

Reg. No. :

Name :

SY-32

SECOND YEAR HIGHER SECONDARY EXAMINATION, MARCH 2022

Part – III

Time : 2 Hours

STATISTICS

Cool-off time : 15 Minutes

Maximum : 60 Scores

General Instructions to Candidates :

- There is a 'Cool-off time' of 15 minutes in addition to the writing time.
- Use the 'Cool-off time' to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- Read the instructions carefully.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.
- Statistical tables can be used in the examination hall.

വിദ്യാർത്ഥികൾക്കുള്ള പൊതുനിർദ്ദേശങ്ങൾ :

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 15 മിനിറ്റ് 'കൂൾ ഓഫ് ടൈം' ഉണ്ടായിരിക്കും.
- 'കൂൾ ഓഫ് ടൈം' ചോദ്യങ്ങൾ പരിചയപ്പെടാനും ഉത്തരങ്ങൾ ആസൂത്രണം ചെയ്യാനും ഉപയോഗിക്കുക.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- നിർദ്ദേശങ്ങൾ മുഴുവനും ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- കണക്ക് കൂട്ടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ഗ്രാഫുകൾ, എന്നിവ ഉത്തരപേപ്പറിൽ തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നൽകിയിട്ടുണ്ട്.
- ആവശ്യമുള്ള സ്ഥലത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- പ്രോഗ്രാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കുലേറ്ററുകൾ ഒഴികെയുള്ള ഒരു ഇലക്ട്രോണിക് ഉപകരണവും പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.
- സ്റ്റാറ്റിസ്റ്റിക്കൽ ടേബിളുകൾ പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കാവുന്നതാണ്.

PART – I

A. Answer any 5 questions from 1 to 9. Each carries 1 score.

(5 × 1 = 5)

Choose the correct answer for the following questions :

1. If $F(x)$ is a c.d.f. of a random variable X then $F[-\infty] =$ _____.

- (a) 0 (b) 1
(c) -1 (d) $-\infty$

2. Consider the following bivariate data :

X	2	4	6	8
Y	1	3	5	7

Correlation coefficient between X and Y is _____.

- (a) 0 (b) 1
(c) -1 (d) 0.5

3. Who is known as the father of Quality Control Analysis ?

- (a) R.A. Fisher (b) P.C. Mahalanobis
(c) Francis Galton (d) Walter A. Schewhart

4. Random variable X has p.m.f. $f(x) = \frac{e^{-4}4^x}{x!}; x = 0, 1, 2, \dots$. Which of the following is true ?

- (a) $E(X) = 0$ and $V(X) = 0$ (b) $E(X) = 2$ and $V(X) = 2$
(c) $E(X) = 4$ and $V(X) = 4$ (d) $E(X) = 4$ and $V(X) = 2$

5. If $\text{Cov}(x, y) = \sigma_x\sigma_y$ then correlation coefficient is _____.

- (a) 1 (b) 0
(c) -1 (d) 2

6. Probability distribution of a statistic is called _____ distribution.

- (a) Binomial (b) Poisson
(c) Normal (d) Sampling

7. വർഷം	2016	2017	2018	2019	2020	2021
വരുമാനം(ലക്ഷത്തിൽ)	15	14	16	17	15	13

മുകളിൽ തന്നിരിക്കുന്ന ഡാറ്റയുടെ സെമി ആവറേജ് ട്രെൻഡ് വിലകൾ ഏത്?

- (a) 14, 15 (b) 15, 15
(c) 15, 13 (d) 16, 17

8. ലാസ്പിയറുടെ ഇൻഡക്സ് നമ്പർ = 120 പാഷെയുടെ ഇൻഡക്സ് നമ്പർ = 130 എന്നിങ്ങനെ ആയാൽ ഫിഷർ ഇൻഡക്സ് നമ്പർ _____ ആയിരിക്കും.

- (a) 120 (b) 130
(c) 128 (d) 124.9

9. X ഉം Y ഉം തമ്മിലുള്ള കോറിലേഷൻ കോയിഫിഷ്യന്റ് 0.7 ആകുന്നു. X ന്റെ സ്റ്റാൻഡേർഡ് ഡീവിയേഷൻ 2 ഉം Y യുടെ സ്റ്റാൻഡേർഡ് ഡീവിയേഷൻ 5 ഉം ആണെങ്കിൽ റിഗ്രഷൻ കോയഫിഷ്യന്റ് Y on X _____ ആകുന്നു.

- (a) 0.19 (b) 14.3
(c) 1.75 (d) 0.28

B. 10 മുതൽ 13 വരെ എല്ലാ ചോദ്യങ്ങൾക്കും ഉത്തരമെഴുതുക. 1 സ്കോർ വീതം.

(4 × 1 = 4)

10. $x^3 + x + 1$ ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് കാണുക.

11. ശരിയുത്തരം തിരഞ്ഞെടുത്തെഴുതുക :

X എന്ന കണ്ടിന്യൂസ് വേരിയബിളിന്റെ വേരിയൻസ് 4 ആകുന്നു. $V(2X + 1)$ ന്റെ വില _____ ആകുന്നു.

- (a) 8 (b) 4
(c) 9 (d) 16

12. ശരിയുത്തരം തിരഞ്ഞെടുത്തെഴുതുക :

ഒരു പോപ്പുലേഷനിൽ നിന്നും എടുത്ത സാമ്പിൾ വിലകൾ 10, 12, 13, 14, 13, 10 എന്നിവയാണ്. പോപ്പുലേഷൻ മീനിന്റെ മൊമന്റ് എസ്റ്റിമേറ്റ് _____ ആകുന്നു.

- (a) 13 (b) 12
(c) 11.5 (d) 72

13. $P[0 < Z < Z_1] = 0.4251$ എങ്കിൽ Z_1 ന്റെ വില കാണുക. ഇവിടെ $Z \sim N(0, 1)$ ആകുന്നു.

PART – II

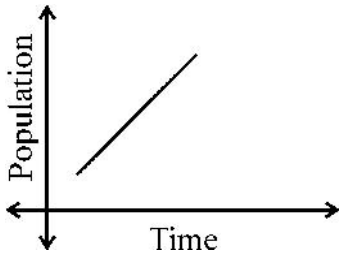
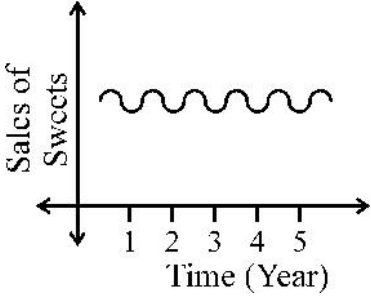
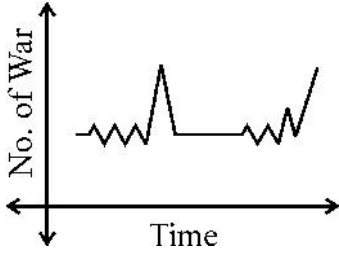
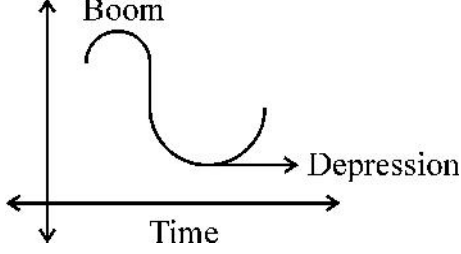
A. Answer any 2 questions from 14 to 17. Each carries 2 scores.

(2 × 2 = 4)

14. Match the following :

(A)

(B)

<p>(i)</p> 	<p>(a) Cyclical Variation</p>
<p>(ii)</p> 	<p>(b) Irregular Variation</p>
<p>(iii)</p> 	<p>(c) Seasonal Variation</p>
<p>(iv)</p> 	<p>(d) Secular Trend</p>

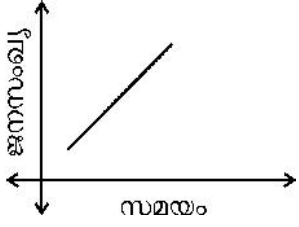
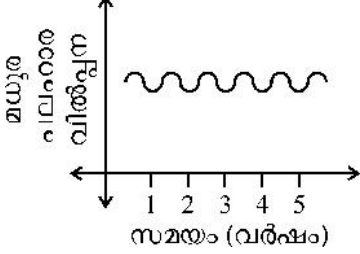
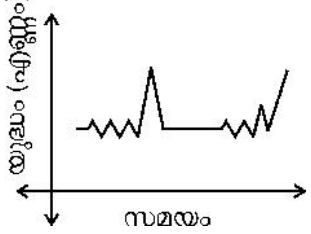
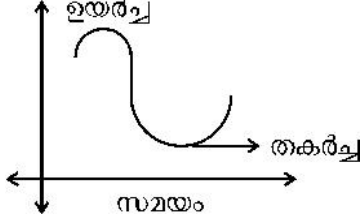
PART - II

A. 14 മുതൽ 17 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 2 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.

2 സ്കോർ വീതം.

(2 × 2 = 4)

14. ചേരുംപടി ചേർക്കുക :

(A)	(B)
(i) 	(a) സൈക്ലിക്കൽ വേരിയേഷൻ
(ii) 	(b) ഇർരൈഗുലർ വേരിയേഷൻ
(iii) 	(c) സീസണൽ വേരിയേഷൻ
(iv) 	(d) സെക്യുലർ ട്രെൻഡ്

15. Find control limits for \bar{X} -chart. $\bar{\bar{X}} = 16.2$ and $\bar{\bar{R}} = 7.4$ are given for 10 samples of size 5 each.
16. Define (a) Type-I error (b) Type-II error in testing of hypothesis.
17. In a bivariate data following results were obtained :
 Mean value of $x = 53$, Mean value of $y = 27$, Regression Co-efficients
 $b_{yx} = -1.5$, $b_{xy} = -0.2$.
 Find the most likely value of y when $X = 60$.

B. Answer any 2 questions from 18 to 20. Each carries 2 scores. (2 × 2 = 4)

18. Distinguish between Point estimation and Interval estimation of a parameter.
19. If $X \sim N(68, \sigma^2)$ and $P[X > 72] = 0.1587$. Find the value of σ .
20. If the two regression lines are $X + 2Y = 5$ and $2X + 3Y = 8$ then calculate Arithmetic means of X and Y .

PART – III

A. Answer any 3 questions from 21 to 24. Each carries 3 scores. (3 × 3 = 9)

21. (a) Find integral of 8 with respect to x .
 (b) Evaluate : $\int_0^1 (x + 1) dx$ (1 + 2)
22. X be a normal variable with mean 50 and standard deviation 10. Find $P[X < 70]$.
23. A population consists of the values 8, 9, 13, 15 and 16. Take all possible samples of size 2 by SRSWOR.
 (a) Find mean of the population.
 (b) Check whether $E(\text{Sample Mean}) = \text{Population Mean}$.

15. 5 വീതമുള്ള 10 സാംഖ്യാലക്ഷണങ്ങളുടെ $\bar{X} = 16.2$ ഉം $\bar{R} = 7.4$ ഉം എങ്കിൽ \bar{X} -ചാർട്ടിന്റെ കൺട്രാൾ ലിമിറ്റുകൾ കാണുക.
16. ഹൈപ്പോത്തസിസ് ടെസ്റ്റിംഗിലെ (a) ടൈപ്പ്-I എറർ (b) ടൈപ്പ്-II എറർ എന്നിവ നിർവ്വചിക്കുക.
17. ഒരു ബൈവേരിയേറ്റ് ഡാറ്റയിൽ x ന്റെ മീൻ വില = 53, y യുടെ മീൻ വില = 27, റിഗ്രഷൻ കോയിഫിഷ്യന്റുകൾ $b_{yx} = -1.5$, $b_{xy} = -0.2$.
 X ന്റെ വില 60 ആകുമ്പോൾ y യുടെ ഏറ്റവും സാധ്യമായ വില കാണുക.

B. 18 മുതൽ 20 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 2 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.

- 2 സ്കോർ വീതം. (2 x 2 = 4)**
18. പോയിന്റ് എസ്റ്റിമേഷൻ, ഇൻറർവെൽ എസ്റ്റിമേഷൻ ഇവ വേർതിരിച്ച് വിശദമാക്കുക.
19. $X \sim N(68, \sigma^2)$ ഉം $P[X > 72] = 0.1587$ ഉം ആകുന്നുവെങ്കിൽ σ യുടെ വില കാണുക.
20. $X + 2Y = 5$, $2X + 3Y = 8$ എന്നിവ രണ്ട് റിഗ്രഷൻ ലൈനുകൾ ആകുന്നു. X ന്റെയും Y യുടെയും അരിത്മെറ്റിക് മീൻ കണക്കാക്കുക.

PART – III

A. 21 മുതൽ 24 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 3 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.

- 3 സ്കോർ വീതം. (3 x 3 = 9)**
21. (a) x ആധാരമായ 8 ന്റെ ഇൻറഗ്രൽ കാണുക.
 (b) $\int_0^1 (x + 1) dx$ കാണുക. (1 + 2)
22. X എന്നത് ഒരു നോർമൽ വേരിയബിളാണ്. X ന്റെ മീൻ 50 ഉം സ്റ്റാൻഡേർഡ് ഡീവിയേഷൻ 10 ഉം ആകുന്നു. $P[X < 70]$ കാണുക.
23. 8, 9, 13, 15, 16 എന്നിവ പോപ്പുലേഷൻ വിലകളാണ്. SRSWOR പ്രകാരം 2 വീതമുള്ള സാമ്പിളുകൾ എഴുതുക.
 (a) പോപ്പുലേഷൻ മീൻ കാണുക.
 (b) $E(\text{സാമ്പിൾ മീൻ}) = \text{പോപ്പുലേഷൻ മീൻ}$ ആണോയെന്ന് പരിശോധിക്കുക.

24. Sales of statistics books in a School from 2015 to 2020 as follows :

Year	2015	2016	2017	2018	2019	2020
Number of books	15	28	30	28	26	32

Calculate 3 year moving average values.

- B. Answer any 2 questions from 25 to 27. Each carries 3 scores. (2 × 3 = 6)**

25. From the following data, calculate the rank correlation coefficient between X and Y :

X	36	56	20	65	56
Y	50	35	70	25	58

26. A continuous random variable X has the p.d.f., $f(x) = 2x ; 0 \leq x \leq 1$
= otherwise

Obtain distribution function of X.

27. Total revenue of a firm is given by $R(X) = 22X - X^2$. Where 'X' is the number of units sold. Find the optimum (Maximum or Minimum) revenue that the company can take.

PART – IV

- A. Answer any 3 questions from 28 to 31. Each carries 4 scores. (3 × 4 = 12)**

28. Let $\bar{x} = 6.14$, $\bar{y} = 4$, $\Sigma xy = 209$, $\Sigma y^2 = 146$, $n = 7$. Write the regression equation x on y.

29. A discrete random variable X has the p.m.f. :

X	1	2	3
P(x)	$\frac{1}{6}$	$\frac{2}{6}$	$\frac{3}{6}$

Find

- (a) $P[1 \leq X \leq 2]$
(b) $E(X)$
(c) $V(X)$

(1 + 1 + 2)

24. 2015 മുതൽ 2020 വരെ ഒരു സ്കൂളിൽ വിലപന നടത്തിയ സ്റ്റാറ്റിസ്റ്റിക് പുസ്തകങ്ങളുടെ എണ്ണം ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്നു :

വർഷം	2015	2016	2017	2018	2019	2020
പുസ്തകങ്ങളുടെ എണ്ണം	15	28	30	28	26	32

3 വർഷ മുവിംഗ് ആവരേജ് വിലകൾ കണക്കാക്കുക.

B. 25 മുതൽ 27 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 2 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.

3 സ്കോർ വീതം.

(2 × 3 = 6)

25. ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്ന ഡാറ്റ ഉപയോഗിച്ച് X ഉം Y ഉം തമ്മിലുള്ള റാങ്ക് കോറിലേഷൻ കോയഫിഷ്യന്റ് കണക്കാക്കുക :

X	36	56	20	65	56
Y	50	35	70	25	58

26. $f(x) = 2x ; 0 \leq x \leq 1$
 $=$ മറ്റെല്ലാവിധകൾക്കും.

എന്നത് X എന്ന കണ്ടിന്യൂസ് റാൻഡം വേരിയബിളിന്റെ p.d.f. ആകുന്നു. X ന്റെ ഡിസ്ട്രിബ്യൂഷൻ ഫങ്ഷൻ കാണുക.

27. ഒരു കമ്പനിയുടെ റവന്യൂ ഫംങ്ഷൻ $R(X) = 22X - X^2$ എന്നാകുന്നു. 'X' എന്നത് വിറ്റുപോയ യൂണിറ്റുകളുടെ എണ്ണമാകുന്നു. കമ്പനിക്ക് നേടാൻ കഴിയുന്ന പരമാവധി റവന്യൂ എത്രയെന്ന് കണ്ടുപിടിക്കുക.

PART – IV

A. 28 മുതൽ 31 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 3 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.

4 സ്കോർ വീതം.

(3 × 4 = 12)

28. $\bar{x} = 6.14, \bar{y} = 4, \Sigma xy = 209, \Sigma y^2 = 146, n = 7$ എന്ന് കരുതുക. റിഗ്രഷൻ ഇക്വേഷൻ x on y എഴുതുക.

29. X എന്ന ഡിസ്ക്രീറ്റ് റാൻഡം വേരിയബിളിന്റെ p.m.f. ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്നു :

X	1	2	3
P(x)	$\frac{1}{6}$	$\frac{2}{6}$	$\frac{3}{6}$

- (a) $P[1 \leq X \leq 2]$
- (b) $E(X)$
- (c) $V(X)$

എന്നിവ കാണുക.

(1 + 1 + 2)

30. (a) Write the conditions required for binomial experiments.
 (b) X follows binomial distribution with mean = 6 and variance = 3.6.

Find probability of 'Success'. (2 + 2)

31. (a) What you mean by assignable factors in ANOVA ?
 (b) Complete the ANOVA table given below and make a conclusion :

Source	d.f.	SS	M.S.S.	F	F _{0.05}
Between	—	18	—	1.2	4.07
Within	8	—	5		
Total	11	—			

(1 + 3)

B. Answer any 1 question from 32 and 33. Carries 4 scores. (1 × 4 = 4)

32. Two lines of regression are $y - x = 5$ and $16x = 9y - 94$.

- (a) Identify the given lines as regression line of y on x and regression line of x on y.
 (b) Find regression coefficients.
 (c) Compute correlation coefficient. (2 + 1 + 1)

33. The result of a test can be summarised as :

Gender	Result		Total
	Pass	Fail	
Male	28	12	40
Female	34	26	60

Calculate Chi-square statistics value.

30. (a) ബൈനോമിയൽ എക്സ്പിരിമെന്റിന് വേണ്ടതായ നിബന്ധനകൾ എഴുതുക.
 (b) ബൈനോമിയൽ ഡിസ്ട്രിബ്യൂഷൻ ഫോളോ ചെയ്യുന്ന X ന്റെ മീൻ = 6 ഉം വേരിയൻസ് = 3.6 ഉം ആകുന്നു. 'സക്ലസിന്റെ' പ്രോബബിലിറ്റി കാണുക. (2 + 2)

31. (a) ANOVA യിലെ അസൈനബിൾ ഫാക്ടേഴ്സ് എന്നതുകൊണ്ട് നിങ്ങൾ അർത്ഥമാക്കുന്നതെന്ത് ?
 (b) ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്ന ANOVA ടേബിൾ പൂരിപ്പിക്കുകയും നിഗമനത്തിലെത്തുകയും ചെയ്യുക :

Source	d.f.	SS	M.S.S.	F	F _{0.05}
Between	—	18	—	1.2	4.07
Within	8	—	5		
Total	11	—			

(1 + 3)

B. 32 മുതൽ 33 വരെ ഏതെങ്കിലും ഒരു ചോദ്യത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. 4 സ്കോർ

(1 × 4 = 4)

32. $y - x = 5$, $16x = 9y - 94$ എന്നിവ രണ്ട് റിഗ്രഷൻ ലൈനുകളാണ്.
 (a) തന്നിരിക്കുന്ന റിഗ്രഷൻ ലൈനുകളെ y on x, x on y എന്നിങ്ങനെ തിരിച്ചറിയുക.
 (b) റിഗ്രഷൻ കോയഫിഷ്യന്റുകൾ കാണുക.
 (c) കോറിലേഷൻ കോയഫിഷ്യന്റ് കണക്കാക്കുക.

(2 + 1 + 1)

33. ഒരു പരീക്ഷയുടെ ഫലം പട്ടികപ്പെടുത്തിയിരിക്കുന്നു :

ലിംഗം	ഫലം		ആകെ
	ജയം	തോൽവി	
ആൺ	28	12	40
പെൺ	34	26	60

Chi-square സ്റ്റാറ്റിസ്റ്റിക്സിന്റെ വില കണക്കാക്കുക.

PART – V

Answer any 2 questions from 34 to 36. Each carries 6 scores.

(2 × 6 = 12)

34. Scores obtained (out of 15) for 5 students in a class test as follows :

English	8	6	10	7	15
Statistics	10	7	8	4	6

Calculate Karl Pearson's correlation coefficient.

35. (a) Find Simple A.M. Price Index for the following data :

Price in 2020	44	38	48
Price in 2021	48	40	54

(b) Calculate Laspeyzer's index for the following data :

Base Year		Current Year	
Price	Quantity	Price	Quantity
2	20	5	15
4	4	8	5
1	10	2	12
5	5	10	6

(2 + 4)

36. (a) X_1, X_2, X_3 is a random sample taken from a population with Mean μ and Standard Deviation σ . Let $T_1 = 2X_1 - 2X_2 + X_3$ and $T_2 = 3X_1 - X_2 - X_3$ are two unbiased estimators of μ . Find which one is more efficient.

(b) A sample of 144 observations is taken from a population with Mean 50. The Sample Mean = 55 with S.D. = 20. Test the hypothesis that population Mean is equal to the Sample Mean at 5% level of significance. (Given $Z_{\alpha/2} = 1.96$)

(3 + 3)

PART – V

34 മുതൽ 36 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 2 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.

6 സ്കോർ വീതം. (2 × 6 = 12)

34. ഒരു ക്ലാസ്സ് പരീക്ഷയിൽ 5 വിദ്യാർത്ഥികൾക്ക് ലഭിച്ച സ്കോറുകൾ (15 ൽ) ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്നു :

ഇംഗ്ലീഷ്	8	6	10	7	15
സ്റ്റാറ്റിസ്റ്റിക്സ്	10	7	8	4	6

കാൾ വിയേഴ്സൺ കോറിലേഷൻ കോയഫിഷ്യന്റ് കണക്കാക്കുക.

35. (a) ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്ന ഡാറ്റയുടെ സിംപിൾ A.M. പ്രൈസ് ഇൻഡക്സ് കാണുക :

2020 ലെ വില	44	38	48
2021 ലെ വില	48	40	54

(b) താഴെ തന്നിരിക്കുന്ന ഡാറ്റയുടെ ലാസ്പയേഴ്സ് ഇൻഡക്സ് കണക്കാക്കുക :

ബേസ് ഇയർ		കറന്റ് ഇയർ	
വില	ക്വാണ്ടിറ്റി	വില	ക്വാണ്ടിറ്റി
2	20	5	15
4	4	8	5
1	10	2	12
5	5	10	6

(2 + 4)

36. (a) മീൻ μ ഉം, സ്റ്റാൻഡേർഡ് ഡീവിയേഷൻ σ യും ആയ ഒരു പോപ്പുലേഷനിൽ നിന്നും എടുത്ത സാമ്പിളുകളാണ് X_1, X_2, X_3 എന്നിവ. $T_1 = 2X_1 - 2X_2 + X_3$, $T_2 = 3X_1 - X_2 - X_3$ എന്നിവ μ ന്റെ 2 അൺ ബയാസ്ഡ് എസ്റ്റിമേറ്ററുകളാണ്. ഇവയിൽ കൂടുതൽ എഫിഷ്യന്റ് ഏതാണ്?

(b) മീൻ 50 ആയ ഒരു പോപ്പുലേഷനിൽ നിന്നും 144 സാമ്പിളുകൾ എടുത്തിരിക്കുന്നു. സാമ്പിൾ മീൻ = 55 ഉം സ്റ്റാൻഡേർഡ് ഡീവിയേഷൻ = 20 ഉം ആകുന്നു. പോപ്പുലേഷൻ മീൻ സാമ്പിൾമീനിന് തുല്യമാണോയെന്ന് 5% ലെവൽ ഓഫ് സിഗ്നിഫിക്കൻസിൽ പരിശോധിക്കുക. ($Z_{\alpha/2} = 1.96$ എന്ന് തന്നിരിക്കുന്നു)

(3 + 3)

