1}{11}$

(iii) $\frac{1}{90}$ (iv) $\frac{1}{110}$ **(സ്കോർ : 1)**

(b) $\int_0^1 (2x+3) \, dx$ എന്നത് ഒരു തുകയുടെ ലിമിറ്റ് ആയി കണ്ടെത്തുക. **(സ്കോർസ് : 3)**

11. $f(x) = |x| - 1$, $g(x) = 1 - |x|$ എന്നീ ഫംഗ്ഷനുകൾ പരിഗണിക്കുക.

(a) ഇവയുടെ ഗ്രാഫുകൾ വരച്ച് അവയ്ക്കിടയിലുള്ള ഭാഗം ഷേഡ് ചെയ്യുക.

(സ്കോർസ് : 2)

(b) ഷേഡ് ചെയ്ത ഭാഗത്തിന്റെ പരപ്പളവ് (area) കാണുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

12. (a) (1, 2) എന്ന ബിന്ദു കേന്ദ്രമായി വരുന്ന വൃത്തങ്ങളുടെ ഫാമിലി പരിഗണിക്കുക.

ഈ ഫാമിലിയുടെ സമവാക്യം എഴുതുക. **(സ്കോർ : 1)**

ഈ സമവാക്യത്തിനനുയോജ്യമായ ഡിഫറൻഷ്യൽ ഇക്വേഷൻ എഴുതുക.

(സ്കോർ : 1)

(b) $\cos x \frac{dy}{dx} + y = \sin x \; ; \; 0 \leq x < \frac{\pi}{2}$ എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ ഇക്വേഷന്റെ ഇന്റഗ്രേറ്റിങ്ങ് ഫാക്ടർ കാണുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

13. (a) If $\bar{a}$, $\bar{b}$, $\bar{c}$, $\bar{d}$ respectively are the position vectors representing the vertices A, B, C, D of a parallelogram, then write $\bar{d}$ in terms of $\bar{a}$, $\bar{b}$ and $\bar{c}$. **(Score : 1)**

(b) Find the projection vector of $\bar{b} = \hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ along the vector $\bar{a} = 2\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$. **(Scores : 2)**

Also write $\bar{b}$ as the sum of a vector along $\bar{a}$ and a vector perpendicular to $\bar{a}$. **(Score : 1)**

(c) Find the area of a parallelogram for which the vectors $2\hat{i} + \hat{j}$ and $3\hat{i} + \hat{j} + 4\hat{k}$ are adjacent sides. **(Scores : 2)**

OR

(a) Write the magnitude of a vector $\bar{a}$ in terms of dot product. **(Score : 1)**

(b) If $\bar{a}$, $\bar{b}$ and $\bar{a} + \bar{b}$ are unit vectors, then prove that the angle between $\bar{a}$ and $\bar{b}$ is $\frac{2\pi}{3}$. **(Scores : 2)**

HSSLIVE.IN

(c) If $2\hat{i} + \hat{j} - 3\hat{k}$ and $m\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k}$ are perpendicular to each other, then find m. **(Score : 1)**

Also find the area of the rectangle having these two vectors as sides. **(Scores : 2)**

14. (a) Write the Cartesian equation of the straight line through the point (1, 2, 3) and along the vector $3\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$. **(Score : 1)**

(b) Write a general point on this straight line. **(Score : 1)**

(c) Find the point of intersection of this straight line with the plane $2x + 3y - z + 2 = 0$. **(Scores : 2)**

(d) Find the distance from (1, 2, 3) to the plane $2x + 3y - z + 2 = 0$. **(Score : 1)**

15. Consider the linear inequalities

$2x + 3y \leq 6,\ 2x + y \leq 4,\ x \geq 0,\ y \geq 0.$

(a) Mark the feasible region. **(Scores : 2)**

(b) Maximise the function $z = 4x + 5y$ subject to the given constraints. **(Scores : 2)**

13. (a) $\bar{a}, \bar{b}, \bar{c}, \bar{d}$ എന്നിവ യഥാക്രമം ഒരു സാമാന്തരികം A, B, C, D-യുടെ ശീർഷങ്ങളുടെ പൊസിഷൻ വെക്ടറുകളാണെങ്കിൽ $\bar{a}, \bar{b}, \bar{c}$ എന്നിവ ഉപയോഗിച്ച് $\bar{d}$ എഴുതുക. **(സ്കോർ : 1)**

(b) $\bar{a} = 2\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$ എന്ന വെക്ടറിന്റെ ദിശയിൽ $\bar{b} = \hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ എന്ന വെക്ടറിന്റെ പ്രൊജക്ഷൻ വെക്ടർ കാണുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

കൂടാതെ $\bar{a}$ യുടെ ദിശയിലുള്ളതും $\bar{a}$ യ്ക്ക് ലംബമായതുമായ രണ്ടു വെക്ടറുകളുടെ തുകയായി $\bar{b}$ എഴുതുക. **(സ്കോർ : 1)**

(c) $2\hat{i} + \hat{j}, 3\hat{i} + \hat{j} + 4\hat{k}$ എന്നീ വെക്ടറുകൾ സമീപ വശങ്ങളായി വരുന്ന ഒരു സാമാന്തരികത്തിന്റെ വിസ്തീർണ്ണം കാണുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

അല്ലെങ്കിൽ

(a) $\bar{a}$ എന്ന ഒരു വെക്ടറിന്റെ മാഗ്നിറ്റ്യൂഡ് ഡോട്ട് പ്രൊഡക്റ്റ് ഉപയോഗിച്ച് എഴുതുക. **(സ്കോർ : 1)**

(b) $\bar{a}, \bar{b}, \bar{a} + \bar{b}$ എന്നിവ യൂണിറ്റ് വെക്ടറുകളാണെങ്കിൽ $\bar{a}, \bar{b}$ എന്നിവയ്ക്കിടയിലെ കോൺ $\frac{2\pi}{3}$ ആണെന്നു തെളിയിക്കുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

(c) $2\hat{i} + \hat{j} - 3\hat{k}, m\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k}$ എന്നിവ പരസ്പരം ലംബങ്ങളായാൽ m-ന്റെ വില കാണുക. **(സ്കോർ : 1)**

ഈ രണ്ടു വെക്ടറുകൾ വശങ്ങളായ ചതുരത്തിന്റെ വിസ്തീർണ്ണം കാണുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

14. (a) (1, 2, 3) എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെ കടന്നു പോകുന്നതും $3\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$ എന്ന വെക്ടറിന്റെ ദിശയിലുള്ളതുമായ രേഖയുടെ കാർട്ടേഷ്യൻ ഇക്വേഷൻ എഴുതുക. **(സ്കോർ : 1)**

(b) ഈ രേഖയിലെ ഒരു പൊതു ബിന്ദു എഴുതുക. **(സ്കോർ : 1)**

(c) ഈ രേഖ $2x + 3y - z + 2 = 0$ എന്ന തലവുമായി സംഗമിക്കുന്ന ബിന്ദു കാണുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

(d) (1, 2, 3) എന്ന ബിന്ദുവിൽ നിന്നും $2x + 3y - z + 2 = 0$ എന്ന തലത്തിലേയ്ക്കുള്ള അകലം കാണുക. **(സ്കോർ : 1)**

15. $2x + 3y \le 6, 2x + y \le 4, x \ge 0, y \ge 0$ എന്നീ ഇനീക്വാളിറ്റികൾ പരിഗണിക്കുക.

(a) ഇവയ്ക്കനുയോജ്യമായ ഫീസിബിൾ റീജിയൺ അടയാളപ്പെടുത്തുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

(b) തന്നിട്ടുള്ള നിബന്ധനകൾക്ക് വിധേയമായി $z = 4x + 5y$ എന്ന ഫംഗ്ഷനെ മാക്സിമൈസ് ചെയ്യുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

16. In a factory, there are two machines A and B producing toys. They respectively produce 60 and 80 units in one hour. A can run a maximum of 10 hours and B a maximum of 7 hours a day. The cost of their running per hour respectively amounts to 2,000 and 2,500 rupees. The total duration of working these machines cannot exceed 12 hours a day. If the total cost cannot exceed ₹ 25,000 per day and the total daily production is at least 800 units, then formulate the problem mathematically. **(Scores : 2)**

17. (a) For two independent events A and B, which of the following pair of events need not be independent ?

(i) A', B'

(ii) A, B'

(iii) A', B

(iv) A – B, B – A

HSSLIVE.IN

(Score : 1)

(b) If P(A) = 0.6, P(B) = 0.7 and P(A ∪ B) = 0.9, then find $P\left(\frac{A}{B}\right)$ and $P\left(\frac{B}{A}\right)$. **(Scores : 3)**

18.

X =	1	2	3	4	5
P(X =)	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{16}$	p

The probability distribution of a random variable X taking values 1, 2, 3, 4, 5 is given

(a) Find the value of P **(Score : 1)**

(b) Find the mean of X **(Score : 1)**

(c) Find the variance of X **(Scores : 2)**

16. കളിപ്പാട്ടങ്ങളുണ്ടാക്കുന്ന ഒരു ഫാക്ടറിയിൽ മണിക്കൂറിൽ യഥാക്രമം 60-ഉം 80-ഉം യൂണിറ്റുകളുണ്ടാക്കാവുന്ന രണ്ടു മെഷീനുകൾ A-യും B-യും ഉണ്ട്. ഇവയോരോന്നും ഒരു ദിവസം യഥാക്രമം 10-ഉം 7-ഉം മണിക്കൂർവരെ പ്രവർത്തിപ്പിക്കാം. ഇവയുടെ പ്രവർത്തനച്ചെലവ് മണിക്കൂറിൽ യഥാക്രമം 2,000 രൂപയും 2,500 രൂപയുമാണ്. ഒരു ദിവസം ഇവയുടെ മൊത്തം പ്രവൃത്തി സമയം 12 മണിക്കൂറിൽ കവിയരുത്. ആകെ പ്രവർത്തനച്ചെലവ് പ്രതിദിനം 25,000 രൂപയിൽ കവിയാതെയും ദിനംപ്രതിയുള്ള ഉൽപ്പാദനം 800 യൂണിറ്റുകളെങ്കിലും ആകുംവിധവും ഈ പ്രശ്നത്തെ ഗണിതപരമായി ഫോർമുലേറ്റ് ചെയ്യുക. **(സ്കോർസ് : 2)**

17. (a) A, B എന്നിവ ഇൻഡിപ്പെൻഡന്റ് ഇവന്റുകളാണെങ്കിൽ താഴെ കൊടുത്ത ജോഡികളിൽ ഇൻഡിപ്പെൻഡന്റ് ഇവന്റുകളാവാൻ സാദ്ധ്യതയില്ലാത്തതേത് ?

(i) A', B' (ii) A, B'

(iii) A', B (iv) A – B, B – A **(സ്കോർ : 1)**

(b) $P(A) = 0.6$, $P(B) = 0.7$, $P(A \cup B) = 0.9$ എന്നിങ്ങനെയായാൽ $P(A/B)$, $P(B/A)$ എന്നിവ കാണുക. **(സ്കോർസ് : 3)**

18

X =	1	2	3	4	5
P(X =)	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{16}$	p

1, 2, 3, 4, 5 എന്നീ വിലകളെടുക്കുന്ന റാൻഡം വേര്യബ്ൾ X-ന്റെ പ്രോബബിലിറ്റി ഡിസ്ട്രിബ്യൂഷൻ പട്ടികയിൽ തന്നിട്ടുണ്ട്.

(a) P-യുടെ വില കാണുക. **(സ്കോർ : 1)**

(b) X-ന്റെ മീൻ കാണുക. **(സ്കോർ : 1)**

(c) X-ന്റെ വേര്യൻസ് കാണുക. **(സ്കോർസ് : 2)**