

13

സ്റ്റോർ	കുട്ടികളുടെ എണ്ണം
40 നേക്കാൾ കുറവ്	6
50 നേക്കാൾ കുറവ്	11
60 നേക്കാൾ കുറവ്	19
70 നേക്കാൾ കുറവ്	29
80 നേക്കാൾ കുറവ്	38
90 നേക്കാൾ കുറവ്	45

$N = 45$

(i) മധ്യ സ്റ്റോർ = 23 -) മത്തെ കുട്ടിയുടെ സ്റ്റോർ = x_{23}

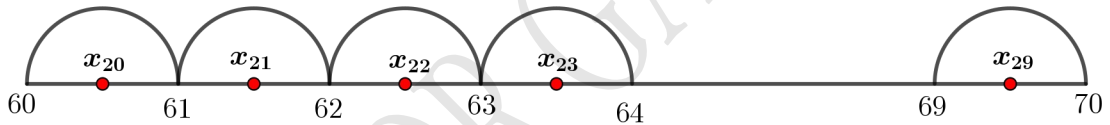
മധ്യ വിഭാഗം = $60 - 70$

മധ്യ വിഭാഗത്തിൽ 10 കുട്ടികൾ ഉണ്ട്.

60 മുതൽ 70 വരെയുള്ള 10 സ്റ്റോറിനെ 10 തുല്യഭാഗങ്ങളാക്കുക.

ഒരു ഉപവിഭാഗത്തിന്റെ നീളം = $\frac{10}{10} = 1 = d$

ഇങ്ങനെ കിട്ടുന്ന ഓരോ ഉപവിഭാഗത്തിന്റെയും കൃത്യം നടവിലാണ് മധ്യവിഭാഗത്തിലെ കുട്ടികളുടെ സ്റ്റോറുകൾ വരുന്നത് എന്ന് സങ്കല്പിക്കുക.



(ii) 20 -) മത്തെ കുട്ടിയുടെ സ്റ്റോർ = $x_{20} = \frac{60 + 61}{2} = 60.5$

മധ്യവിഭാഗത്തിൽ വരുന്ന സ്റ്റോറുകൾ സമാന്തരശ്രേണിയിലാണ് .

(iii) മധ്യ സ്റ്റോർ = $x_{23} = 60.5 + (3 \times 1) = 63.5$

SECTION C

14

(i) വൃത്തകേന്ദ്രത്തിന്റെ സൂചകസംഖ്യകൾ = $\left(\frac{4 + 8}{2}, \frac{3 + 5}{2}\right) = (6, 4)$

(ii) വ്യാസത്തിന്റെ മറ്റേ അറ്റത്തിന്റെ സൂചകസംഖ്യകൾ = $([2 \times 6] - 5, [2 \times 4] - 2)$
 $= (7, 6)$

15

(i) C യുടെ സൂചകസംഖ്യകൾ = $(4, 0)$

(ii) A യിൽ നിന്ന് BC യിലേക്കുള്ള ഉയരം = $2\sqrt{3}$

(iii) A യുടെ സൂചകസംഖ്യകൾ = $(2, 2\sqrt{3})$

16A

(i) വൃത്തകേന്ദ്രത്തിന്റെ സൂചകസംഖ്യകൾ = $\left(\frac{3 + 5}{2}, \frac{5 + 9}{2}\right) = (4, 7)$

(ii) വൃത്തത്തിന്റെ ആരം = $\sqrt{(4 - 3)^2 + (7 - 5)^2} = \sqrt{5}$

(iii) $(x - 4)^2 + (y - 7)^2 = 5$

16B	(i) വരയുടെ ചരിവ് $= \frac{7-5}{9-3} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$	1
	(ii) ഈ വരയിലെ ഒരു ബിന്ദുവാണ് (x,y) എന്നെടുത്താൽ $\frac{y-5}{x-3} = \frac{1}{3}$ $x - 3y + 12 = 0$	2
	(iii) $(6, 6)$ [അല്ലെങ്കിൽ തന്നിരിക്കുന്ന ബിന്ദുക്കളിൽ നിന്ന് x -മാറ്റം 3 ആകുമ്പോൾ y -മാറ്റം 1 ആകുന്ന എത്ര ബിന്ദുവും]	1

SECTION D

17A	(i) ചെറിയ വശത്തിന്റെ നീളം x മീ. എന്നെടുത്താൽ വലിയ വശത്തിന്റെ നീളം $x + 30$ മീ. $x(x + 30) = 351 \implies x^2 + 30x = 351$ $x^2 + 30x + 15^2 = 351 + 15^2$ $(x + 15)^2 = 576$ $x + 15 = \sqrt{576} = 24 \implies x = 9$ ചെറിയ വശത്തിന്റെ നീളം = 9 മീ.	1 1 1
	(ii) $x^2 + 30x = 351 \implies x^2 + 30x - 351 = 0$ $x = \frac{-30 \pm \sqrt{30^2 - 4 \times 1 \times (-351)}}{2 \times 1} = \frac{-30 \pm \sqrt{2304}}{2}$ $x = \frac{-30 + 48}{2}$ അല്ലെങ്കിൽ $x = \frac{-30 - 48}{2}$ $x = 9$ അല്ലെങ്കിൽ $x = -39$ ചെറിയ വശത്തിന്റെ നീളം = 9 മീ.	

17B	സംഖ്യകൾ x, y എന്നെടുത്താൽ $x + y = 4$, $xy = 2$ $(x - y)^2 = 4^2 - (4 \times 2) = 8$ $x - y = \sqrt{8}$ $x = \frac{4 + \sqrt{8}}{2}$, $y = \frac{4 - \sqrt{8}}{2}$ $\left[x = \frac{4 + 2\sqrt{2}}{2} = 2 + \sqrt{2}$, $y = \frac{4 - 2\sqrt{2}}{2} = 2 - \sqrt{2} \right]$ അല്ലെങ്കിൽ സംഖ്യകൾ $2 + x$, $2 - x$ എന്നെടുത്താൽ , $(2 + x)(2 - x) = 2$ $4 - x^2 = 2 \implies x^2 = 2 \implies x = \sqrt{2}$ സംഖ്യകൾ $= 2 + \sqrt{2}$, $2 - \sqrt{2}$ അല്ലെങ്കിൽ ഒരു സംഖ്യ x എന്നെടുത്താൽ മറ്റു സംഖ്യ $= 4 - x$ $x(4 - x) = 2 \implies 4x - x^2 = 2 \implies x^2 - 4x = -2$ $x^2 - 4x + 2^2 = -2 + 2^2$ $(x - 2)^2 = 2$ $x - 2 = \sqrt{2} \implies x = 2 + \sqrt{2}$ അല്ലെങ്കിൽ $x = 2 - \sqrt{2}$ സംഖ്യകൾ $= 2 + \sqrt{2}$, $2 - \sqrt{2}$	1 1 1
-----	--	-------------

18	<p>(i) 1, 5, 9, . . .</p> <p>(ii) അതെ , ഇതൊരു സമാന്തരശ്രേണിയാണ് . കാരണം 1 ൽ നിന്ന് തുടങ്ങി 4 തന്നെ വീണ്ടും വീണ്ടും കൂട്ടി കിട്ടുന്ന ശ്രേണിയാണിത്.</p> <p>(iii) $4n - 1$</p> <p style="text-align: center;">അല്ലെങ്കിൽ</p> <p>(ii) അതെ , ഇതൊരു സമാന്തരശ്രേണിയാണ് . ഈ ശ്രേണിയിലെ ഒരു പദവും അടുത്ത പദവും എടുത്താൽ , ആദ്യത്തേത് 4 ന്റെ ഒരു ഗുണിതത്തോട് 1 കൂട്ടിയതും , അടുത്തത് 4 ന്റെ അടുത്ത ഗുണിതത്തോട് 1 കൂട്ടിയതും ആണ്. അതിനാൽ രണ്ടാമത്തേതിൽ നിന്ന് ആദ്യത്തേത് കുറച്ചാൽ 4 തന്നെ കിട്ടുന്നു.</p>	1 1 1 1
19A	<p>(i) ആദ്യത്തെ 7 പദങ്ങളുടെ തുക $= 7^2 + (6 \times 7) = 91$</p> <p>(ii) $n^2 + 6n = 315$ $n^2 + 6n + 3^2 = 315 + 3^2$ $(n + 3)^2 = 324$ $n + 3 = \sqrt{324} = 18 \implies n = 15$ പദങ്ങളുടെ എണ്ണം = 15</p> <p style="text-align: center;">അല്ലെങ്കിൽ</p> <p>(ii) $n^2 + 6n = 315 \implies n^2 + 6n - 315 = 0$ $n = \frac{-6 \pm \sqrt{6^2 - 4 \times 1 \times (-315)}}{2 \times 1} = \frac{-6 \pm \sqrt{1296}}{2}$ $n = \frac{-6 + 36}{2} = 15$ അല്ലെങ്കിൽ $n = \frac{-6 - 36}{2} = -21$ പദങ്ങളുടെ എണ്ണം = 15</p>	1 1 1 1
19B	<p>(i) $6n + 5 - 6 = 6n - 1$</p> <p>(ii) $x_8 = (6 \times 8) - 1 = 47$ ആദ്യത്തെ 15 പദങ്ങളുടെ തുക $= 15 \times 47 = 705$</p> <p>(iii) ആദ്യത്തെ n പദങ്ങളുടെ തുക $= 6 \times \frac{n(n+1)}{2} - n = 3n^2 + 2n$</p> <p style="text-align: center;">അല്ലെങ്കിൽ</p> <p>ആദ്യത്തെ 15 പദങ്ങളുടെ തുക $= 6 \times \frac{15 \times 16}{2} - 15 = 705$</p>	1 1 1 1
20	<p>(i) $x^2 - 12x + 32 = (x + a)(x + b)$ എന്നെടുത്താൽ $x^2 - 12x + 32 = x^2 + (a + b)x + ab$ $a + b = -12$, $ab = 32$ $(a - b)^2 = (-12)^2 - (4 \times 32) = 16$ $a - b = \sqrt{16} = 4$ $a = \frac{-12 + 4}{2} = -4$, $b = \frac{-12 - 4}{2} = -8$ $\therefore x^2 - 12x + 32 = (x - 4)(x - 8)$</p> <p>(ii) 4, 8</p> <p style="text-align: center;">അല്ലെങ്കിൽ</p> <p>(i) തുക -12 ഗുണനഫലം 32 ഉം ആകുന്ന രണ്ടു സംഖ്യകൾ -4 , -8 എന്ന് കണക്കാക്കി</p>	1 1 1 1 1

$$x^2 - 12x + 32 = (x - 4)(x - 8) \text{ നേരിട്ടും എഴുതാം.}$$

[ശരിയായ ഏതു രീതിയും ഉപയോഗിക്കാം.]

SECTION E

21	<p>(i) $\angle ADB = \frac{1}{2} \times 50 = 25^\circ$ (ചെറിയ ചാപം AB യുടെ കേന്ദ്രകോണിന്റെ പകുതി)</p> <p>(ii) $\angle BAC = \frac{1}{2} \times 80 = 40^\circ$ (ചെറിയ ചാപം BC യുടെ കേന്ദ്രകോണിന്റെ പകുതി)</p> <p>$\angle ACB = \frac{1}{2} \times 50 = 25^\circ$ (ചെറിയ ചാപം AB യുടെ കേന്ദ്രകോണിന്റെ പകുതി)</p> <p>$\angle ABC = 180 - (40 + 25) = 115^\circ$</p> <p>അല്ലെങ്കിൽ</p> <p>(ii) AOB , BOC എന്നീ ത്രികോണങ്ങൾ സമപാർശ്വമാണെന്ന് തിരിച്ചറിയുന്നതിന്</p> <p>$\angle ABC = 65 + 50 = 115^\circ$</p> <p>$\angle BAC = 65 - 25 = 40^\circ \implies \angle ACB = 25^\circ$</p>		1 1 1 1
22	<p>A യിൽ നിന്ന് BC യിലേക്കുള്ള ലംബദൂരം $= 5 \times \sin 40^\circ$</p> <p>$= 5 \times 0.6428$ സെ.മീ.</p> <p>ത്രികോണം ABC യുടെ പരപ്പളവ് $= \frac{1}{2} \times 8 \times 5 \times 0.6428$</p> <p>$= 12.856$ ച.സെ.മീ</p>		2 2
23A	<p>ഉയരം $= \sqrt{10^2 - 6^2} = 8$ സെ.മീ.</p> <p>വൃത്തസ്തംഭത്തിന്റെ വ്യാപ്തം $= \pi \times 8^2 \times 15 = 960\pi$ ഘന.സെ.മീ.</p> <p>വൃത്തസ്തൂപികയുടെ വ്യാപ്തം $= \frac{1}{3} \times \pi \times 6^2 \times 8 = 96\pi$ ഘന.സെ.മീ.</p> <p>വൃത്തസ്തൂപികകളുടെ എണ്ണം $= \frac{960\pi}{96\pi} = 10$</p>		1 1 1 2
23B	<p>ചരിവുയരം $= \sqrt{\left(\frac{18}{2}\right)^2 + 12^2} = 15$ സെ.മീ.</p> <p>ഒരു സ്തൂപികയുടെ ഉപരിതലപരപ്പളവ് $= 18^2 + (2 \times 18 \times 15) = 864$ ച.സെ.മീ.</p> <p>$= \frac{864}{10000}$ ച.മീ.</p> <p>ആകെ ചിലവ് $= 500 \times \frac{864}{10000} \times 120 = 5184$ രൂപ.</p>		1 1 1 2
24A	<p>(i)</p>		1

(ii) ടവറിന്റെ ഉയരം h മീ. എന്നെടുത്താൽ ,

ചെറിയ മട്ടത്രികോണത്തിൽ , ചെറിയ വശത്തിന്റെ നീളം = $h \times \tan 20^\circ$ മീ.

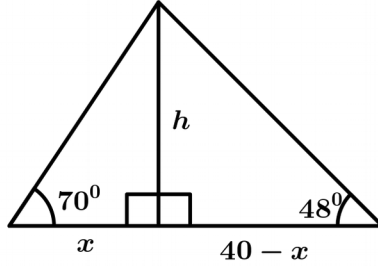
വലിയ മട്ടത്രികോണത്തിൽ , ചെറിയ വശത്തിന്റെ നീളം = $h \times \tan 42^\circ$ മീ.

$$h \times \tan 20^\circ + h \times \tan 42^\circ = 40$$

$$h = \frac{40}{\tan 20^\circ + \tan 42^\circ} = \frac{40}{0.364 + 0.9004} = \frac{40}{1.2644} \text{ മീ.}$$

അല്ലെങ്കിൽ

(i)



(ii) ടവറിന്റെ ഉയരം h മീ. എന്നെടുത്താൽ ,

ചെറിയ മട്ടത്രികോണത്തിൽ , $h = x \times \tan 70^\circ$ മീ.

വലിയ മട്ടത്രികോണത്തിൽ , $h = (40 - x) \tan 48^\circ$ മീ.

$$x \tan 70^\circ = (40 - x) \tan 48^\circ$$

$$x \tan 70^\circ + x \tan 48^\circ = 40 \tan 48^\circ \implies x(\tan 70^\circ + \tan 48^\circ) = 40 \tan 48^\circ$$

$$x = \frac{40 \tan 48^\circ}{\tan 70^\circ + \tan 48^\circ} \text{ മീ.}$$

$$\begin{aligned} \therefore h &= x \times \tan 70^\circ = \frac{40 \tan 48^\circ}{\tan 70^\circ + \tan 48^\circ} \times \tan 70^\circ \\ &= \frac{40 \times 1.1106}{2.7475 + 1.1106} \times 2.7475 = \frac{40 \times 1.1106 \times 2.7475}{3.8521} \text{ മീ.} \end{aligned}$$

അല്ലെങ്കിൽ

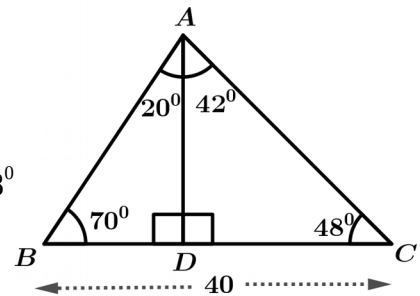
ത്രികോണം ABC യുടെ പരിവൃത്ത ആരം r എന്നെടുത്താൽ,

$$2r = \frac{40}{\sin 62^\circ}$$

ത്രികോണം ABC യിൽ , $AB = 2r \sin 48^\circ = \frac{40}{\sin 62^\circ} \times \sin 48^\circ$

ത്രികോണം ABD യിൽ , $AD = AB \times \sin 70^\circ$

$$\begin{aligned} &= \frac{40}{\sin 62^\circ} \times \sin 48^\circ \times \sin 70^\circ \\ &= \frac{40}{0.8829} \times 0.7431 \times 0.9397 \text{ മീ.} \end{aligned}$$



24B

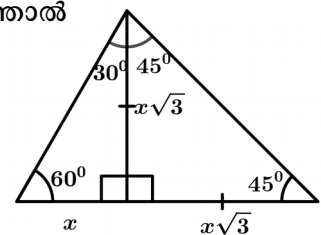
ചെറിയ ത്രികോണത്തിന്റെ ഏറ്റവും ചെറിയ വശം x സെ.മീ. എന്നെടുത്താൽ

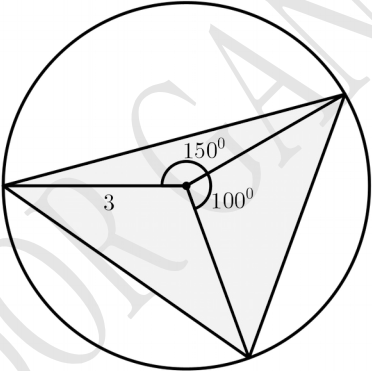
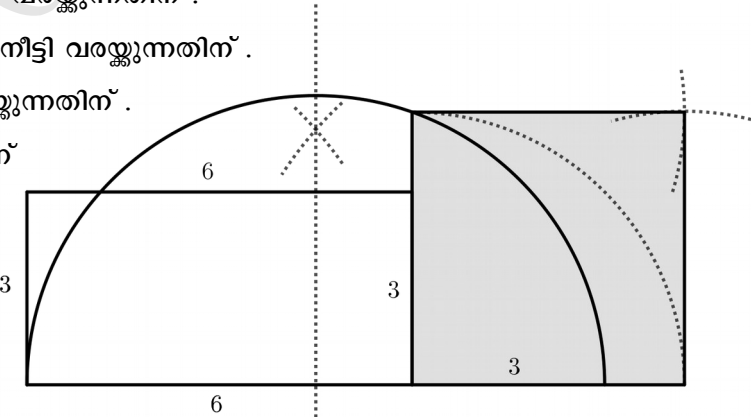
$$x + x\sqrt{3} = 10 \implies x(1 + \sqrt{3}) = 10$$

$$x = \frac{10}{1 + \sqrt{3}}$$

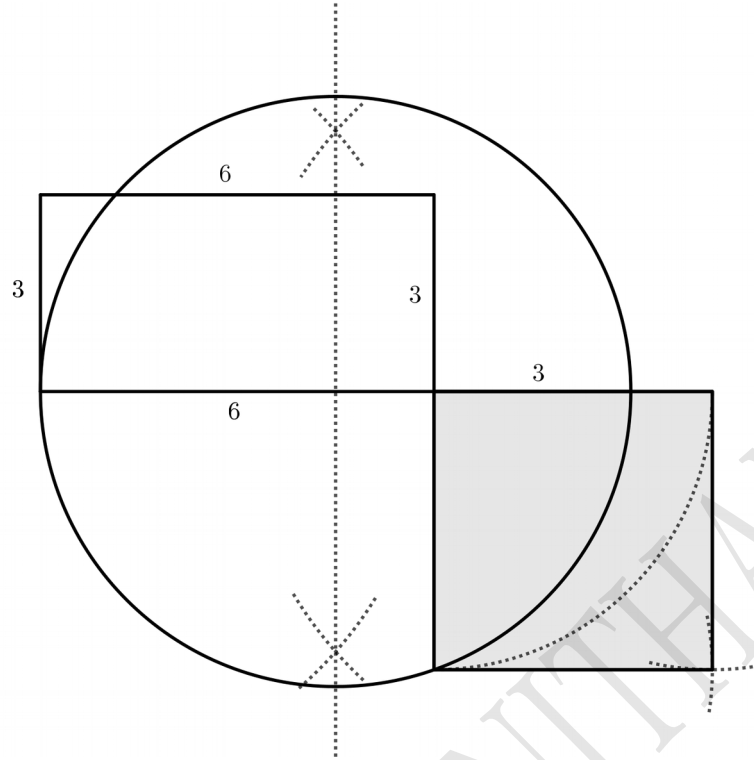
വലിയ ത്രികോണത്തിന്റെ 10 സെ.മീ വശത്തേക്കുള്ള ഉയരം = $x\sqrt{3}$

$$= \frac{10\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}} \text{ സെ.മീ.}$$



	<p> $\text{വലിയ ത്രികോണത്തിന്റെ പരപ്പളവ്} = \frac{1}{2} \times 10 \times \frac{10\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}}$ $= 25\sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) = 75 - 25\sqrt{3} \text{ ച.സെ.മീ.}$ <p style="text-align: center;">അല്ലെങ്കിൽ</p> <p> ചെറിയ ത്രികോണത്തിന്റെ ഏറ്റവും ചെറിയ വശം x സെ.മീ. എന്നെടുത്താൽ $10 - x = x\sqrt{3}$ $x + x\sqrt{3} = 10 \implies x(1 + \sqrt{3}) = 10$ $x = \frac{10}{1 + \sqrt{3}}$ </p> <p> വലിയ ത്രികോണത്തിന്റെ 10 സെ.മീ വശത്തേക്കുള്ള ഉയരം $= x\sqrt{3}$ $= \frac{10\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}}$ സെ.മീ. </p> <p> വലിയ ത്രികോണത്തിന്റെ പരപ്പളവ് $= \frac{1}{2} \times 10 \times \frac{10\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}}$ $= 25\sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) = 75 - 25\sqrt{3} \text{ ച.സെ.മീ.}$ </p> </p>	2
<p>25</p>	<p> 3 സെ.മീ. ആരമുള്ള വൃത്തം വരയ്ക്കുന്നതിന്. ത്രികോണത്തിന്റെ കോണുകളുടെ ഇരട്ടി വൃത്തകേന്ദ്രത്തിൽ എടുക്കുന്നതിന്. ത്രികോണം പൂർത്തിയാക്കുന്നതിന്. </p> 	1 2 1
<p>26</p>	<p> തന്നിരിക്കുന്ന പരപ്പളവിൽ ചതുരം വരയ്ക്കുന്നതിന്. വലിയ വശത്തോട് ചെറിയ വശം നീട്ടി വരയ്ക്കുന്നതിന്. ഈ വര വ്യാസമായി വൃത്തം വരയ്ക്കുന്നതിന്. സമചതുരം പൂർത്തിയാക്കുന്നതിന് </p> 	1 1 1 1

അല്ലെങ്കിൽ



27 2.5 സെ.മീ. ആരമുള്ള വൃത്തം വരയ്ക്കുന്നതിന്.
 180° ൽ നിന്ന ത്രികോണത്തിന്റെ കോണുകൾ കുറച്ച് വൃത്തകേന്ദ്രത്തിൽ എടുക്കുന്നതിന് .
 തൊവുവരകൾ വരച്ച് ത്രികോണം പൂർത്തിയാക്കുന്നതിന്.

1
 2
 2

