



**SECOND YEAR HIGHER SECONDARY
MODEL EXAMINATION, FEBRUARY – 2024**

Part – III

Time : 2 Hours

MATHEMATICS (SCIENCE) Cool-off time : 15 Minutes

Maximum : 60 scores

General Instructions to Candidates :

- There is a 'Cool-off time' of 15 minutes in addition to the writing time.
- Use the 'Cool-off time' to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- Read the instructions carefully.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.

വിദ്യാർത്ഥികൾക്കുള്ള പൊതുനിർദ്ദേശങ്ങൾ :

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 15 മിനിറ്റ് 'കൂൾ ഓഫ് ടൈം' ഉണ്ടായിരിക്കും.
- 'കൂൾ ഓഫ് ടൈം' ചോദ്യങ്ങൾ പരിചയപ്പെടാനും ഉത്തരങ്ങൾ ആസൂത്രണം ചെയ്യാനും ഉപയോഗിക്കുക.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- നിർദ്ദേശങ്ങൾ മുഴുവനും ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- കണക്ക് കൂട്ടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ഗ്രാഫുകൾ, എന്നിവ ഉത്തരപേപ്പറിൽ തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നൽകിയിട്ടുണ്ട്.
- ആവശ്യമുള്ള സ്ഥലത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- പ്രോഗ്രാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കുലേറ്ററുകൾ ഒഴികെയുള്ള ഒരു ഇലക്ട്രോണിക് ഉപകരണവും പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.

1 മുതൽ 8 വരെയുള്ള ചോദ്യങ്ങൾക്ക് 3 സ്കോർ വിതമാണ്. 6 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. (6 × 3 = 18)

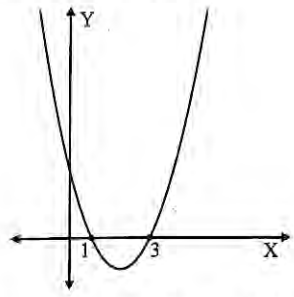
1. $A = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 0 & 4 & -1 \\ -2 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ എന്ന മെട്രിക്സിനെ ഒരു സിമെട്രിക് മെട്രിക്സിന്റെയും സ്കാലർ സിമെട്രിക് മെട്രിക്സിന്റെയും തുകയായി എഴുതുക.

2. (i) $\sin^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)$ എന്നതിന്റെ പ്രിൻസിപ്പൽ വാല്യം കണക്കാക്കുക. (1)

(ii) $\cos^{-1}\left(\cos \frac{7\pi}{6}\right)$ എന്നതിന്റെ പ്രിൻസിപ്പൽ വാല്യം കണക്കാക്കുക. (2)

3. $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & , x < 2 \\ 4 & , x = 2 \\ 2x - 1 & , x > 2 \end{cases}$ എന്ന ഫംഗ്ഷന്റെ കണ്ടിന്യൂറ്റി പരിശോധിക്കുക.

4. $f(x)$ എന്ന മൂന്നാം കൃതി പോളിനോമിയൽ ഫംഗ്ഷൻ പരിഗണിക്കുക. ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നത് $f'(x)$ ന്റെ ഗ്രാഫ് ആണ്.



(i) എതൊക്കെ ഇന്റർവെല്ലിലാണ് ഫംഗ്ഷൻ ഇൻക്രിസിങ് ആവുന്നത് ഡിക്രിസിങ് ആവുന്നത്. (2)

(ii) ലോക്കൽ മാക്സിമ, മിനിമ ഉണ്ടാവുന്ന പോയിന്റുകൾ കണ്ടെത്തുക. (1)

5. $\int \frac{x-1}{x^2-4x-5} dx$ കണ്ടെത്തുക.

6. (i) $A(1, 5, 3), B(4, 5, 7)$ എന്നിവ രണ്ട് ബിന്ദുക്കൾ ആയാൽ വെക്ടർ \vec{AB} കണക്കാക്കുക. (1)

(ii) \vec{AB} ന്റെ ഡയറക്ഷനിലെ ഒരു യൂണിറ്റ് വെക്ടർ കണ്ടെത്തുക. (1)

(iii) ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവയിൽ \vec{AB} ക്ക് ലംബമായ വെക്ടർ ഏതാണ്? (1)

(a) $15\hat{i} + 20\hat{k}$ (b) $15\hat{i} - 20\hat{k}$

(c) $-5\hat{j}$ (d) $5\hat{k}$

7. (i) $f(x) = \begin{cases} 1 & , x=1 \\ x-1 & , x>1 \end{cases}$ എന്ന $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ ലെ ഒരു ഫംഗ്ഷൻ പരിഗണിക്കുക. ശരിയായ ഉത്തരം തിരഞ്ഞെടുക്കുക. (1)

- (a) f വൺ-വൺ, ഓൺ ടു ആണ്.
- (b) f മെനി-വൺ, ഓൺ ടു ആണ്.
- (c) f വൺ-വൺ ആണ് പക്ഷേ ഓൺ ടു അല്ല.
- (d) f വൺ-വൺ അല്ല, ഓൺ ടു അല്ല.

(ii) $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = 4x$ എന്ന ഫംഗ്ഷൻ ഇൻവർട്ടബിൾ ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക. തുടർന്ന് ഇൻവേഴ്സ് ഫംഗ്ഷൻ എഴുതുക. (2)

8. ഒരു ഡൈ 2 തവണ എറിഞ്ഞപ്പോൾ കിട്ടിയ സംഖ്യകളുടെ തുക 9 ആണെന്ന് കരുതുക. അങ്ങനെയെങ്കിൽ ഏറ്റവും കുറഞ്ഞത് ഒരു തവണയെങ്കിലും 5 കിട്ടാനുള്ള കണ്ടിഷണൽ പ്രോബബിലിറ്റി എത്രയാണ്?

9 മുതൽ 16 വരെയുള്ള ചോദ്യങ്ങൾക്ക് 4 സ്കോർ വിതമാണ്. 6 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. (6 × 4 = 24)

9. $A = \{1, 2, 3\}$ എന്ന സെറ്റിലെ ഒരു റിലേഷൻ $R = \{(1, 3), (1, 1), (2, 2), (3, 3), (3, 1)\}$ പരിഗണിക്കുക.
- (i) R ഒരു ഇക്വിലൻസ് റിലേഷൻ ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക. (3)
- (ii) ഇക്വിലൻസ് ക്ലാസുകൾ കണ്ടെത്തുക. (1)

10. (i) $\begin{bmatrix} x & 3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -2 \end{bmatrix} = 2 \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ y & 3 \end{bmatrix}$ ആയാൽ x, y എന്നിവയുടെ വിലകൾ കണ്ടെത്തുക. (2)

- (ii) $A = \begin{bmatrix} 5 \\ -2 \\ 3 \end{bmatrix}$, $B = [2 \quad -1 \quad -3]$ എന്നിവ രണ്ട് മെട്രിക്സുകൾ ആയാൽ AB കണ്ടെത്തുക. (2)

11. (i) ഒരു ക്യൂബിന്റെ വ്യാപ്തം 24 സെമീ³/ സെക്കണ്ട് എന്ന തോതിൽ വർദ്ധിക്കുന്നു എന്ന് കരുതുക. ഒരു വക്കിന്റെ നീളം 6 സെമീ ആയാൽ ഉപരിതല പരപ്പളവിന്റെ വർദ്ധനവിന്റെ തോത് കണ്ടെത്തുക. (3)
- (ii) $f(x) = |x| - 2$, $x \in \mathbb{R}$ എന്ന ഫംഗ്ഷന്റെ ലോക്കൽ മിനിമം വാല്യം കണ്ടെത്തുക. (1)

12. $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ എന്ന എലിപ്സിന്റെ പരപ്പളവ് ഇന്റഗ്രേഷൻ ഉപയോഗിച്ച് കണ്ടെത്തുക.

13. (i) ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവയിൽ $y'' - y' = 0$ എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ ഇക്വേഷന്റെ പരിഹാരം ആകാവുന്നത് ഏതാണ്? (1)

- (a) $y = e^x + 1$ (b) $y = e^{-x} + 1$
 (c) $y = \sin x + 1$ (d) $y = \sin(x + 1)$

- (ii) $\frac{dy}{dx} = \frac{\sqrt{9-y^2}}{x}$ എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ സമവാക്യത്തിന്റെ പൊതു പരിഹാരം കണ്ടെത്തുക. (3)

14. (i) $\vec{a}=2\hat{i}+\hat{j}$ എന്ന വെക്ടർ $\vec{b}=2\vec{a}$ എന്ന വെക്ടറിലേക്കുള്ള പ്രൊജക്ഷൻ കണ്ടെത്തുക. (1)
- (ii) $3\hat{i}+\hat{j}+4\hat{k}$, $\hat{i}-\hat{j}+\hat{k}$ എന്നീ വെക്ടറുകൾ വശങ്ങളായിവരുന്ന സാമാന്തരികത്തിന്റെ പരപ്പളവ് കണ്ടെത്തുക. (3)

15. $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z}{2}$, $\frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{-5} = \frac{z+1}{2}$ എന്നീ സ്തൂല ലൈനുകൾ തമ്മിലുള്ള ഏറ്റവും കുറഞ്ഞ അകലം കണക്കാക്കുക.

16. (i) A, B എന്നീ ഇവന്റുകൾ ഇൻഡിപെൻഡന്റ് ഇവന്റുകൾ ആവുകയും $P(A) = 0.4$, $P(B) = 0.5$ ആയാൽ $P(\text{neither A nor B})$ കണ്ടെത്തുക. (1)
- (ii) ഒരാൾ അഞ്ചിൽ നാല് കാര്യങ്ങളിൽ സത്യം പറയുന്നു എന്ന് കരുതുക. അദ്ദേഹം ഒരു ഡൈ എറിഞ്ഞപ്പോൾ 5 കിട്ടി എന്ന് പറയുന്നു. യഥാർത്ഥത്തിൽ അഞ്ച് ആവാനുള്ള സാധ്യത കണക്കാക്കുക. (3)

17 മുതൽ 20 വരെയുള്ള ചോദ്യങ്ങൾക്ക് 6 സ്കോർ വീതമാണ്. 3 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക. (3 x 6 = 18)

17. മെട്രിക്സ് മെത്തേഡ് ഉപയോഗിച്ച് ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഒരു കൂട്ടം ലിനിയർ സമവാക്യങ്ങളുടെ പരിഹാരം കാണുക :

$$x + 2y + z = 18$$

$$2x + y + z = 5$$

$$x - 3y + 4z = 3$$

18. ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവയുടെ $\frac{dy}{dx}$ കണ്ടെത്തുക.

(i) $y = \sqrt{\sin x}$ (1)

(ii) $x = a(t - \sin t)$, $y = a(1 + \cos t)$ (3)

(iii) $y = x^x$ (2)

19. ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവ ഹബെത്തുക :

$$(i) \int e^x \sin x \, dx \quad (3)$$

$$(ii) \int_0^{\pi/2} \frac{\sin^3 x}{\sin^3 x + \cos^3 x} \, dx \quad (3)$$

20. ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ലീനിയർ പ്രോഗ്രാമിംഗ് പ്രോബ്ലം ഗ്രാഫ് ഉപയോഗിച്ച് പരിഹാരം കാണുക.

$$\text{Maximise : } Z = 3x + 7y$$

Subject to the constraints :

$$3x + 4y \leq 60$$

$$x + y \geq 10$$

$$x - 3y \leq -6$$

$$x \geq 0$$

